

الخيام

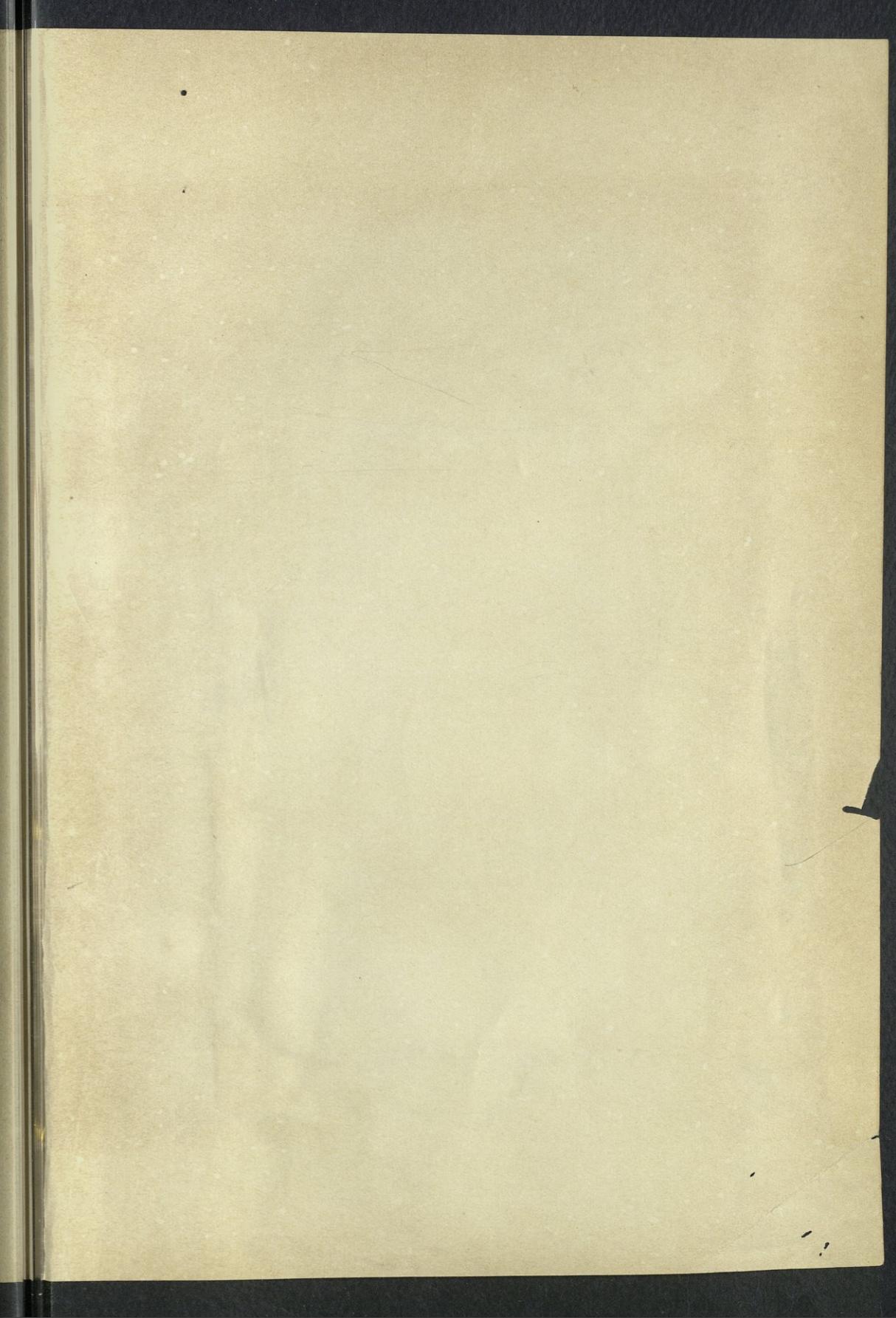
رسالة في شرح كتاب
أقلينس

AMERICAN
UNIVERSITY OF
BEIRUT



A.U.P. LIBRARY

CLOSED
AREA



CA
513
054-A
C.1

رسالة

في شرح ما الشكل من مصادرات كتاب أقليدس

للحكيم عمر بن ابراهيم الخيامي

با کایشه رساله خطی کتابخانه گوغا

ناشر

دکتر ت . ارانی

معلم سابق اوپنیورسیتی برلین

۱۹۴۶

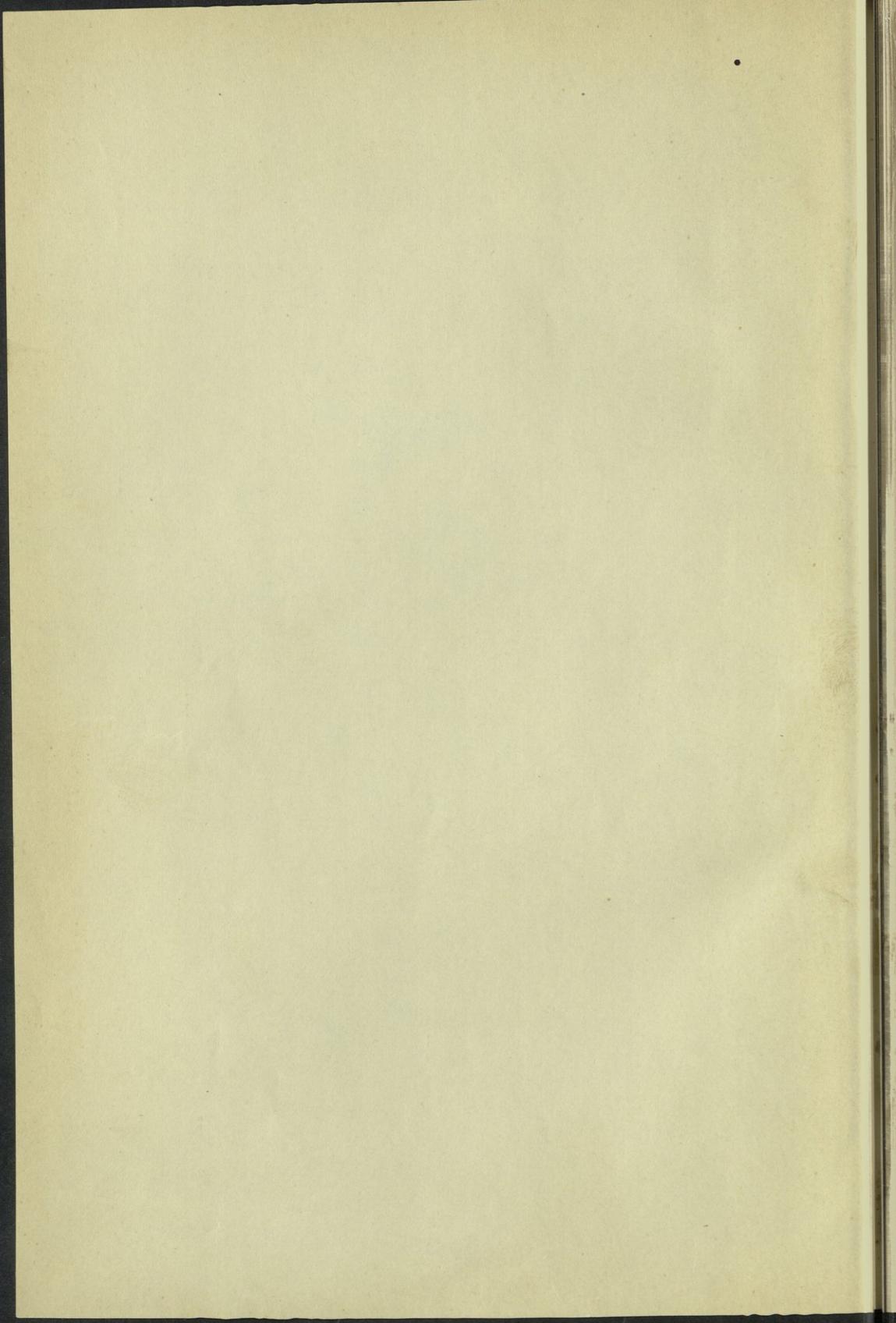
حق طبع از روی این نسخه مخصوص ناشر است

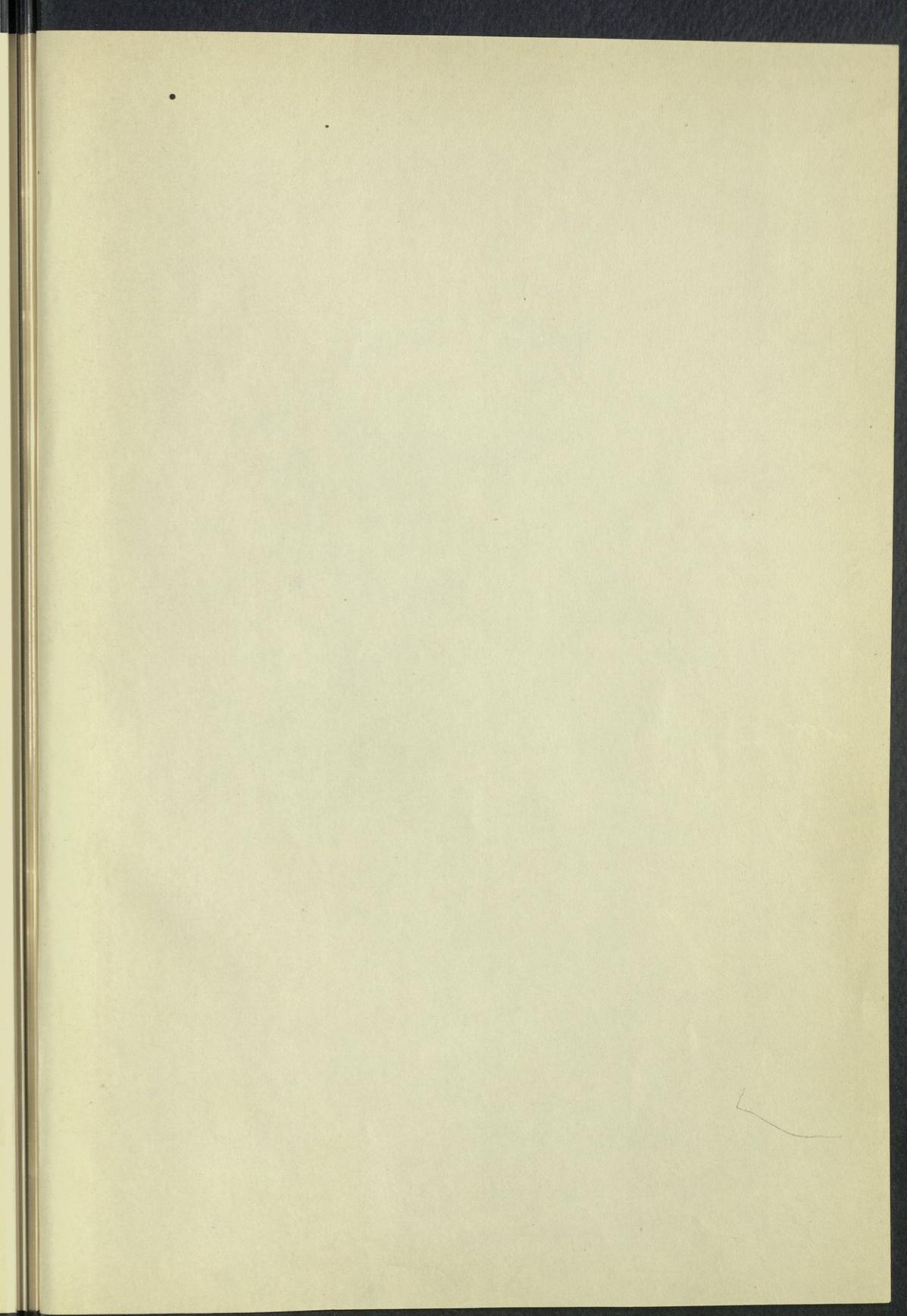
طهران - اصفهان ۱۳۱۴

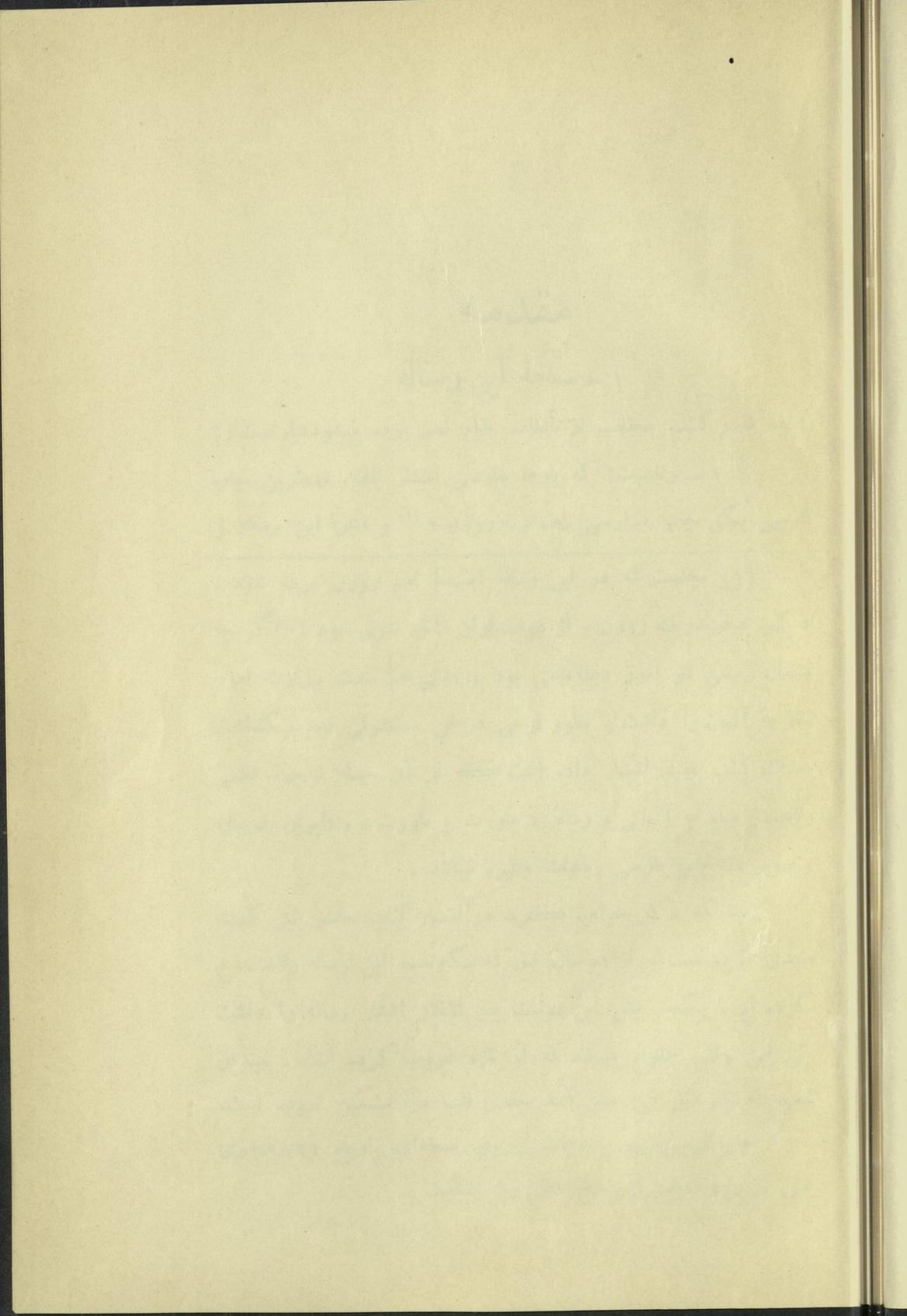
لـ طـاـقة

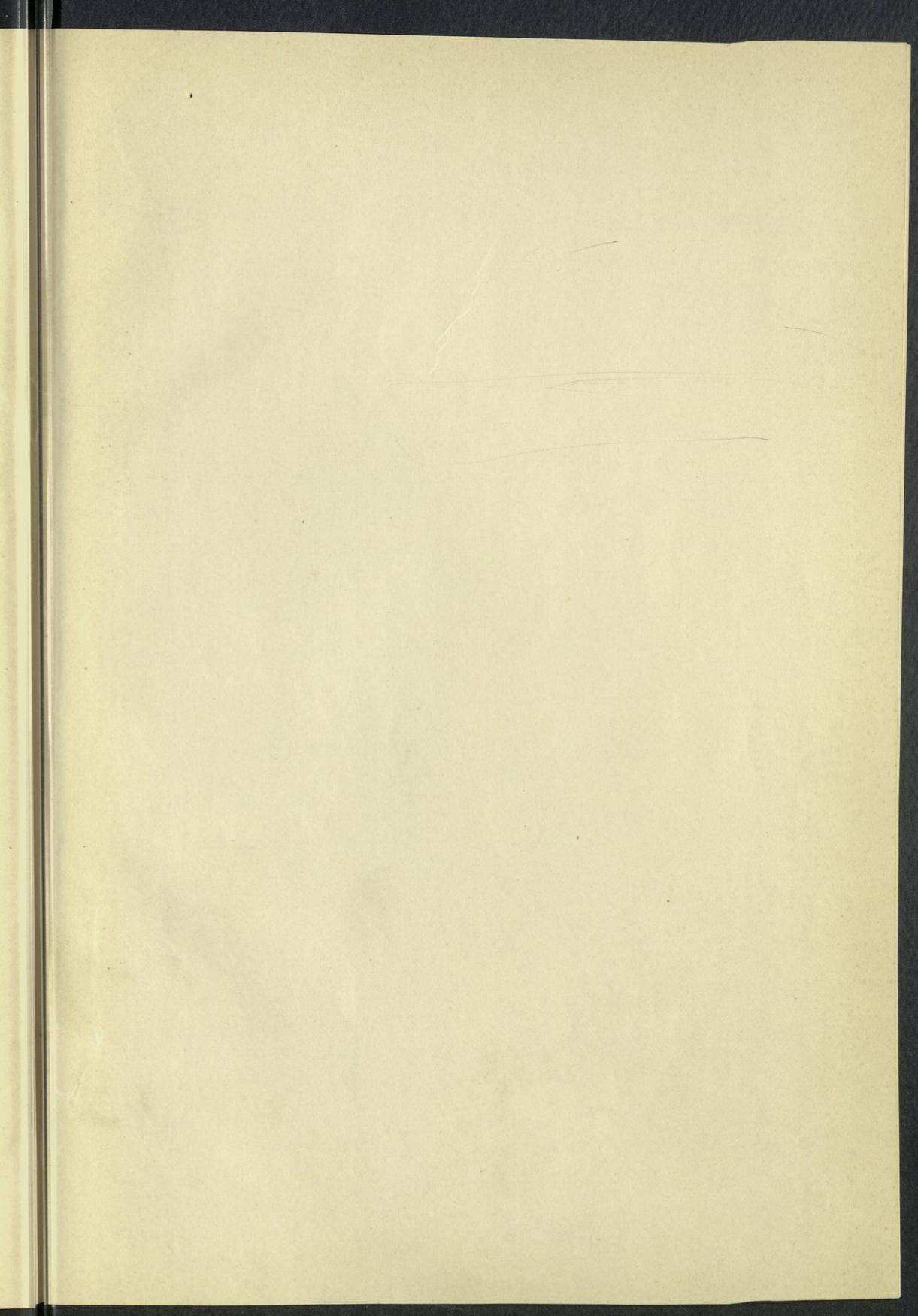
مطبوعه نسیر و مس











مقدمه

۱ - نسخه این رساله

آنچه که در کتب مختلف از تألیفات خیام اسم برده میشود عبارتست از:

۱ - رباعیات؛ که بارها به فارسی انتشار یافته، مهمترین چاپ فارسی یکی چاپ فارسی با همتمام «روزن»^(۱) و ناشر این رساله و

(۱) بحاجست که در این رساله ابتدا اسم روزن برده شود.

دکتر «فریدریک روزن» از دوستداران آثار شرق بود، اگرچه اشتغال رسمی او امور دبلوماسی بود و مدتی هم سمت وزارت امور خارجه آلمان را داشت و بطور فرعی در فن مستشرقی قدم میگذاشت معذلک کتب مفید انتشار داده است که از آن جمله ترجمه نظمی رباعیات خیام به آلمانی، رساله «هاروت و ماروت»، «ایران دریان و تصویر»، چاپ فارسی رباعیات وغیره میباشد.

چنانکه ذکر خواهیم کرد در انتشار کتاب حاضر نیز کمک مفیدی کرده است. از ده سال قبل که نگارنده، این رساله را مستنساخ کرده ام تا یکماده پیش این دوست پیر انتظار انتشار رساله را داشت ولی این وقتی طلوع میکند که او تازه غروب کرده است. میتوان فهمید که تأثر از این پیش آمد چقدر قلب مرا سنگین نموده است. چاپ فارسی مزبور رباعیات از روی نسخه‌ای بناریخ ۷۲۱ هجری یعنی از روی قدیمترین نسخ خطی رباعیات است.

II

دیگری چاپ ترکیه^(۲) است. ترجمه رباعیات نیز بنزبانهای مختلف انتشار یافته است^(۳).

۲ - رساله در جبر و مقابله^(۴)

۳ - زیج ملکشاهی که خیام جزء مؤلفین آنست

۴ - رساله در طبیعت^(۵)

۵ - رساله در وجود^(۶)

۶ - رساله در کون و نکلیف؛

۷ - مقاله در تعیین نسبت طلا و قره در آلیاز آنها؛^(۷)

۸ - رساله لوازم الامکنه راجع بتبغیر فصول؛

۹ - چند قطعه شعر عربی؛

۱۰ - یک مقاله در رساله روضه القلوب؛^(۸)

(۲) نشر رضا توفیق فیلسوف با ترجمة ترکی.

(۳) مهمترین ترجمة رباعیات ترجمة « فیتس جرالد » بانگلیسی است که باعث اشتهر خیام در ممالک غرب شده است . اهمیت ترجمة آلمانی روزن نظم بودن آن و مطابقت آن با اصل است . ترجمة جدیدی نیز بالمانی انتشار یافه است .

(۴) چاپ پاریس ۱۸۵۱ با عنوان « وبکه » با اضافات بفرانسه .

(۵) بنا بر قول شهرزویی :

(۶) این رساله فارسی و نسخه آن در موزه بریتانی لندن موجود است .

(۷) نسخه این مقاله در کتابخانه « گوتا » موجود است عین این نسخه بوسیله عکس و کلیشه در آخر کتاب اقتشار داده شد .

(۸) کشف گریستن زن ؛

III

۱۱ - مشکلات الحساب^(۱)

۱۲ - يك مقاله در جنگی که اخیراً در مصر چاپ شده است

و بالاخره ۱۳ - رساله حاضر .

تنهای نسخه کامل این رساله در کتابخانه « لیدن » هولاند موجود است . يك قسمت ناقص از مقاله اول آن جزء کتب متفرقه یافت میشود^(۲) موقعیکه چاپ فارسی ریاضیات در برلین از روی قدیمترین نسخه ریاضیات طبع میشد ما جدیت کردیم بهم تالیفات خیام دسترس پیدا کنیم . آنچه که در کتابخانه دولتی پروس موجود بود (ماتن جبر و مقابله) از آنجا تحصیل کردیم و آنچه در خارج بود بواسائل مختلف بدست آوردیم مثلاً نسخه رساله کتابخانه گوتا « راعکاسی کردیم که کایشه آن آخر کتاب چاپ میشود و بكمک کتابخانه دولتی پروس نسخه خطی رساله حاضر را از هولاند برلین آوردیم و در آنجا نگارنده آنرا بسال ۱۹۲۵ استنساخ کردم .

این نسخه بمنزله يك جنگ ریاضیات است . قطع نسخه اصل 10×18 سانتیمتر با اوراق زرد و پاره که شامل رسالات ذیل است :

احکام النجوم از هرمس ،

اختیارات الامام از الکندی

زیج طیسان ،

استخراج الابعاد بذات الشعوبین (راجع باستعمال پزگار فارسی

با ۱۲ جدول)

مسائل الجبر و المقابله از ابی کامل بصری .

ظرائف الحساب از همین مؤلف

(۱) اسم این رساله را نگارنده در نسخه خطی لیدن پیدا کرده ام :

(۲) جزء تالیفات خواجه نصیر در کتابخانه سپهسالار طهران .

المسائل الحساییه از ابی زید الفارسی امتحان از ابی حفص السحری
رساله حاضر شرح ما اشکل من مصادرات کتاب اقیلیدس
کتاب الجبر و المقابله از خیام .

جزء فهرست اول نسخه منه رساله نیز اسم برده شده ولی در
نسخه موجود نیست و آن سه عبارت است از مشکلات الحساب تالیف
خیام ، الفوائد المتفرقة الحکمه ، رساله‌ی دفع القمن الموت از ابی علی ،
در ابتدای نسخه تواریخ هجری و یزدجردی ، اسماءی
زیجات شامي ، خافی ، علائی ، قانونی ، فاطر ، فاخر . کامل . ابوالحسن ،
مجسطی بطلمیوس ، احمد ، محمد ، بیرونی . حامد کوشیار و غیره
 تقسیم ساعات و درجات ، جدول الارث دیده میشود .

من تمام رسالات نسخه مزبور را استنساخ کرده ام و در
صورت فراهم شدن وسائل مادی بقیه را نیز اشار خواهم داد .

اما این رساله اهمیت مخصوصی دارد . از نظر موضوع چنانکه
ذیلا ذکرخواهد شد بواسطه انتقاد از هندسه اقیلیدس اهمیت مخصوص
بیدا میکند بلکه اختصاص دیگر آن در بوط باهمیت تاریخی خود نسخه است .
و این اهمیت بواسطه عبارتی است که در آخر رساله نوشته شده است .
در انجا میخوانید : « و كان بخط الشيخ الامام عمر بن ابراهيم
الخيامي « وقع الفراغ من تسويد هذا البياض يلد^(۱) في دارالكتب
« مناك » ^(۲) في اواخر جمادی الاولی سنه سبعین واربع مائه »

(۱) این محل در نسخه اصلی نیز سفید است . تحقیق آن از نظر
تاریخی مهم است ؟

(۲) هویت این دارالكتب بر نگارنده معلوم نشد . مارکوات
ایران شناس معروف پس از تفحص زیاد از شناختن آن مایوس شد .

« تمت الرساله على يدي مسعود بن محمد بن علي الحلفري في الخامس من شعبان سنة خمس عشره و سنه مايه ... »

از اين عبارت واضح ميشود که نسخه ليدن از خط خود خام کمي پس از تاليف كتاب استسانح شده و چون نسخه خاضر از روی نسخه ليدن چاپ شده پس در حقيقت با واسطه يك نسخ از خط خود خام بطبع رسیده است و حال آنکه چنین نزديکي باصل و خط مؤلف در اين قبيل نسخ خطی کم دیده ميشود . چون كتاب علمی است مصون ماندن آن از دستبرد تصرفات ارزش مخصوصی را حائز است . از يك عبارت ديگر آخر كتاب چنین بر هيايد که نسخه سال ٩٥٣ هجری در جامع سلطان بايزيد بوده است .

در پایان اين قسمت مذکور ميشويم که نگارنده و هر کسي که باين كتاب ذيلاقه است باید قبل از « روزن » که در انتقال نسخه يولين و کسب اجازه طبع از هلاند اقدام اساسی کرده و شهید زاده که در تحقیق کلمات ناخوانا ، تهیه کلیشه و وسائل طبع و صیرفى که در تحقیق بعضی معانی و تصحیح و مطابقه مطبعی و تجدید نظر در مقدمه عربی همواهی انفیس کرده اند مشکر باشیم .

اما اهمیت زياد اين رساله وقتی واضحتر ميشود که ما موضوع و اهمیت موضوع را در علم جديد امروز بشناسیم . بنا بر اين در قسمت دوم به يان اهمیت محتويات رساله مپردازیم .

VI

۲ - موضوع رساله

مقاله اول رساله راجع بمتوازیات، دوم در باره نسبت و تاب و سوم در خصوص نسبت مؤلفه است.

در این موقع که هندسه اقليدس تکان شدیدی خورده است از اين سه مبحث مقاله اول که مربوط بهندسه است در بدرو امر توجه را خیلی بخود جاب مینماید.

هندسه اقليدس يکی از شاهکار های علمی است. هیچ علمی بانداده این هندسه زندگی ثابت و درازی نکرده است. اگر بدقت اصول این هندسه را مطالعه کنیم خواهیم دید با چه مهارتی آن مهندس زبردست ساختمانهای ظریف فکری را بر روی هم بنا کرده و سادگی آن بحدی است که ما آنرا تقریباً بدون تغییر هنوز هم در مدارس خود می‌ماوریم. اگرچه البته تمام جزئیات از خود اقليدس نیست ولی در هر حال بنای ساختمان کلی عمل اوست. اما این علم در عین اینکه خصوصیاتی دارد خارج از قوانین عمومی نمیتوانست باشد. از همان زمان تولد این هندسه، نظره های مخالفت با آن نیز تولید شده در جریان سالها و قرنها زیادتر گردیده بالاخره بدست هندسه جدید مکان-زمان دچار بحران می‌گردد.

اولین آثار مخالفت با هندسه اقليدس در قرن پنجم میلادی از طرف «پروکلوس» است^(۱). این اعتقاد پروکلوس بر «پوستولای» توازی است. اما این تعرض مورد توجه واقع نشد. در قرون

(۱) وايل در کتاب «زمان - مکان - ماده»

VII

وسطی فکر تفرض بر همین پوستولا به مالک اسلامی تقدیم می‌گشند. ابن هیثم (صاحب کتاب معروف مناظر و مرایا)، خیام و خواجه نصیر بدین نکته توجه مینهایند. ولی این جدیت علمای شرقی در تکامل هندسه بی اثر نمیماند یعنی تا امروز هم که این رساله انتشار می‌یابد مورخین علوم به تعریض خیام و هشت قضیه که او برای رفع اشکال پیشنهاد کرده است و همچنین انتقاد خواجه از خیام و جدیت جدید او برای بیان اشکال مطلع نیستند. انتشار این رساله این اهمیت مخصوص را دارد که مطالعات و تصرفات علمای شرق را در هندسه اقليدس واضح می‌گشند.

با وجود طرق مختلفی که بجهت اثبات قضیه توافق موجود است باز هم باید اقرار کرد که در تمام حالات یک جای شک و حالت عدم رضایت منطقی برای فکر باقی نمیماند ولی در عین حال هندسه اقليدس با آنکه بر این پوستولا بنا نمیشود بقسمه منظم و برای منطق سلیم بی تضاد است.

پوستولای توافقی در مقابل پوستولا های دیگر هندسه اقليدس خصوصیتی دارد که اگر بدان توجه شود علت عدم پیشرفت متعرضین بر قضیه مزبور (که خیام نیز از آنهاست) واضح میشود. اقليدس نشان داده است که اگر چند قضیه ساده اساس قرار داده شود میتوان بوسیله آنها بدربیج از قضایای ساده تر باشکال بفرنج تر رفته اثبات قضایای پیچیده را از اثبات قضایای ساده تبیجه گرفت، اما هندسه های جدید که میخواهند مطلق باشند طرز دیگر عمل

VIII

میکشند. چند اصل کلی را اساس قرار داده با اسلوب قیاس قضایای دیگر را تبیجه میگیرد. از این قبیل است هندسه خطی، هندسه متري و تئوری «مولنیپ لیستیه» های ریمان.

مثالا در ریاضیات جدید بجهت تحقیق خواص منحنیهای درجه

دوم ابتدا معادله کلی مقاطع مخروطی را بیان کرده بعد با تحدید تدریجی شرایط دایره، بیضی، سهمی وغیره را مشخص میسازند.

اما کدام یک از دو طریقه صحیح است؟ منطق جامد البته یکی از این دو و مخصوصاً تحت تأثیر ایده ظولوزی اجتماعی ارتباخی نوع دوم را که طرفدار اصول عالی دور از دست است دو دستی میگیرد ولی دیالک تیک در عین اینکه هر دو را صحیح میداند بنقص تهاییکی از دو طریقه ایمان دارد.

بطور کلی آنچه که در مقدمه یک علم بیان میشود یکی از حالات:-

تعریف، پوستولا، بدیهی، اصول موضوعه، مصادره، فرض و تئوری را دارد. تعریف معنی و حد مفهوم ها را معلوم میسازد. پوستولا ادعائی است که امکان عملی کردن آن بدون استدلال قبول شود (ماتند قبول امکان ترسیم یک خط بین دو نقطه)، بدیهی حقیقتی است که نمیتوان آنرا ثابت کرد ولی صحت منطقی آن بر هر کس واضح است، و آنند «کل بزرگتر است از جزء». اگر یک علم مطالبی را که اثبات آنها بر علم دیگر است وارد کنند، در صورتیکه بدون شک و تردید آنها را قبول کنند «اصول موضوعه» نامیده میشوند ولی اگر این مطالب با شک و تردید توأم باشند آنها را «مصادره» نامند. اگر یک

IX

علم برای اثبات مطالب خود قضایائی را موقه بعنوان حقیقت مسلم پذیرفت ولی در صحت دائمی آنها اصرار نداشت آنرا فرض نامند. اگر صحت یک فرضیه بواسائل تجربی بیشتر ثابت شود آنرا تئوری گویند. اقليدس هندسه خود را با تعریف و پوستولا و بدیهیات شروع می‌کند.

کتاب اصول ۱۳ مبحث است. قبل از این مباحث چند تعریف، پنج پوستولا و پنج بدیهی بکار برد و میشود. از پنج پوستولا یکی همان پوستولاتوم معروف توازی است که بیان میکند: «اگر دو خط را خط نالی قطع کند و مجموع دو زاویه داخله واقع در یک طرف قاطع کمتر از π باشد قطعاً دو خط اول در یک نقطه متقاطعند».

خیام باشتباه این پوستلاتوم را مصادره مینامد و در کتاب حاضر برفع اشکال آن میپردازد و ما ذیلا در این مقدمه بیان خواهیم کرد که زحمت بیجا کشیده و متوجه خصوصیت این پوستلاتوم در مقابل چهار پوستلاتوم دیگر نشده است. اما پنج بدیهی ابتدای اصلی بیشتر مربوط به تساوی و یا عدم تساوی مقادیر هندسی است، سیزده مبحث اصول عبارتند از: ۱ - خط، مثلث، متوازی الاضلاع، کثیر الاضلاع؛ ۲ - ارتباط کمی در قضایای هندسی؛ ۳ - دائره و زاویه؛ ۴ - کثیر الاضلاعهای محیط و محاط؛ ۵ - نسبت و تناسب؛ ۶ - تشابه اشکال ۷ - اعداد و تضادهای اصم (این مبحث کار خود اقليدس است در صورتی که در قسمتهای سابق، ریاضیات فیثاغورث * ادوکس و تئوت دخالت داشته است)؛ ۸ - ۱۳ - مربوط به هندسه فضائی است که ناقص است.

X

مقدمات یعنی تعریف‌ها و پوستولاها (آنچه را که ما امروز بدیهی مینامیم اقليدس گاه جزء تعریف‌ها و گاه جزء پوستولاها بیان میکند) اولاً مطابق آنچه که اقليدس قبول میکند نقص دارد یعنی در آنها دو و رسم کامل نیست و گاه زائد دارد مثلاً در تعریف قطرهم عبور از مرکز را قید میکند و هم شرط میکند که دائره را بدو جزء متساوی تقسیم کند؛ ثانیاً از نظر متداول‌وزی امروز مقدمات اقليدس ایراداتی دارد که برای فهمیدن آنها نکات ذیل را میتوان متذکرشد: ۱-- عدد مقدمات باید حقیقت دور کم باشد، ۲-- مقدمات بایکدیگر باید تضاد منطقی نداشته باشد، ۳-- مقدمات کتاب اصول این دو شرط را بخوبی داراست؛ ۴-- مقدمات باید کاملاً واضح بوده زیاد و کم نداشته باشد. در مقدمات اقليدس این شرط کاملاً موجود نیست. مثلاً در حکم «کل بزرگتر است از جزء» قید نشده است که این حکم در بارهٔ کمیت‌های محدود ثابت است (در صورتیکه مجموع جمیع اعداد صحاح تا بی‌نهایت نسبت به مجموع جمیع اعداد زوج تا بی‌نهایت کل است ولی بزرگتر از آن نیست)؛ ۵-- مقدمات باید کافی باشند یعنی باید بتوان بکمک آنها تمام نتایج علمی را بدست آورد. در مقدمات اقليدس اینطور نیست یعنی در بعضی موارد قضایای اثبات کردنی را بدیهی فرض میکند. چنانکه از بیان خیام بر می‌آید او پوستولا‌توم توازی را جزء این قضایا میداند و حال آنکه ایراد مزبور در بعضی موارد دیگر صادق است ولی با خصوصی در مورد پوستولا‌توم مزبور صادق نیست. چنانکه ذیلاً تشریح خواهد شد اشکال این پوستولام بواسطه خصوصیت آنست.

XI

اما از مواردی که ایراد مذبور وارد است یکی مورد ذیل است :
 اگر A ، B و C سه نقطه از خطی باشند و B بین A و C باشد بین A و C نیز خواهد بود ، ۵ - مقدمات با هم بایستی یک دستگاه متحد .
 الشکل منظمی تشکیل دهنده یعنی توان یکی را حذف یا بچیز دیگری
 تبدیل نمود و الا این عمل باعث خرابی تمام دستگاه علم مذبور گردد
 اگر با حذف و تبدیل مذبور تایجی بدست آید که با نتایج حالات
 قبل مقاوت بوده در عین حال از نظر منطق غلط نباشد در اینحالات
 باید قبول کرد که ممکن است چند نوع هندسه موجود باشد که تمام
 در عین حال صحیح و منطقی باشند . اقلیدس باین نکته توجه نکرده
 بوجود فقط یک نوع هندسه معتقد است ولی در عین حال یک عمل او با
 این عقیده وی تضاد دارد مثل اینکه وجود انواع دیگر هندسه را
 احساس میکرده است و آن عمل اینست که حکم «از یک نقطه واقعه
 در خارج خط یک خط و فقط یک خط میتوان بموازات خط اول
 رسم کرد » - را بعنوان یک پوستولا توم جدید میکند و حال آنکه
 اقلیدس میتوانست این حکم را از تعریفات خط و سطح و زاویه بعنوان
 یک قضیه تبیجه بکیرد . بعد از اقلیدس عده خواسته اند این حکم را
 که اقلیدس بعنوان فرض ثابت شده قبول کرده است اثبات نمایند و
 منطقاً در این عمل خود ذیحق بوده اند جز اینکه اقدامشان بی تبیجه
 مانده است . جدیت های ابن هیثم ، خیام و خواجه نصیر را نیز باید
 جزء این اقدامات بی تبیجه محسوب داشت .

تحقیقات جدید علم در قرن نوزدهم نتایج بسیار همچی بخشد

XII

و واضح شد که حکم مزبور را میتوان از جزء مقدمات خارج کرد
و بقیه مقدمات بجهت بنای یک هندسه کامل منطقی کافی است جز اینکه
هندسه که بدین ترتیب تشکیل میشود با آنکه منطقاً صحیح است و عملاً
هم فانتزی نبوده بسوی روابط علمات خط و سطح و زاویه بنا میشود
معدلك ادراک حسی آن برای بشر مشکل است (هندسه لو باچفسکی
و ریمان) . از اینجا واضح میشود که میتوان قبول کرد اقليدس حکم
مزبور را، میتوانسته است جزء قضایا قراردهد عمدتاً جزء مقدمات
پذیرفته است بدون این که متوجه دیشه هم این موضوع یعنی
وجود انواع مختلفه هندسه باشد ،

با وجود نکاتی که ذکر شد هندسه اقليدس یک نمونه کامل علم
دقیق و یک بنای حکم منطقی است که سرشق قرار گرفته است.

نیز تذکر میدهیم که هندسه اقليدس منطقی ولی جامد است یعنی
از اثبات بوسیله احساس و ادراک و یا انطباق و حرکت اشکان خود-
داری میکند . نیز مفهوم بی نهایت هندسی در آن وجود ندارد.
اشارة کردیم که پوستولاتوم توافقی هندسه اقليدس خصوصیتی
دارد . از کسانی که خواسته اند اشکال عدم توافق آن را با سایر
بوستولاها بر طرف کنند یکی «هیلبرت» است که بجهت پوستولاتوم
درجات قائل شده است بترتیب ذیل : ۱ - نقطه ، خط سطح : ۲ -
وقوع درین (اگر نقطه B میان A و C واقع باشد هر سه روی
یک خطند) ، ۳ - پوستولاتوم انطباق و تساوی شکل ، ۴ - پوستولای
توازی و ۵ - پوستولای توالی . هندسه هیلبرت بمراتب بفرنج تر از

XIII

هندسه اقليدس ولی از نظر ترتيب دنطه پوستولاتها حکمر است . تمام کسانی که بانبات پوستولاتوم توافق دست دراز کرده اند در حقیقت خواصیه اند بین سوال جواب دهنده : « میتوان پوستلاتوم توافق را از چهار پوستلاتوم دیگر نتیجه گرفت ؟ میتوان ثابت کرد که ممکن است هندسه متضاد و یا متطبق طوری بنا شود که در آن چهار پوستلاتوم بعنوان مقدمه باقی مانده و یک پوستلاتوم باقی به پوستلاتوم متضاد ذیل که لواباچفسکی پیشنهاد میکند مبدل گردد : « از یک نقطه A واقع در خارج خط B و روی سطحی که شامل هر دو است ، میتوان بی نهایت خط مرور داد که خط اولی را قطع نکند . تمام این خطوط غیر قاطع در داخل زاویه قرار دارند که رأس آن در A است و زاویه توافق نام دارد » می توان بگمکن « تئوری تعدد » (هولتیپلیسیته) ریمان ثابت کرد که با دستگاه جدید پوستلاتوم ها میتوان هندسه که نمونه کامل تضاد باشد ثابت کرد . چنانکه میدانیم واحد خطی ملکه « تعدد ریمانی » باشد عبارتست از

$$da^i = \frac{dx^i + dy^i + dz^i}{(R^i - x^i - y^i \cdot z^i)}$$

هر نقطه M از این تعدد با یک نقطه P از فضای اقليدس نظیر میباشد که صورت کسر طرف ثانی نمود مختصات آنرا نشان میدهد . جمیع نقاط M از تعدد ملک نظیر نقاط P از فضای اقليدسى میباشند که داخل گره $x^i + y^i + z^i = R^i$ (از همان فضا) قرار دارند .

هندسه ریمان که اختصاص آن از رابطه سابق معلوم میشود تمام قضایای هندسی را میتواند بمعادلات تبدیل نماید . این هندسه راجع

XIV

به حرکت انتقالی و انطباق اشکال نیز فورمولها و دستورات مخصوص خودرا داراست . بکمک این دستورات میتوان ثابت کرد که در این هندسه، پوستولاتوم معمولی توازی به پوستلاتوم سابق الذکر لو باجفسکی مبدل میشود .

برای اثبات ، فرض مینماییم که در یک فضای اقلیدسی کره Σ کره دیگر S را بحالت اورتو گونال مطابق دائرة C قطع کرده باشد . روی کره Σ بی نهایت دائره وجود دارد که نسبت به S اورتو گونال میباشند این دوائر دائرة C را بحالات اورتو گونال قطع می نمایند . فرض کنیم ۲ چنین دائرة باشد . از یک نقطه P که روی کره Σ خارج دائرة γ است میتوان روی کره مزبور دو نوع دوائر اورتو گونال نسبت به C رسم کرد که یکدسته از آنها با ۲ قاطع و دسته دیگر غیر قاطع باشند . این دوائر بوسیله دوائر γ و γ' که با γ در نقطه واقع بر C مماسند جدا شده اند . وجود دوائر بی نهایت زیاد غیر قاطع با γ که از P میگذرند حکم سابق الذکر لو باجفسکی است .

در هندسه جدید که تئوری توازی در آن تغییر کرده است عده از مفهومات از میان میرود ماتنده مفهوم « حامل آزاد » و مثلثات مشابه ، و حرکت انتقالی که جزء یکدسته ازانواع تغییر محل در هندسه معمولی بوده در هندسه لو باجفسکی محلی برای این نوع باقی نمیماند . یعنی تقسیم بندی انواع تغییر محل در دو هندسه یکی نیست . بعضی ماتنده « کی لی » و « مسوفوس لی » جدید کرده اند که دستور کلی برای انواع دستگاههای هندسه بدیند که هندسه اقلیدس و لو باجفسکی

XV

و ریمان قیاسا از آن تیجه شود

تبدیل و مطالعه چنین هندسه ها مهارت، مدت و زحمت زیاد لازم دارد. اقليدس با يك سامانه ظاهرآ عمدى فرهانروائى هندسه ساده خود را که هنوز ادامه دارد برای قرنه مسام میگند.

ما در این مشروhat جدیت کردیم که واضح شود پوستولاتوم توازی چه خصوصیتی دارد و خلاصه مشروhat گذشته ایست که پوستولاتوم توازی را میتوان از چهار پوستلاتوم دیگر تیجه کرفتو لزومی ندارد که جزء مقدمات آید، با وجود این اقليدس آنرا جزء مقدمات ذکر کرده است.

تحقیقات دقیق نشان داده است که این امر را نمیتوان اشتباه اقليدس فرض کرد زیرا واضح شده است که اگر پوستلاتوم توازی را از جزء مقدمات خارج کنیم مجبور خواهیم شد دستگاههای بفرنج و غیر طبیعی هندسی تشکیل دهیم و از اینجا باید تیجه گرفته شود که اقليدس بطور مبهم متوجه این عمل هم خود بوده است.

از این بیانات اهمیت پوستلاتوم معروف و از آنجا ارزش این رساله و اهمیت انتشار آن و مقام علمی خیام که بدان تعریض کرده است واضح میشود حال توجه کنیم خیام يك عالم شرقی با چه اسلحه دست در يك شاهکار علم و متند یونانی میبرد و از این نبرد باجه وضعی بر میگردد. چنانکه ملاحظه میشود این کتاب سه مقاله دارد. در مقاله اول خیام مفترض شک در متوازیات شده است. در مقاله دوم بحث در حقیقت فسبت و تناسب مقداری کرده و آنچه را که در مقاله پنجم از

XVI

طريق هندسي بيان شده است ناقص دانسته و يك تحقيق فلسفى را در اين «ورد لازم میشود . در مقاله سوم اين رساله خيام به لزوم استدلال حکم ذيل متعرض ميشود :

« از سه مقدار نسبت اول و سوم از تأليف نسبت اول و دوم

و نسبت دوم و سوم توليد ميشود . » و اين مقاله راجع به نسبت مؤلفه است . موضوع دو مقاله اخير از نظر علمي اهميت مقاله اول را دارد و چندان قابل بحث نیست زيرا مسائل آن دو مقاله از نظر علوم رياضي امروز حکم حل شده را دارد . ولی موضوع مقاله اول اين رساله هنوز در جديد ترين كتب رياضي عالي هم مباحثه مفصلی برای خود اشغال میکند و از اينجهت ما مخصوصا بدان توجه میکنيم .

اولا توجه كيم که خيام اوليات ، اصول موضوعه و مصادرات را از استدلال بي نياز میداند ولی تعریف موضوع علم و مقدمات مذبور باید ثابت شود . بعد خيام اشاره يعضاي نواقص كتاب اصول میکند در اين موضوع حق دارد و ما در صفحات گذشته چندمورد واضح را بيان كردیم . اما خيام بزودی بر ضد عقیده خود ايراد میکند که چرا صاحب اصول مصادرات را ثابت نکرده است ؟ (صفحه ۲۰۰ مطر آخر) . بعد خيام متعرض پوستولام تلاقي خطين ميشود (صفحه ۳۰) و آنرا نيز مصادره مبنامند . مطابق تعریف هاي گذشته میدانيم که اين پوستولاتوم مصادره نیست ، خيام در اين تسميه اشتباه میکند . میگويد متاخرین متوجه اين پوستولاتوم نشه اند و حال آنکه ما اشاره كردیم از همان قرن پنجم ميلادي متخصصين متعرض پوستولاتوم شده اند . از اينجا واضح ميشود خيام تمام علوم یوناني آشنا نیست بعد عده را اسم ميبرد که

XVII

اقدام برفع اشکال معروف کردند و موفق نشدند. سپس متوجه ابن‌هیثم میشود که خواسته است ثابت کند پوستولاتوم جزء مبادی است و محتاج برهان نیست. اگرچه تمام ایرادات خیام بر ابن‌هیثم وارد نیست ولی در این مورد حق دارد زیرا چنانکه سابقًا گفته شد پوستولاتوم در حقیقت محتاج استدلال است، خیام می‌گوید اقليدس در صایر موارد نیز (مانند مجسمات) عده قضایائی را \vdash که محتاج برهان است استدلال نکرده ولی چون پوستولاتوم جزء مبادی هم است ما بدان متعرض می‌شویم. در این مورد نیز خیام حق دارد. زیرا ما اهمیت پوستولاتوم را از مشروحتات گذشته فهمیدیم. اما خیام عقیده دارد که علت غفلت اقليدس اعتماد او بر مبادی است که از حکمت گرفته است. در این مورد خیام کاملاً دراشتباه است و مقام اقليدس و خصوصیت این پوستولاتوم را بطور واضح نشانخته است. خیام تعجب کرده است که چرا اقليدس مطالب سه‌تار را ثابت کرده ولی درهور دارد پوستولاتوم (باصطلاح وی مصادره) برهان غیر شافی قناعت کرده است، این تعجب خود کافی بود که بخیام جواب داده اورا متوجه اهمیت پوستولاتوم کند ولی او این امر را غفلت اقليدس پنداشته و از غفلت خود خبر نداشته است. بواسطه همین عدم توجه است که خیام پوستولاتوم را اساساً مصادره مینامد زیرا تصور می‌کند که علت عدم اقدام بانبات آن اعتماد بر مبادی مأخوذه از حکمت است.

اما راهی که خیام برای رفع اشکال می‌پماید بترتیب ذیل است:

۲۸ قضیه اول کتاب اصول را غیر محتاج بتفییر میداند و در این رساله ۸ قضیه از خود بیان و پیشنهاد می‌کنند که قضیه اول او را قضیه ۲۹ اقليدس بدانند. بنزعم خود در این ۸ قضیه اشکال را بر طرف می‌کند

XVIII

بگویی که قضیه ۲۹ اقیدس که شامل متوازنات است دیگر هیچ مقدمه استدلال نشده را بکار نخواهد برد . هر کس مشروحتات گذشته این مقدمه را فرمیده باشد این شروع خیام را با یک تسمیه تلقی کرده و یک خنده هم برای موقع و اماندن خیام در وسط راه نگاه خواهد داشت . قضیه اول خیام خوب بوده بتواند ، بعد دوم و بسیار از آن قسمت اول قضیه سوم . از اینجا ی بعد خیام ائمک کار و سنجینی بزرگ احساس میکند . میگوید اگر دو خط مستقیم یک مستقیم دیگر را با دوزاویه قائم قطع کنند محال است از هم دور شوند و این مطلب که از مبادی فلسفه ظاهر است (صفحه ۱۲ سطر ۱۸) . بعد یک سلسله مطالب دیگر را هم « با ادنی تأمل و بحث » خودت میفهمی (صفحه ۱۲ سطر آخر) . بعد گفته میشود این مطلب آساز را هم استدلال نکردم که مطلب دراز نشود (صفحه ۱۳ سطر ۳) . خلاصه همان مطلبی که باید ثابت شود با انشاء الله وماشاء الله مخصوص شرقی برگزار میشود .

اما در عین حال گویا خیام متوجه مغلظه کاری خود میشود . زیرا در عین اینکه میخواهد از تطویل دوری کند - مثل ادب اکه تا درشعری که شاهد مثالی است اسم سمع و بصر پیدا شود تشریح و فیزیولوژی و پسیکو اوژی دیدن و شنیدن را شروع کرده موضوع اصلی را از بین میبرند خیام فیز - مثل و قسم و آیه متصل میشود . در وسط یک قضیه هندسی که باید منظماً مطابق ادعای خود وی ثابت شود یکدفعه قضیه ۳۶ از مقاله ۶ را بیمورد شاهد مثل قرار میدهد ، بعد مطلب را بزعم خود از راه فلسفی ثابت میکند و با اهانت میگوید که من برای خاطر اشخاص کم فهم این کار را کردم . خلاصه آنچه که از تمام موضوع نکته اصلی طریف و مهم است در اینجا گاه بزور خواهش و تشجیع و گاه بزور مثل و گاه بکمک طعنه تحمیل میشود . از آن

XIX

بعد دوباره قضایا حالت آرامش و علمی خود را گرفته و در قصنه هشتم شک معروف را ثابت شده می پندارد.

اگرچه خیام بوسیله این رساله در خود و جمعی القاء شبیه کرده است ولی این اشکال تا امروز هم باقی مانده هنوز هم با آنکه اشکال بوسیله هندسه ریمان و لوباقفسکی حل شده است باز همان طریقه ساده افلاطیس با وجود یک مسامحه کاری (که نمیتوان آنرا اشتباه صدر صد نامید) بقوت خود باقی است.

در عین حال باید تذکر داد که توجه خیام هم باین موضوع بنفسه مهم بوده ارزش علمی او را بما ثابت میکند.

در اینجا تذکر میدهیم خواجه نصیر الدین نیز متعرض موضوع و همین رساله خیام شده است، تصمیم بر این بود که اگر کمکی شود آن رساله را هم اشاره داده در اطراف آن نیز بحث کنیم ولی مجبوریم که این اقدام را بدورة دیگری بگذاریم و بگذریم.

آنچه که بطور کلی از کتب علمی قرون وسطی بر میاید اینست که در قرون وسطی علم شرقی از حد علم یونانی تجاوز نکرده و جز تألفات بوعالی میباشد کتب دیگر اثری در تکامل علوم در قرون جدیده غرب نداشته اند.

طهران بهمن ماه ۱۳۱۴

ت : ارانی

XX

مقدمة العربي

ان هذا الكتاب هو من اهم مؤلفات للعلوم الرياضيه للعالم الشهير الحكيم ابوالفتح عمر بن ابراهيم الخيامي ينشر الان لأول مره .
اما اهمية خيام و مؤلفاته الرياضيه فمعروفة لدى الجميع ولذا لا اريد اطالة الشرح في هذا الموضوع بل اتنى اقتصر على بعض النقاط المهمه منه
ولد الحكيم في مدينة نيسابور ^(١) من اعمال خراسان وكان كامل الخبره في علوم زمانه كالفلسفه والطب والرياضيات وغير ذلك ولا
سيما علم الهيئة والتنجوم وقد اصلاح تقويم الفارسي وسماه تاريخ الجلالى
نسبة لجلال الدين ملكشاه السلاجوقى سلطان ذلك المصر . وهذا التقويم
المستعمل في عصرنا هذا في ايران اكثرا دقة من تقويم الذي اصلاحه
« غره غوريوس » و المستعمل الان عند المسيحيين عامه .
ويرجع اشتهر الحكيم خيام الى رباعياته ^(٢) التي اشهرته كشاعر
مع انه فياسوف عظيم قد بين عن احساساته و شعوره و آرائه الفلسفية
في هذه الرباعيات .
وتحتوى هذه الرباعيات في اصلها شكوة على ما كان يشعر له .
الحكيم من اليأس والضعف البشري عن فهم الحقائق العميقة في الوجود

(١) وحسب عقيدة « غوليوس » العالم الهولاندى فى لوكر و يشير هذا الى صحة عقیدته الى ما كتب فى « كتاب التحفة الشامية فى الهيئة » من قطب الدين وهو : و السبب فيه انه اجتمع فى حضوره جماعة من الحكماء ومنه الحكيم الخيام الحكيم اللوكري و غيره و هم . .

(٢) الرباعى هو شعر مركب من اربعة مصائر اولها وثانيها و رابعها متناسبو القافية و وزن كل مصraig على وزن لاحول ولا قوه الا بالله .

XXI

وَالْخَلِيقَهُ وَكُمْ يَخْفَفُ عَلَى قَلْبِهِ الَّذِي مَلَأَ الْيَأسَ حَزْنًا وَ كَرْبًا عَزْمَ
إِلَى وَضْعِ رِباعيَّاتِهِ الْمُشْهُورَهُ الَّتِي قَدَمَ بِهَا لِلْعَالَمِ حَيَاةً سُرُورَ وَ طُوبِيَّهُ وَ
وَصْفَ فِي اِيَّاهُ التَّحْمُرَ وَصَفَّا عَجَزَنَعْهُ اِدَبَاءَ الْعَالَمَ .

تَدَلُّ بَعْضِ اِشْعَارِهِ وَ مُقْدِمهِ مُؤْلَفَهُ «الْجَبَرُ وَ الْمُقَابِلَهُ» اِنَّهُ كَانَ
فِي آخِرِ حَيَاةِ حَزَنِنَا كَثِيرًا كَمَا تَفَهَّمَ مِنْ اِشْعَارِهِ الْعَرَبِيَّهُ النَّادِرَهُ الَّتِي
يَلِي اِحْدَاهُ :

زَحِيتْ دَهْرًا طَوِيلًا فِي التَّهَاسِ اَخْ
يَرْعَى وَدَادِي اِذَا دُو خَلَهَ خَانَا
فَكَمْ اَفْتَ وَ كَمْ آخِيتْ غَيْرَ اَخْ
وَ كَمْ تَبَدَّلَتْ بِالاخْ-وَانَ اخْوازا
وَ قَاتَ لِلنَّفْسِ لَمَّا عَزَّ مَطْلَبُهَا
بِاللهِ لَا تَأْنِي مَا عَشْتَ اِنسَانًا
وَ قَدْ تَرَجَّمَتْ رِباعيَّاتِهِ إِلَى كُلِّ الْلُّغَاتِ الْمُتَمَدِّنَهُ وَ اِشْهَرُهَا التَّرْجِمَهُ
الْانجليزِيهُ بِقَلْمِ «فِيَقِيسْ جَرَالِد» الَّتِي اَشْهَرَهُ فِي مَمَالِكِ الْمُتَمَدِّنَهُ فِي
دَرْجَهُ شَاعِرِ الْانجليزِيِّ وَالْتَّرْجِمَهُ الْأَلمَانِيهُ الَّتِي يَطَابِقُ نَظَمَهَا الْاَصْلَ تَامًا
بِقَلْمِ الْمُسْتَشْرِقِ الْمُشْهُورِ الْأَلمَانِيِّ «رُوزِنْ» . وَفَاتَ الْخِيَامُ فِي سَنه
٥١٧ هِجْرِيَ قَمِريَ .

وَتَحْقِيقُ دِيقَقُ فِي شَرْحِ حَالِهِ مَا نَالَهُ الصِّيرَفِيُّ فِي كِتَابِهِ الْفَارَسِيِّ
الَّذِي لَمْ يَطْبِعْ (السَّمِيِّ بِتَارِيخِ الْفَلَاسِفَهِ) وَهُوَ عَرَبُ مَاقَالَهُ وَنِحْنُ نُورُ دِيدَهُ
كَلامَهُ بِغَيْرِ تَغْيِيرٍ مِنَاهُ فِي عِبَارَتَهُ: «.... هُوَ الْحَكِيمُ الْأَدِيبُ وَالْفِيلُوسُوفُ الرِّيَاضِيُّ
فَاقَ أَقْرَانَهُ بِتَحْقِيقَتِهِ الْعَجِيْقَهُ وَسَبَقَ اِمَّتَاهُ بِتَدْقِيقَتِهِ الرَّشِيقَهُ وَلَدَفِي نِيَسَابُورَ
وَمَاتَ بَهَا بَعْدَ وَرُودِهِ مِنَ الْحَجَّ فِي سَنهُ ٥١٧ وَ تَفَرقَ النَّاسُ فِي اُمُرِهِ
اِيَادِي سَبَا مِنْ مِحْبَّ غَالَ وَ مِبغَضَ قَالَ وَمِتْوَقَ لَايِدِرِي كَيْفَ كَانَ اُمُرِهِ
فَمَحْبُوهُ يَنْسِبُونَ إِلَيْهِ كُلَّ مَا اعْتَقَدوْهُ كَمَا لَا وَ يَضْعُونَهُ فَوْقَ مَا كَانَ عَلَيْهِ وَ
وَ يَنْشُدُونَ لَهُ .

عَجَزَ النَّسَاءُ وَ مَا وَلَدَنَ بِمَثَلِهِ
وَلَقَدْ اَتَى فَعَجَزَنَعْهُ اِدَبَاءَ الْعَالَمَ

XXII

و مخضبوه يستقلونه جداً و ينظرون اليه شزرأ و يشركون من ذكره
اذا انت اعطيت السعادة لم تبل و ان نظرت شزرأ اليك القبائل
فلا بدنا من تقسيش حاله والكشف عن مقاله ليروح الجدال من اليين .
فاعلم ان المنفكرين حسب تربتهم و ملائمه بيتم و عوامل -
الاجتماعية فى اقليتهم على قسمين اهل الشك او اليقين والمراد بالشك
هنا انهم لايدرون هل للعالم واقعية ام لا و اهل اليقين ايضا اما على جزء
بان للعالم الخارجى حقيقة و واقعية و اما على يقين بعدم حقيقة والذين
يعتقدون بواقعية الكون يشعرون على ذلك شعب الهوى و مادى و متغير
بين الالهية و المادية اما الاوليون ايضا على ثات فرق وجل متكلمين يريد
ان يرهن على كل ما سمعت اذنه و جاء به قائد ر لا راي له مستقل
و هو كالمعنى الحرفى لا يوجد الاتبع او كالوجود الابطى لا يتحقق لانطفاء
و رجل صوفى سالك سبيل العشق و ناهج طريق الشوق لا يذعن الا
بما وافقه كشهده و ذوقه و رجل فيلسوف الى يسلك سبيل العقل و لا
يقبل الا ما حكم به عقله و ايده حده و برهانه و اكمل الفلاسفة ببرهانا
و امثالهم طريقة حكماء المشاء التابعون لارسطاطاليس كما ان اكمل -
الماديين مادى ديالكتىك و النحير اقرب الى المادية من الالهية
والذين يحسبون الخيام صوفياً او فيلسوفاً دهرياً او الها لقد خطوا
خطط عشوائية و ضلو ضلاله عمياً و اشتباهم عليهم الامر اشتباها عظيموا الذي
لا ارتياه لنا فيه هو ان الخيام قد خرج من ربقة التقليد و سالك سبيل
الفلسفه ولكن تحير تحيراً عظيما الى آخر دهره وختام عمره فلم
يصل الى اليقين طرفة عين ابداً و الشاهد على ما نقول اياته السائرة و
رباعياته المشتهرة فcri انه قد يومن وقد يكفر و زارة يتوب من عمایة
و ساعه يستهزء بالحشر و يزيد في غوايته فهذا حق الكلام فمن شاء
فليؤمن و من شاء فليكفر»

ص ٢٣

XXIII

و مؤلفات الحكيم عمر خيام :

- (١) رباعياته ؛ (٢) رسالة في الجبر و المقابلة التي نشرت لأول مره في باريس سنة ١٨٥١ باهتمام « وبكه » ؛ (٣) زيج ملکشاهی في علم الفلك منه و من غيره ؛ (٤) رسالة دختصصه في الطبيعتا ؛ (٥) رسالة في الوجود باللغة الفارسية ؛ (٦) رسالة في الكون و تكليف (٧) رسالة في الاحتيال لمعرفة مقدارى الذهب والفضه في جسم من كعب منها ؛ (٨) رسالة مسمة بـ لوازم الامكنته في التغيير الفضول و المناخ في البلدان والاقاليم المختلفة ؛ (٩) اشعاره العربية النادرة الوجود ؛ (١٠) قسم من رسالة روضة القلوب ؛ (١١) مشكلات الحساب (حسب ناشر هذه - الرساله) ، (١٢) كتابها هذا في شرح ما اشكل من مصادرات كتاب اقليدس توجد نسخة الوحيدة من هذا الكتاب في « ليدن » بهولاند وسمحت لى الظروف ان تبقى هذه النسخة بيديي منذ أيام فاصتنعختها تماما

فاما نسخة المذكورة في حجمها مربع مسططيل 18×15 سانتي مطر معزقة الاوراق الصفراء و هي بسيط جداً . تتحوى مؤلفات الرباضيه للمؤلفين المختلفه و في اونه مكتوب :

فهرس ما في هذا الدفتر من الكتب :

أحكام النجوم من قول هرمس ، اختارات الامام للكتندي ، زيج طيسان ، استخراج الابعاد بذات الشعبيتين (باللغة الفارسية مع ١٢ جدول)

مسائل الجبر و المقابلة من ابي كامل بصرى
ظرائف الحساب

المسائل الحسائية من ابي زيد الفارسي امتحانا من ابي حفص السعري
شرح ما اشكل من مصادرات كتاب اقليدس من ابي الفتح الخيمى ،

(٣) ما ي قوله شهر زوري .

(٤) نسختها موجودة في دار الآثار البريطانية في لندن .

(٥) نسختها في مكتبه كوتا بالمان وطبع عنها في برلين طبع ١٩٢٥ ميلادي

(٦) كشفها « كريستن زن » في مكتبه باريس ،

XXIV

كتاب حبر و المقابلة له ، مشكلات الحساب له ، الفوائد المتفرقة .
 الحكميه من انواع الشتى ، رسالة من ابي على في دفع الغم من الموت
 و اما الرسالات الثلاثة الاخيره غير موجوده في النسخه المذكوريه آقا
 ويزيد في اهميه هذه النسخه الجمله الاخيره من رسالة في شرح ماشكل
 وهي : « وكان يخط الشيخ الامام عمر بن ابراهيم الخيامي » مكتوب
 في آخر هذه الرسانه وقع الفراق من تسويد هذا البياض بيلد^(٧) في دار-
 الكتب مناك (مغاك ؟) . في اواخر جمادى الاولى سنه سبعين واربع مائه
 تمت الرساله على يدي مسعود بن محمد بن على الجفرى في الخامس
 من شعبان سنه خمس عشره و سنه ماته » التي تدل على ان الناسخ
 قد نقلها رأسا عن خط المؤلف ٤٧ عاما بعد وفات الحكمين . وتحقيق
 موقع مدينة ()^(٨) ودار الكتب مناك فيها اهميه لا يدرك ترك
 استشعارها للجغرافيين والمورخين ونسختي هذه التي نقلتها بتاريخ ١٨
 ١٩٢٥ اغسطس تكون حفيدها الاصل .

ونقرء في آخر الكتاب لجملة التالية : « استعارها من الزمان -
 الفقير الى الرحمن المحمد الموقف في جامع سلطان بايزيد طاب ثراه
 سنه ٩٥٣ هجري »

مما يدل على ان نسخة ليدن وجدت عند شخص عايش في الاستاذ .
 وتحتوى الصفة الاولى من الكتاب على دوائر مختلفة و يليه
 تواریخ الهجرى يزدجردى وغيره .

واسمى زيجات شامي ، خافي ، علائى ؛ قانونى ، فاطر ، فاخر
 كامل ، ابوالحسن ، بطلميوس ، محسطى ، احمد ، محمد ، يرونى
 حامد كوشيار وغيرهم . وتقسيم ساعات و درجات و جداول الارض
 وجاءنا ان نشر هذا الكتاب وهو آخر كتب الحكمين الخيام ولم تنشر
 ابداً سيرجع على العلم به الفائدة المرغوبه . بولين اغسطس ١٩٢٥

(١) بياض في الاصل

رسالة في شرح ما اشكل من مصادرات
كتاب أقليدوس
ثلاث مقالات
تصنيف الشيخ الإمام الأجل حجة الحق أبي الفتح
عمر بن إبراهيم الخيامي

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ

الحمد لله ولی الرحمة والانعام والسلام على عباده الذين اصطفى
وخصوصاً على سيد الانبياء محمد وآلہ الطاهرين اجمعین .
أن تحقيق العلوم وتحصيلها بالبراهين الحقيقة مما يفرض على
طالب النجاة والسعادة الابدية وخصوصاً الكليات والقوانين التي يتوصل
بها الى تحقيق المعاد وآيات النفس وبقائها وتحصيل اوصاف واجب الوجود
تمالی جده و الملائكة وترتيب الخلق وآيات النبوة السيد المطاع ين .
الخلق الامر والناهى ايام باذن الله تعالى بحسب طاقة الانسان .
واما الجزئيات فغير مضبوطة واسبابها غير متناهية فلا تحيط بها هذه العقول .
المخلوقة اصلاً وليس يعرف منها الا ما يقتضى بالحس والتخيل والوهم .
والجزء من الحكمۃ الموسوم بالرياضي اسهل اجزاءها اداراً كا تصوراً و
تصديقاً دعاً : اما العددی منه فا هو ظاهر جداً واما الهندسی فلا يكاد يخفى

منه شيئاً أيضاً على السليم الفطرة الثاقب الرأى الجيد الحدس. وهذا الجزء من بين اجزاء الحكمه له منفعة الرياضه و تشحذ الخاطر و تعود النفس الاشمنزار عملاً لا يكون عليه برهان و ذلك لقرب مأخذته و سهولة براهينه و معاونه التخيل العقل فيه و قلة خلاف الوهم آياته و معاون من كتاب البرهان من علم المنطق ان كل صناعة براهينها لها موضوع تبحث فيه عن اعراضه الذاتية و غيرها و مقدمات فيها مأخذ براهينها اما اوليه كالكل اعظم من الجزء واما برهنه في صناعة اخرى و اما مصادرات وليس اثبات واحد من هذه على تلك الصناعة اصلاً لكن التعريف لموضوعها ولذلك المقدمات فعليها ان الصناعة و ان لم يمكنها تحديد موضوعها او اوضاعها تحديداً حقيقة فاله ان ترسمها او رسماً شافياً . هذه المعانى مبسوطة جداً في كتاب البرهان من صناعة المنطق فليطلب من هناك.

و ان لم ازل كنت شدید الحرص على تصفح صدور هذه العلوم و تحقيقها و تمييز اجزائها بعضها من بعض و خصوصاً كتاب الاصول في الهندسه فانها اصل جميع الرياضيات و مبادئها مبادئ جميعها فاما النقطة والخط والسطح والزاوية والدائرة والاستقامة في الخط وفي السطح وغير ذلك من مبادئ افيتولى اثباتها و تحديدها الحقيقي صاحب العلم الكلى من الحكمه و كذلك مقدماتها التي غير اوليه مثل اقسام المقادير الى ما لا نهاية له و ان يؤتى من كل نقطة مفروضة الى كل نقطة اخرى بخط مستقيم وغيرهما من المقدمات المذكورة التي لا تسلم الا بالبرهان فعلى الحكيم ايضاً . واما المصادرات مثل المربع والمخمس والمثاث وغيرها فقد اتى بها صاحب الكتاب في الصدر له تعريف الاسم لغيره و سببته هو ايها و يبرهن عليها في انتهاء كتابه وقد اتى بمصادرة عظيمة و لم يبرهن عليها و هي قوله ان

كل خطين مستقيمين يقطعان خطًا مستقيماً على نقطتين خارجتين منه في جهة واحدة على أقل من زاويتين فائتين فانهما يلتقيان في تلك الجهة بل اخذها مسامحة وهذه مسألة هندسية لا تبرهن الا فيها اصلاً فهي لازمة للمهندس شاء ام ابى وليس لو ان يبني عليها شيئاً الا بعد البيان.

ثم انى شاهدت جماعة من متصرفى كتابه و حالتى شكوا كه لم يتعرضوا لهذا المعنى اصلاً لصعوبته مثل ايرن و اطرو(لو)قس من المقدمين و اماماً المتأخرون فقد مدّت منهم جماعة ايديهم الى البرهان عليها مثل الخازن و الشنى و النيرينزى وغيرهم فلم يأت او احد منهم برهان نوى بل كل واحد منهم صادر على امر ليس تسليمه باسهل من هذا ولو لا كثرة نسخ تلك الكتب و كثرة مزاولتها و الناظرين فيها لكن اوردها هيئنا و اين وجه المصادره والغلط على ان تعرف ذلك من سطوراتهم امر اسهل جداً و قد شاهدت كتاباً لابى على بن الهيثم رحمة الله موسوماً بـ محل شكوى المقالة الاولى فلم اشك انه قد تصدى لهذه المقدمة و برهن عليها فلما تصفحته مبتهمجاً ^{بكتبه} صادفت المصنف قد قصد ان تكون هذه المهدورة فى صدر المقالة من جملة سایر المبادى من غير احتياج الى برهان و تكاليف فى ذلك تكالفاً خارجاً عن الاعتدال و غير حدود المتوازيات و فعل اشياء عجيبة كلها خارجة عن نفس الصنائع : منها انه قال اذا تحرك خط مستقيم قائم على خط آخر و يكون قيامه محفوظاً على ذلك الخط فى حر كنه فإنه يفعل بظرفه الاخر خطًا مستقيماً فان الخط الحادث مواز لايخط الساكن ثم يأخذ هذين الخطين ويلونهما (؟) ويحر كهما ويعتبر فيهما عدة اعتبارات كالماء خارجة حتى يصح له فى الصدر هذه المقدمة بعد ارتکاب هذه المضاعب

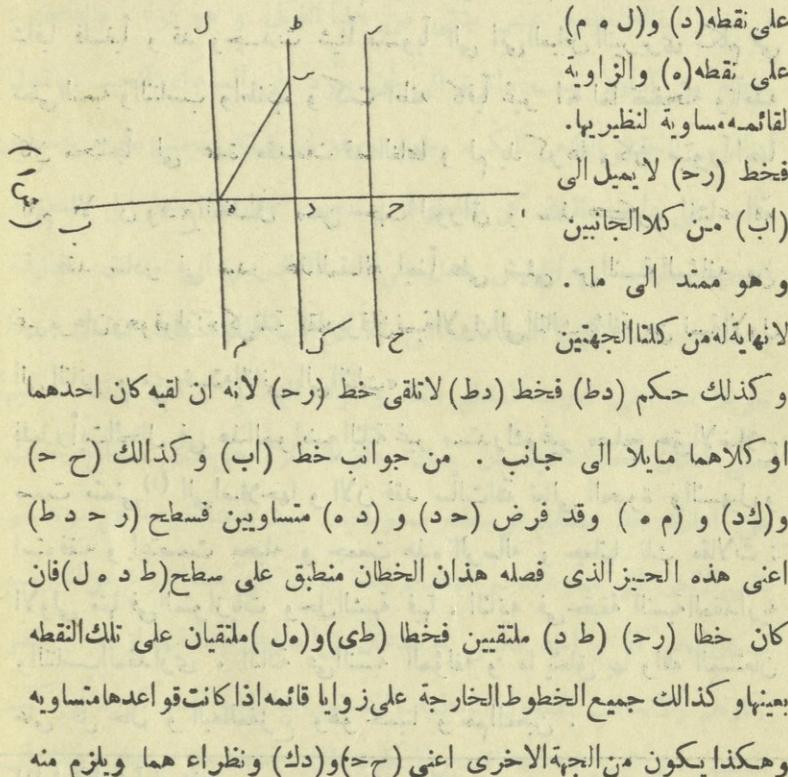
و المنكرات و هذا كلام لا نسبة له الى الهندسة اصلا من وجوه : منها انه كيف يتحرك الخط على المخطين مع انحفاظ القائم و اي برهان على ان هذا ممكن ؟ و منها انها نسبة بين الهندسة و الحركة و ما معنى الحركة ؟ و منها انه قد بان عند المحققين ان الخط عرض لا يجوز ان يكون الا في سطح ذلك السطح في جسم او يكون نفسه في جسم من غير تقدم سطح فكيف يجوز عليه الحركة مجرد عن موضوعه ؟ و منها ان الخط كيف يحصل عن حركة النقطة ؟ و هو قبل . النقطة بالذات والوجود : و لقائل ان يقول ان اقليدس قد حد الكرة في صدر المقالة الحادية عشر بشئ من هذا القبيل و هو قوله : «الكرة حادنة من ادارة نصف دائرة الى ان يعود الى المبدأ» فنجيب وقول ان الرسم الحقيقي الظاهر للكرة معلوم و هو انه شكل مجسم يحيط به سطح واحد في داخله نقطة كل الخطوط المستقيمة الخارجية منها الى السطح . المحيط متساوية و اقليدس عدل عن هذا الرسم الى ما قال مجازفة و مساهلة فانه (في) المقللات التي تذكر فيها المجسمات تسهل جداً تمويلاً منه على تدريب المتعلم عند وصوله اليها و لو كان لهذا الترسيم معنى لكان تحدد الدائرة بان يقال : «ان الدائرة هي شكل مسطح حادث عن ادارة خط مستقيم في سطح مستوي بحيث يثبت احد طرفيه في موضعه و يتبعه الآخر الى مبدء الحركة» فلما عدل عن هذا النوع من الترسيم لم يكن الحركة و اخذ ما ليس له مدخل في الصناعة مبدأ فيها لزمنا ان نتفقوا آثارهم ولا يخالف الاصول البرهانية والدستورات الكلية المذكورة في كتب المنطق . ثم ليس تحديد اقليدس الكرة مثل تحديد هذ الرجل بذلك ان

اقيلدس عرف شيئاً ما بوجه غير مرضى و ذلك الشئ معلوم من عدة وجوه اخر و تعريف المذموم لا يصير مقدمة لامر عظيم الشأن بل يعدل عن تعريفه الى تعريف آخر احسن منه و هذا الرجل قد اجتهد في هذا النوع من التعريف المنكرات ان يصرم مقدمة لآيات امر لا يكاد يثبت الا بالبرهان، في حين الرجالين في التعريفين فرق. هذا الشك في صدور المقالة الاولى واما الشك الذي هو في صدور المقالة الخامسة فهو حيث ذكر النسبة وعوارضها وذكر التناصب واحواله و ليس للتناسب حقيقة على وجه هندسي معلوم، كما سند كره في المقالة الثانية من هذا الرساله ولم يجد احداً من المقدمين والمؤاخرين تكلم في معنى التناصب وتحقيقه كلااما شافياً وقد وجدت شيئاً منسوباً الى ابي العباس النيربزى تكلم في معنى النسبة والتناسب واطلب و كنت اظنه كافياً غير انه لما تصفحته وتأملته كان يحتاجاً الى عدة مقدمات قد الفاحها و لم يذكرها وكان مبتوراً ايضاً الا ان وقع الحال من جهة الوراق و سند كره اثناء الله فقد صادر في صدر هذه المقاله ايضاً على شئ من النسبة المؤلفه من غير برهان وهو قوله: «كل ثلاثة مقادير فان نسبة الاول الى الثالث مؤلفة من نسبة الاول الى الثاني و من نسبة الثاني الى الثالث» .
فلم رأيت الحال في هذه الموضع الثالثة غير مستدركاً وغير مصلح حق الاصلاح صمت متمني^(١) الى اصلاحها و الان فقد سألت الله تعالى الحياة والتسهيل واستوفقت و اعتصمت بحبله و جمعت هذه الرساله و جعلتها ثالث مقالات: الاولى منها في المتوازيات و حل الشبهة فيها ، الثانية في حقيقة النسبة المقداريه والتناسب المقدارى ، الثالثة في النسبة المؤلفه و ما يتعلق بها والله المستعان على كل حال و اليه المفزع وهو حسينا و نعم المعين .

(١) في الاصل و تمنى متمن

المقالة الأولى في حقيقة المتوازيات وذكر الشك المعروف

بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ وَالْتَّوْفِيقِ وَالْعَصْمَةِ بِيَدِ اللَّهِ . يُجَبُ أَنْ يَتَحَقَّقَ
أَنَّ السَّبْبَ الَّذِي لَاجَاهَ غَفْلَ اقْلِيْدِيسَ عَنْ بَرْهَانِ هَذِهِ الْمُقْدَمَةِ وَصَادَرَ عَلَيْهَا هُوَ
اعْتِمَادُهُ عَلَى الْمَبَادِئِ الْمَاخُوذَةِ عَنِ الْحَكِيمِ فِي مَعْنَى الْخَطِّ الْمُسْتَقِيمِ وَالْزَّاوِيَّةِ
الْمُسْتَقِيمَةِ الْخَطِّيَّنِ حِينَ خَطَرَ بِيَاهُ أَنْ سَبْبَ الْخَطِّيَّنِ الْمُسْتَقِيمَيْنِ هُوَ
هَذَا الْمَعْنَى الَّذِي صَادَرَ عَلَيْهِ مَثَالَهُ: خَطٌّ (أَبْ) مُسْتَقِيمٌ (شَكْلٌ ١) وَخَطٌّ (رَحْ)
قَائِمٌ عَلَى زَوَافِيَا قَائِمٌ عَلَى نَقْطَةٍ (دْ) وَكَذَالِكَ (طَ دَ كَ)



بمحال أولى و كذلك بهذا الحكم لا تضيق خطأ (ر) و (ط) ولا تستعان فان
 التضائق والاتساع يوجبان هذا المحال ايضاً فيكون هذه الخطوط القائمة على (اب)
 متوازية والبعد بينهما متساو اعني لا تضيق ولا تسع. فان اخرج خط مائل
 الى احد الجانبين مثل خط (م) الى جانب (ا) فانه يلقى (ط) لامحالة لأن
 (ه س) و (ه ل) الى الانساع والبعد بينهما يصل الى حد يفرض زاوية (س د)
 اقل من قائمته فزاويا (س د) و (س د) اقل من قائمتين. فمن هذا ظن اقليدس
 ان سبب التقاء خطى (م) و (س د) يفصل الزواياتين عن قائمتين وهذا ظن
 حق ولكن لا يمكن ان يبين عليه الا بعد بيانات اخر فهذه هي التي حملت
 اقليدس على تسليم هذه المقدمة والبناء عليها من غير برهان ^{وعلموري} ان هذه
 قضايا وهمية جداً وفيها للعقل مساعدة لأنها حقة. وعليها ايضاً برهان وان ما كان
 شبه الدليل كما ذكرنا ^{ولكنه} برهان غير شاف ولامصدق به ^{ومن}
 جميع الوجوه لمصادرته على عدة امور غير اوليه ولا برهن عليها وكيف
 يسوغ لاقليدس المصادرة على هذا القضية بسبب هذا ظن مع انه قد برهن
 على عدة اشياء اسهل من هذه بكثير مثل برهانه في المقالة الثالثة على ان
 الزوايا المتساوية على مراكن الدوائر المتساوية تفصل من المحيط قسماً متساوياً
 وهذا المعنى معلوم جداً من جهت المبادى لان الدوائر المتساوية تنطبق بعضها
 على بعض والزوايا المتساوية كذلك فتنطبق القسمى بعضها على بعض لامحالة
 فيكون متساوية. فمن برهن على مثل هذا فما احوجه الى ان يبرهن على
 مثل ذلك. ومثل برهانه في المقالة الخامسة على ان نسبة المقدار الواحد الى
 المقدارين المتساويين واحدة واذا كانت النسبة تقع في المقدار من حيث هو
 مقدار فكيف يحتاج هذا الى برهان اذا المقدار ان المتساويان هما مثلاً

من حيث المقدار به لافرق بينهما فهما من هذا الجهة بالحقيقة واحد لا غيرية
بينهما الا غيرية العدد فيحسب .

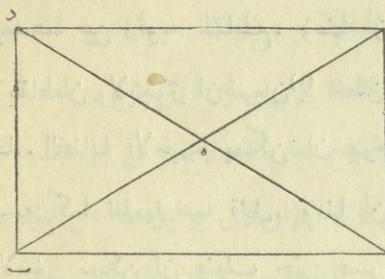
وقد غفل ايضاً في مقالات المجمعمات عن عدة امور مقتصرة الى البراهين
لكنها ليست من المقدمات العظام والا لبرهننا عليها وربما يقع لنا في ثانى
الحال النقائض عليها واصلاحنا تلك المقالات بعون الله . والذين نظر وافى
كتابه كالحجاج فإنه كان ناقلاً وليس له الاصلاح واما ثابت
فإن حكمه ايضاً حكم ناقل وإن كان اصلاح بعض الاصلاح ومن رام تفسير كتابه
وحل شكله كه مثل ابن المخاني واطو (او) قس وغيرهما من المقدمين
وابي العباس النيريزى وغيره من المتأخرین فكان يلزمه البرهان على
امثال هذه القضايا وتصفحها والنظر فيها لاردا المستقيم الى الخلف والخلف
الى المستقيم فان من عرف برهان شيئاً بالحقيقة فقد اكفى به مستقراً
كان او خلافاً فما معنى رد المستقيم الى الخلف وترك امثال هذا غير برهن
عليها ؟ اما سبب غلط المتأخرین في برهان هذه المقدمه فففاظهم عن المبادى
المأخذوه من الحكمين واعتمادهم على القدر الذي اورده اقليدس في صدر
المقالة الاولى وليس يكفى هذا القدر . فان القضايا المحتاج اليها في التقدم على
الهندسه كثيرة : منها ان المقاييس تقسم الى مالا نهاية له وليست موكبة
عملاً ينقسم و هذه قضية فلسفية يحتاج اليها المهندس في صناعته و من
المهندسين من حاول ان يبرهن على هذا من جهة صناعه ولم يشعر
بأنه بيان الدور ولكن اذا اثبت الحكم الدائرية والخط المستقيم وسائل مبادى
الهندسه فإنه يمكن ان يبرهن على هذه القضية برهان ان لا برهان لم .
والحق ان هذه القضية من مقدمات الهندسه لامن اجزائها و منها انه قد

يمكنه ان يخرج خطأً مستقيماً الى مالا نهاية له والfilisوف و ان برهن على ان الاجسام متاهيه وليس خارجها لاخلاع ولاملاع فقد يبين كيف يجوز للمهندس ان يقول هذا غير متناه و هذا خارج الى مالا نهاية له. و منها ان كل خطين مستقيمين مقاطعين فانهما الى الاेفراد والاتساع في بعدهما عن زاوية التقاطع. ومنها ان الخطين المستقيمين المتضادين فهو ما يقاطعان ولا يجوز ان يتسعان^(١) خطان متضادان في مرورهما الى التضاد. وهذه القضايا الاخيرة يمكن ان يبرهن عليها برهان ان من طريق المهندس كما تعلمتها عما قليل. ومنها ان كل مقدارين متاهيين متضادلين فان الاصغر يمكن ان يضيق حتى يصل اعظم من الاكبر. و لعل هذه القضية اولى من جنس مالا ضبط الا بعد النامل و يكون مقدمات اوليه ظاهره اكثر من هذا. و اقليدس لم يأت باكتراها في صدر الكتاب مع انه قد اتى باوليات مستغنى عنها جدا و كان الواجب ان لا ياتي بها اصلا او ياتي بها جميعا من غير ان يشد عنها شيئا و ان كان ظاهرا. وقد ذكرنا فيما تقدم سبب غلط ابي على فلا حاجة بنا الى ذكرها ثانيا. ويجب ان نسلم ثماني وعشرين شكل من كتاب الاصول فانها غير محتاجة الى هذه المقدمه و انما المحتاج اليها الشكل التاسع والعشرون حيث نريدان نورد احكام الخطوط المتوازية. فمن شاء فليجعل الشكل الاول من هذه المقاله بمنزلة الشكل التاسع والعشرون من المقالة الاولى حتى يكون داخلا في جملة الكتاب ان شاء الله. وهذا حين ستدى في البرهان الحقيقي اللهم على هذا المعنى بعون الله وحسن توفيقه انه من توكل عليه هداه و كفاه .

(١) في الصل: تسع

الشكل الأول. - و هو كخط من مقالة (١). - خط (أب) مفروض

[ش٢] و نخرج (أح) عموداً على (أب) ونجعل (ب د) عموداً على (أب) و مساويا لخط (أح) و هما متوازيان كما بينه أقليدس في شكل (كز) و نصل (ح د). فاقول ان زاويه (أحد) مساوية



لزاوية (ب د). برهانه:
نصل (ح ب) و (أ د) فخط
(أح) مثل (ب د) و
(أب) مشترك و زاويتا
(أ) و (ب) قائمتان.

فقاعدتا (أ د) و (ح ب) [ش ٢]

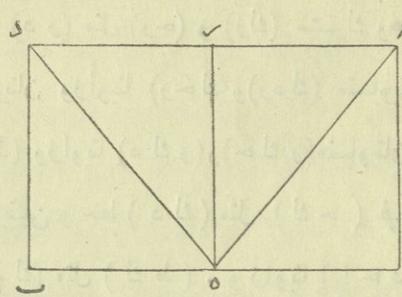
متباينان و سائر الزوايا مثل سائر الزوايا. فتكون زاوية (ء أب)
(ء ب أ) متساوين. فخطا (أه) و (ه ب) متساويان. فبقي (د ه) و (ه ح)
متساوين. ف تكون زاوية (ه د ح) و (ه ح د) متساوين و [زاوية] (أ ح ب)
مثل (أ د ب) فزاوية (أحد) و (ح د ب) متساوينان وذلك ماردنا ان
بيان. ومن هيئنا اصبيان (٢) ان زاويتي (ح أب) و (ب د أ) اذا كانتا متساوين
كيف ما كانتا و خطها (أح) و (ب د) متساوين يجب ان يكون زاويتا
(ب د ح) و (أحد) متساوين.

الشكل الثاني. - وهو (ل) من الاصول - نعيد شكل (أب دح)

[ش ٣] و نقسم (أب) بمنصفين على (ء) و نخرج (ء ر) عموداً على
(أب) فاقول ان (ح ر) مثل (ر د) و (ء ر) عمود على (د ح).
برهانه: نصل (د ء) و (ء ح) فخط (أح) مثل (ب د) و (أه) مثل

(١) الشكل التاسع والعشرون من المقارنة الأولى من الاصول (٢) كذا في الاصل

(هـ بـ) و زاوياً (اـ) و (بـ) قائمتان فقاعدتا (دـ هـ) و (هـ حـ) متساويتان وزاويتا
 (اـ حـ) (بـ دـ) متساويتان، فبقى (دـ هـ) و (رـ حـ) متساويتين،

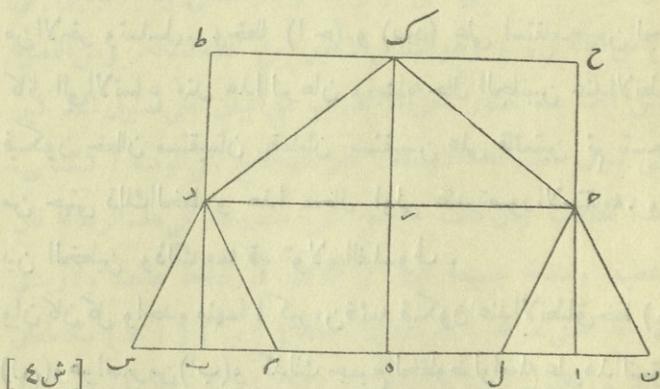


[ش ٣]

و خط (دـ هـ) مثل (هـ حـ) مشترك^(١)
 المثلث مثل المثلث و
 سائر الزوايا والاضلاع
 النظائر متساوية . فيكون
 (دـ هـ) مثل (رـ حـ)
 و زاويه (دـ هـ) مثل

(حـ رـ) فهما قائمتان . و ذلك ما أردنا ان نبين .

الشكل الثالث - وهو (لـ) من الاصول . ونعيد شكل (ابـ دـ) [ش ٤] . فاقول ان
 زاويتي (اـ دـ) (بـ دـ) قائمتان . بوهانه : نقسم (اـ بـ) بمنصفين على (هـ) ونخرج
 عمود (هـ) ونخرج له على اسقاطه ونجعل (رـ كـ) مثل (رـ هـ) ونخرج (حـ كـ طـ)
 عموداً على (هـ كـ) و نخرج (اـ حـ) و (بـ دـ) قيقطعان (حـ كـ طـ) على



[ش ٤]

(حـ) و (طـ) لأن (اـ حـ) (هـ كـ) متوازيان وكل المتوازيين فإن البعد بينهما لا يغيره .

(١) في الاصل : والزاويتان متساويتان زائد .

فمثـد (اـحـ) إلـى مـالـاـنـهـيـهـ لـهـ موـازـيـاـ [خطـ] (ـهـكـ) وـ تمـدـ (ـحـكـ) إلـى مـالـاـنـهـيـهـ لـهـ موـازـيـاـ لـخـطـ(ـرـ) فـهـمـاـ مـلـاقـيـانـ لـامـحـالـهـ اوـلـىـ وـنـصـلـ(ـحـكـ) وـ(ـدـكـ) فـخـطـ (ـدـرـ) مـثـلـ (ـرـحـ) وـ (ـرـكـ) مـشـتـرـكـ وـهـوـعـمـودـ .ـ فـقـاعـدـتـاـ (ـدـكـ) وـ(ـكـحـ) مـتـسـاوـيـتـانـ وـزاـوـيـتـاـ (ـرـحـكـ) وـ(ـرـدـكـ) مـتـسـاوـيـتـانـ .ـ فـبـقـىـ زـاـوـيـهـ (ـحـكـ) مـثـلـ (ـكـطـدـ) وـزاـوـيـتـاـ (ـدـكـرـ) وـ(ـحـكـرـ) مـتـسـاوـيـتـانـ فـيـقـىـ زـاـوـيـتـاـ (ـكـحـ) وـ(ـكـطـدـ) مـتـسـاوـيـتـيـنـ وـخـطـ (ـدـكـ) مـثـلـ (ـكـحـ) فـيـكـونـ (ـحـحـ) مـثـلـ (ـدـطـ) وـ (ـحـكـ) مـثـلـ (ـكـطـ) .ـ وـزاـوـيـتـاـ (ـاـحـدـ) وـ(ـبـدـ) اـنـ كـاتـتـاـ قـائـمـيـنـ فـقـدـ حـقـ الـأـخـرـ وـاـنـ لـمـ يـكـونـاـ قـائـمـيـنـ فـيـكـونـ كـلـ وـاـحـدـ مـنـهـاـ اـمـاـ اـصـغـرـ منـ قـائـمـهـ وـاـمـاـ اـكـبـرـ .ـ فـلـيـكـنـ اوـلـاـ اـصـغـرـ مـنـ قـائـمـهـ وـ يـنـطـيـقـ سـطـحـ (ـحـحـ) عـلـىـ سـطـحـ (ـحـبـ) فـيـنـطـيـقـ (ـرـكـ) عـلـىـ (ـرـهـ) وـ (ـحـطـ) عـلـىـ (ـاـبـ) فـيـكـونـ (ـحـطـ) مـثـلـ خـطـ (ـنـسـ) لـاـنـ زـاـوـيـهـ (ـحـحـرـ) اـعـظـمـ مـنـ زـاـوـيـهـ (ـاـحـرـ) فـخـطـ (ـحـطـ) اـعـظـمـ مـنـ (ـاـبـ) .ـ وـ كـذـلـكـ اـنـ اـخـرـ جـخـطـ اـلـىـ مـالـاـنـهـيـهـ عـلـىـ هـذـاـ النـسـقـ .ـ يـكـونـ كـلـ وـاـحـدـ مـنـ الـخـطـوـتـ الـواـصـلـهـ اـعـظـمـ مـنـ الـاـخـرـ وـتـسـلـلـ .ـ وـخـطـ (ـاـحـ) وـ (ـبـدـ) عـلـىـ اـسـقـامـهـ مـنـ الجـهـةـ الـاـخـرـىـ كـانـاـ اـلـىـ الـاتـسـاعـ مـثـلـ هـذـاـ البرـهـانـ وـ يـشـابـهـ حـالـ الـجـانـينـ عـنـدـ الـانـطبـاقـ لـامـحـالـهـ فـيـكـونـ خـطـانـ مـسـتـقـيمـانـ يـقـطـعـانـ مـسـتـقـيمـيـنـ عـلـىـ قـائـمـيـنـ ثـمـ يـتـسـعـ الـبـدـيـنـهـمـاـ مـنـ جـهـتـىـ ذـلـكـ الخـطـ وـ هـذـاـ مـيـحـالـ اوـلـىـ عـنـدـ تـصـورـ الـاسـقـامـهـ .ـ وـ يـحـقـ الـبـعـدـ بـيـنـ الـخـطـيـنـ وـذـلـكـ مـاـ قـدـ تـولـاهـ الـفـلـيـسـوـفـ .ـ

وـاـنـ كـانـ كـلـ وـاـحـدـهـ مـنـهـاـ اـكـبـرـ مـنـ قـائـمـهـ فـيـكـونـ عـنـدـ الـانـطبـاقـ خـطـ (ـحـطـ) مـثـلـ (ـلـمـ) وـهـوـ اـصـغـرـ مـنـ (ـاـبـ) وـ كـذـلـكـ جـمـيعـ الـخـطـوـتـ الـواـصـلـهـ عـلـىـ هـذـاـ النـسـقـ .ـ فـالـخـطـانـ اـلـىـ النـضـاقـ وـ اـنـ اـخـرـهـاـ اـلـىـ الجـهـةـ الـاـخـرـىـ كـانـاـ اـلـىـ النـضـاقـ اـيـضاـ لـشـابـهـ حـالـ الـجـهـيـنـ عـنـدـ الـانـطبـاقـ وـذـلـكـ مـاـ يـمـكـنـكـ اـنـ تـعـرـفـهـ بـادـنـىـ نـظـرـ وـ بـحـثـ.

و هذا مجال ايضا لها ذكرنا . و اذا امتنع ان يكون الخطان مقاضلين فهما متساويان و اذا كانا متساوين فالزاويتان متساويتان فهـما اذن قائمتان تعرف بادنى تأمل . فتركتاه تجنبـا للتطويل . فمن اراد ان يثبت ذلك هيـنا على الترتيب التعليمي فعل بلا مكانتـى^(١) هنا . و سهوـ المتأخرـين فيـ برـهـانـ هذهـ المـقدـمهـ اـنـماـ وـقـعـ لـغـلـتـهمـ عـنـ هـذـهـ الـقـضـيـةـ الـأـولـيـهـ اـذـ تـصـورـ مـحـمـولـهاـ وـ مـوـضـوعـهاـ عـلـىـ الـوـجـهـ الـحـقـيقـيـ . فـانـ كـثـيرـاـ مـنـ الـقـضـيـاـ الـأـولـيـهـ عـنـ عـلـدـ عـلـىـ الـقـطـنـ لـهـ نـافـذـالـحـدـسـ ، نـاقـبـ الرـأـيـ لـعـزـوبـ^(٢) تصـورـ مـحـمـولـهـ وـ مـوـضـوعـهـ عـنـ غـلـةـ فـانـ اوـلـيـهـ الـقـضـيـهـ وـ حـقـيقـتهاـ لـيـسـتـاـ فـيـ تـصـورـ مـوـضـوعـهاـ وـ مـحـمـولـهاـ لـانـ صـدـقـهـ وـ كـذـبـهـ لـيـتـعـلـقـهـ بـالـمـحـمـولـ وـ الـمـوـضـوعـ بـلـ بـارـتـبـاطـالـمـحـمـولـ بـالـمـوـضـوعـ لـاـغـيـرـ . وـ اـذـ كـانـ كـذـلـكـ فـلـاتـبـعـ اـنـ تـكـوـنـ قـضـيـهـ اوـلـيـهـ مـفـغـولـ عـنـهـ لـهـذـالـسـبـبـ فـافـهـمـ ذـالـكـ الـاتـرـىـ اـنـ مـنـ تـصـورـ حـقـيقـةـ الدـائـرـهـ وـ حـقـيقـةـ الزـاـوـيـهـ وـ حـقـيقـةـ النـسـبـةـ الـمـقـدـارـيـهـ عـرـفـ بـادـنـيـ تـأـمـلـ اـنـ نـسـبـةـ الزـوـاـيـاـ الـتـىـ عـلـىـ الـمـرـكـنـ كـنـبـةـ الـقـسـىـ الـتـىـ توـرـهـاـ . وـ هـذـهـ الـمـعـنـىـ يـسـهـ اـقـلـيـدـسـ فـىـ شـكـلـ (ـلوـ)ـ مـنـ مـقـالـهـ (ـوـ)ـ وـ هـوـ الشـكـلـ الـاـخـيـرـ مـنـ تـلـكـالـمـقـالـهـ . وـ مـنـ الـقـضـيـاـ الـأـولـيـهـ مـاـ تـبـيـنـ اـيـضاـ بـعـدـ تـصـورـ اـجـزـائـهـ بـفـرـبـ منـ الـبـيـانـ عـلـىـ سـيـلـ التـذـكـيرـ وـ التـبـيـهـ لـاعـىـ سـيـلـ طـلـبـ الـحـدـاـلـاـوـسـطـ . فـانـ الـمـحـتـاجـ إـلـىـ الـوـسـطـ اـكـتـسـائـيـ . فـاـفـهـمـ وـ هـذـاـ مـقـالـاتـ وـاـنـ كـانـتـ خـارـجـهـ عـنـ مـقـصـودـنـاـ فـيـ هـذـهـ الـرـسـالـهـ فـانـ لـهـ عـنـاـ^(٣) عـظـيـمـاـ وـ مـنـقـعـهـ جـسـيمـهـ فـيـهـ . وـ كـذـلـكـ اوـرـدـنـاـهـاـ هـاـهـنـاـ وـ لـازـيـدـنـ هـذـهـ الـمـعـنـىـ شـرـحـاـ حـتـىـ تـعـرـفـهـ اـكـثـرـالـنـاسـ . خـطاـ (ـاـبـ)ـ (ـاـحـ)ـ مـنـقـاطـعـانـ عـلـىـ نـقـطـهـ (ـاـ)ـ [ـشـهـ]ـ فـاقـولـ اـنـهـمـاـ إـلـىـ الـانـفـرـاجـ وـ الـاتـسـاعـ إـلـىـ مـاـلـاـنـهـيـهـ لـهـ وـذـلـكـ اـنـاـ فـاحـمـلـ (ـاـ)ـ مـرـكـنـاـ وـ لـبـعـدـ (ـاـبـ)ـ دـائـرـهـ (ـاـبــحـ)ـ فـالـبـعـدـ بـيـنـ الـخـطـيـنـ

[١] كـذاـ فـيـ الـاـصـلـ ؟ـ (٢)ـ كـذاـ فـيـ الـاـصـلـ (٣)ـ كـذاـ فـيـ الـاـصـلـ وـ جـعـلـهـ الـمـشـقـةـ

عند ملائقتهم الدائره خط (بـ حـ). و يخرج (أـ بـ) على استقامه الى

(دـ) و زدير الدائـرـه

(أـ دـ) و يخرج

(أـ حـ) على استقامـه حتى

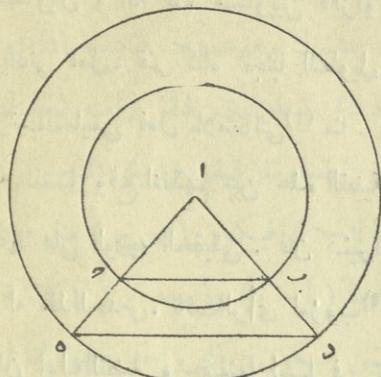
يقطع الدائـرـه على نقطـه

(هـ) و تصل (دـ هـ).

فالمـعـدـيـنـ المـخـطـيـنـ (دـ هـ)

و خط (دـ هـ) اعظم

[شـ ٥]



من (بـ جـ) اوـلـىـ لـاشـبـهـ فـيهـ اـذـاتـصـورـ معـنـىـ الدـائـرـهـ وـالـزاـوـيـهـ وـالـخـطـهـ المـسـتـقـيمـ.

وـ منـ رـامـ انـ تـبرـهـنـ عـلـيـهـ بـرـهـانـ فـلاـ بـدـ لـهـ مـنـ اـنـ يـاخـذـ فـيـ اـنـاـ ذـكـ

الـبرـهـانـ قـضـيـهـ تـبرـهـنـ بـهـذـاـ الـمـعـنـىـ. فـيـكـوـنـ يـيـانـ الدـوـرـ. وـنـعـمـ مـاـفـعـلـ صـاحـبـ

الـاـصـوـلـ اـذـاـ وـرـدـ فـيـ صـدـرـ كـتـابـهـ القـضـيـهـ القـائـمـهـ بـاـنـ «ـالـخـطـيـنـ الـمـسـتـقـيمـينـ لاـ

يـحـيـطـانـ سـطـحـ»ـ فـيـ جـمـلـهـ الـاـولـيـاتـ. لـاـنـ مـنـ عـرـفـ حدـودـهاـ عـرـفـ اـرـتـبـاطـهـاـ

لـاـمـحـاـهـ. فـهـىـ اـذـنـ اوـلـيـهـ. وـالـبـعـدـ بـيـنـ كـلـ خـطـيـنـ هـوـ الـخـطـ الـوـاـصـلـ بـيـنـهـماـ بـحـيثـ

يـكـوـنـ الـزاـوـيـاتـ الـداـخـلـاتـ مـتـسـاوـيـاتـ. مـثـالـهـ خـطـ (أـ بـ) وـ (دـ هـ) مـسـتـقـيمـانـ فـيـ

سـطـحـ مـسـتـوـ [شـ ٦ـ]ـ وـ فـرـصـنـاـ عـلـىـ (أـ بـ)ـ نـقـطـ (هـ). فـالـبـعـدـ بـيـنـ (هـ)ـ وـيـنـ خـطـ

(دـ هـ)ـ خـطـ (هـ رـ)ـ وـ زـاوـيـهـ (هـ)ـ مـثـلـ (رـ)ـ فـاـمـاـ كـيـفـ يـخـرـجـ مـنـ نـقـطـهـ

(هـ)ـ إـلـىـ (دـ هـ)ـ خـطـ بـحـيثـ تـكـوـنـ الـزاـوـيـاتـ الـداـخـلـاتـ مـتـسـاوـيـاتـ؟ فـعـلـىـ

الـمـهـنـدـسـ لـيـسـ عـلـىـ الـحـكـيـمـ التـولـىـ لـتـصـحـيـحـ مـبـادـيـهـ الـمـهـنـدـسـهـ. وـاـمـاـ اـنـ هـلـ

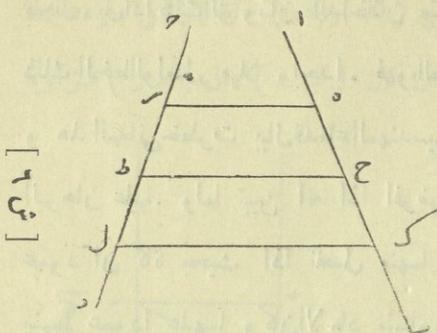
يـمـكـنـ اـنـ يـخـرـجـ خـطـ بـهـذـهـ الصـفـةـ؟ فـعـلـىـ صـاحـبـ الـمـبـادـيـهـ. وـيـاـنـ اـنـهـ يـمـكـنـ

اـنـ يـخـرـجـ مـنـ (هـ)ـ خـطـوـطـهـ إـلـىـ (دـ هـ)ـ غـيـرـ مـتـسـاـهـيـهـ عـلـىـ زـوـاـيـهـ

غير متناهية من كلا الجهتين في الخطين جميعاً متقابلات أصغرها أكبر.

كذا

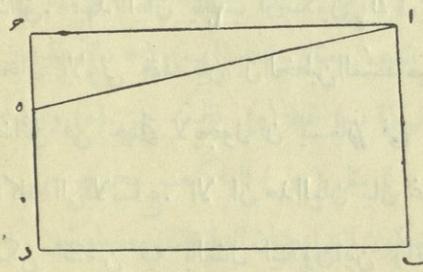
و كل ما تذر فيه هذا
المعنى يعني التقابل من
الجهتين في الصغر
والكبر مع ان المقادير
ينقسم الى مalanaya له ،
فلا مجال له يمكن ان



يقع التساوى . و نصل (ه ح) و (ر ط) متساوين و نصل (ح ط) فزاويمه
(ح) مثل (ط) كماين فى الشكل الاول . ف(ح ط) هو البعد . و ان كان
(ح ط) اعظم من (ه ر) فالخطان الى الاتساع و نصل (ح ك) و (ط ل)
متساوين و نصل (ك ل) فهو بعد . فان كان (ك ل) اصغر من (ح ط)
فالخطان الى التضائق . وقد كانا الى الاتساع هذا مجال اولى . وان كذا
متساوين يلزم هكذا وان كان (ح ط) اصغر من (ه ر) فالخطان الى
التضائق . فبهذا البيان يجب ان يكون (ك ل) اصغر من (ح ط) والا يلزم
المجال الاولى فقد بان ان الخطين المستقيمين فى صطح مستو اذا كانا الى
التضائق فى جبهة لايجوز ان يتسعان فى ملك الجهة اصلا . و كذلك
اذا كانوا الى الاتساع الا ان هذا البيان بيان غير هندسى انما هو بيان حكمى .
ولكن استعين فيه بالمثال ليكون ابين واظهر عند من لا يكون لمدرس
جيد . ومن الناس من يقول ان بعد بين نقطه على خط وبين خط آخر
هو العمود الخارج من تلك النقطه الى الخط . وليس الحق كذلك لانه
ربما يكون العمود الخارج من مسقط العمود الاول الى الخط الاول غير مساو

للمعمود الاول فيكون . بعد النقطه عن نظيرتها غير بعد نظيرتها عنها و هذا
محال . بل اذا كانت الزاويتان الداخلتان متساويتين كان ميل الخطتين معا عن
ذلك الخط الواصل ميلا واحدا . فهو بالحقيقة يكون بعد بينهما لا غير .
و هذ المعانى خطرت ببال قدماء المهندسين فصادروا على القضيه التي تطلب
البرهان عليها . ولما تبين انه اذا افرض خط مستقيم واخرج من طرفيه
عمود ان كانا بحيث اذا نفصل بينهما اي خطين متساوين كان بعد
بينهما عمودا عليهما وكان الابعاد متساوية والخطان لا يتضاديان ولا يتسعان .
فيسحبى هذان العمودان المتباذلين .

الشكل الرابع - وهو (اب) من الاصول . - سطح (اب=د) زواياه قائمه
[ش ٧] فاقول ان (اب) مثل (حد) و (اد) مثل (ب=). برهانه: ان لم
يكن (اب) مثل (د=) فيكون احداهما اعظم فليكن (د=) اعظمهما
و نفصل (ده) مثل (اب) و نصل (اه) فيكون الزاويه (باه)
مثل زاويه (ده) و (باه) اصغر من قائمه و (ده) اعظم من قائمه .



لأنها خارجه عن مثلث
(اه) فيكون اعظم
من زاويه (=) القائمه
هذا محال . فخط (اب)
مثل (د=) و ذلك

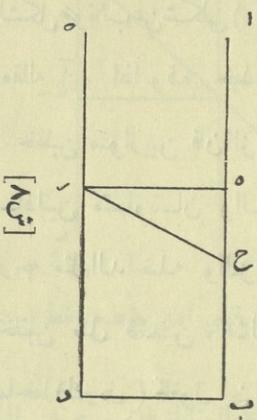
ما اردنا ان نبين

[ش ٧]

الشكل الخامس - وهو (ل=) من الاصول . - خطـا (اب) و (د=)
متباذيان . فاقول ان كل خط يكون عمودا على احداهما فهو عمود على الآخر .

برهانه : يخرج من نقطة (ه) [ش ٨] عموداً على (دـ) و هو (هـ). فاقول
ان زاوية (هـ) قائمة. برهانه ان خطى (اب) و (دـ) حاصلان من عمود عليهما
لامحاله كماينا، و هو (بـدـ). فان كان (بـهـ) مثل (دـرـ) فزاوية

(هـ) قائمه. و ان كان احدهما اعظم
فتفصل من الاعظم مثل الاصغر و هو
(بـحـ) الذى فصلناه من (بـهـ).
تكون زاوية (حـ) القائمه مثل
(حـرـ) و هو اقل من قائمه، هذا
محال . فيخط (بـهـ) مثل (دـرـ) و
زاویه (هـ) قائمه وذلك ما اردنا ان نبين



الشكل السادس -- وهو لد من الاصول . -- كل خطين متوازيين كما
حده اقليدس و هما اللذان لا يلقيان من غير شرط آخر فهم متحاذيان. مثاله:
(اب) و (دـ) [ش ٩] متوازيان فاقول انها متحاذيان . برهانه: تعلم نقطه (هـ)
ونخرج (هـرـ) عموداً على (دـ). فان كان زاویه (هـ) قائمه كان الخطان
متحاذيان . وان لم يكن قائمه فانا نخرج (حـهـ) عموداً على (هـرـ)
فيكون (حـهـ) و (درـ) متحاذيان . وخطا (بـاـ) و (طـحـ)
متقاطعان والبعد بين (محـ) و (ماـ) يزداد مالا نهاية له والبعد بين (وحـ) و (دوـ)
واحد الى مالا نهاية له لا يزيد و لا ينقص فلا شك ان يصير البعد بين (ماـ)
و (حـهـ) اعظم من (هـرـ) الذى هو بعد المتحاذيان فيخط (هـاـ) اذن
يقطع (درـ) وقد فرضناهما متوازيين هذا محال. فزاویه (اهـرـ) ليست

باعظم من قائمه ولاصغر منها فهى ادن قائمه . فيخطا (أب) و (دح) متوازيان

ا ذن و ذلك ما اردنا ان نبين .

الشكل السابع - و هوله -

هذا الشكل هو ثاب عن شكل (أكتول)

من مقاله آ . اذا وقع خط مستقيم

على خطين متوازيين فان الزاويتين

المتبدلتين متساويتان والزاویه

الخارجية مثل الداخله والزاويتين

الداخلتين مثل قائمتين . مثاله خط (أب) و (دح) متوازيان وقد وقع

عليهم اخط (كرهـل) فاقول ان زاويتي (لـرـدـ) و (اـمـرـ) المتبادلتين متساويتان .

[ش ١٠] و زاويتي (اـمـرـ) و (دـرـ) الداخلتين مثل قائمتين و

زاویه (حـ دـرـ) الخارجيه مثل زاویه (اـمـرـ) الداخله . برهانه : افانخرج

من نقطه (هـ) عمود (هـ طـ) على (دـ) فهو عمود على (أـبـ)

لانهما متوازيان . ونخرج من (رـ) عمودا على (اـبـ) وهو (رـحـ) .

فسطح (هـ طـ رـ) قائم الزوايا ، فالخطوط المتقابله منه متساوية . فـكـونـ

زاویه (حـ هـ رـ) مثل (هـ طـ) و هـماـ تـبـادـلـتـانـ (حـ رـكـ) و (هـ رـ طـ) مثل (حـ رـكـ)

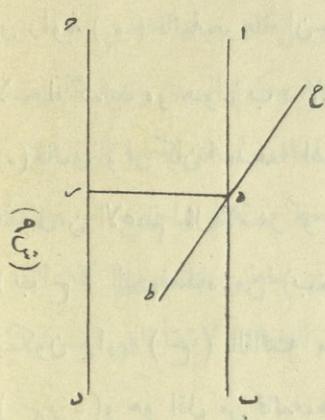
و (حـ رـكـ) مثل (اـمـرـ) الداخله مثل الخارجيه و (هـ رـ طـ) مع

(هـ وـ دـ) مثل قائمتين فـزاـوـيـهـ (اـمـرـ) مع (هـ رـ حـ) مثل قائمتين و

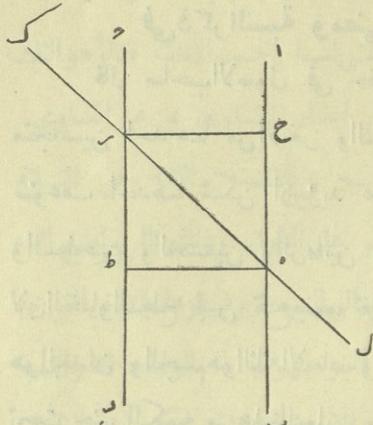
ذلك ما اردنا ان نبين .

فقد بـيناـ اـحـکـامـ المـتـواـزـيـهـ منـ غـيرـ اـحـتـيـاجـ الـىـ المـقـدـدـهـ المـطلـوبـ

برـهـانـهاـ التـىـ قدـ صـادـرـ عـلـيـهـاـ اـقـلـيـدـسـ وـ هـذـاـ بـرـهـانـهاـ .



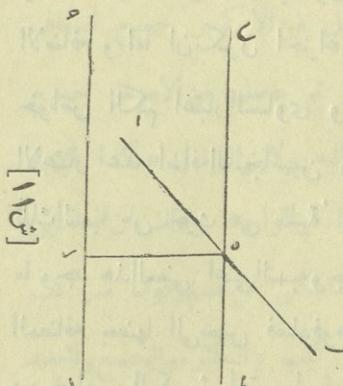
الشكل الثامن - وهو لو . - خط ($هـ ر$) مستقيم [ش ١١] وقد خرج عنه خطان
 $(هـ)$ و $(رد)$ وزاويتا ($اهـ$) و ($حـ رهـ$)



أقل من قائمتين . فاقول إنهم يلتقيان
 في جهة ($ا$). برهانه: نخرج الخطين
 على استقامتهما فيكون زاوياه ($اهـ$) \subset
 أصغر من ($هـ رـ$) ف يجعل زاوياه
 $(حـ هـ)$ مثل ($هـ رـ$) فخطا
 $(حـ هـ طـ)$ و ($دـ رـ حـ$) متوازيان
 كما يبينه أقليدس في شكل (كر))

من مقاله ($ا$) . و خط ($اهـ$) قطع ($حـ طـ$) فهو أدن يقطع خط ($دـ حـ$)
 في جهة ($ا$) و ذلك ما أردنا أن نبين .

فهذا هو البرهان الحقيقي على أحكام المتوازيات وعلى المعنى
 المقصود بهم . والحق أن تتحقق هذا الشكال بكتاب الأصول على الترتيب
 الذي ذكر و سقط منها اعني من هذه المقالة ما هو داخل في المبادىء و



راجع إلى الحكمة الأولى . وإنما
 أوردناه هنا وإن كان خارجا عن
 نفس الصناعة لأننا لم نجد بدأ من
 إبراد تلك الفصول لصعوبة المسألة و
 كثرة كلام القوم فيها . فلتحقق بالصدر
 من المبادئ ما ذكرنا أن الصناعة تحتاجه
 إليه حتى تكون الصناعة مقتنة

فالسيف لا تكون للناظر فيها شك ولا تخـالـجه ريب وحانـنا ان نختـم
 المقالـة الأولى حـا مـدين لـلهـ تعالى وـمـصلـيـن عـلـىـ النـبـيـ مـحـمـدـوـ آـلـهـ اـجـمـعـيـنـ .

المقاله الثانية

في ذكر النسبة ومعنى التناسب وحقيقةهما (١)

قال صاحب الاصول في حقيقة النسبة انها هي اية قدر و مقدارين متجلانسين احد هما من الآخر والمتجلانسان المعنيان هاهنا هما اللذان اذا صوّعف احدهما ممكن ان يزيد على آخر اذا كانوا متفاوتين مثل الخطين والسطحين والجسمين والزمانين وبالجملة هما اللذان تقع بينهما تفاضل لأن الخط والسطح ليس تقع بينهما تفاضل اذا الخط هو البعد الواحد والسطح هو البعدان والجسم هو الثالثة البعد والزمان هو مدار الحر كم وهذا الاجناس تحت جنس الكمية و هذه المعايير من صناعة (٤) الحكمة الاولى و هذا المحد او الرسم الذي اورده اقليدس قريب من الحق اذا اخذت الفاظه وشرحت شرعا قوله هي (اية قدر) مقدارين انما اراد بها الاضافه الواقعه بين المقدارين من حيث ؟ هي مدار وذلك ان كل مقدارين متجلانسين فهـي اما ان يكونا متساوين واما ان يكونا متفاوتين . ثم ان تفاضل له حدود واقسام و ذلك ان الاصغر اما ان يكون جزء من الافضل اي يعلمه و يستقرقه عند الاضافه و اما ان يكون اجزاء و اما ان يكون على وجه آخر ومن خواص الكم اعتبار التساوى و غير التساوى فيه فالنسبه هي نفس ذلك الاعتبار عند اضافه المتجلانسين و اعتبار امر آخر مقررـون به و هو مدار تلك النسبـه من حيث هي نسبة مداريه وهذا في العـديـات اـظـهـرـ و اـولـ ما وجد هذا المعنى اعني النسبة وجد في العـديـات و ذلك انهم اعتبرـوـاـ العـادـدـاتـ المـضـافـهـ بـعـضـهاـ إـلـىـ بـعـضـ فـصـادـفـوهـاـ اـمـاـ مـتـسـاوـيـهـ وـ اـمـاـ غـيرـ مـتـسـاوـيـهـ وـ هـذـاـ مـنـ خـواـصـ الـكـمـ . ثـمـ اـعـتـبـرـواـ غـيرـ المـتـسـاوـيـ فـصـادـفـوـ الـاـصـغـرـ اـمـاـ يـعـدـ الـاـكـبـرـ

(١) كان في نسخة الاصل ايه قدر و مقدارين

(٢) و هذا ايضاً كان في الاصل حكيم الاول

مثل الثالثة للتسعه . ثم طلبوا كمية عد الثالثة للتسعه فوجدو هائله و كانت الثالثة
تحدهم التسعه مث مرات فاشتقوا من هذا المعنى اسماء بحسب اللغات فقالوا هو الثالث
فانسبة بين الثالثة والتسعه هي الثالث و هي اعتبار التساوى و غير التساوى
مقر-ونا باعتبار آخر كما يبينا والنسبه بين التسعه والثالثة هي الثالثة
الا ضعافيه ولم تشتقوا بهذا اسماء واقتصرت على الاول وذلك الى واضح اللغا
و اما ان لا يعد الا كبير مثل نسبت الاثنين الى السبعه وفرقوها بالآخر التي بعد
السبعين والاثنين مما فلم يصادفو عدد آخر بل وجدوا الواحد فقالوا النسبة
الاثنين الى السبعه سبعين ثم برهنوا على ان الاعداد الاصغر تكون من الاكبر
اما اجزاء عد لما وجدوا اللعدد يجنس المقدار لاقسامهما جمیعاً تختلف
جنس الكلم فطلبوا هذا المعنى ايضًا في المقادير فوجدوا فيها مع هذين القسمين
قسم آخر و ذلك ان المقادير غير مرتبة من الاجزاء التي لا يتجزى وليس
لاقسامها نهاية محدودة كما للعدد فان اللعدد هو كبرى من اجزاء لا يتجزى و
وهي الوحدات وكل عددين متباينين يفضل من الاكبر جميع اضعاف
الاصغر و بقيت فضلته اقل من العدد الاصغر ثم يفضل من الاصغر جميع
اضعاف الفضله فيقي منه فضل اقل من الفضله الثانية ولا يزال يفعل هكذا فلابد
من ان تبلغ الى فضله تعدد الفضله التي قبلها او الواحد و ذلك ان العددين
متناهيان مفروضان و هما من كبان من الاحاد التي لا ينقسم وقولنا من كبرى
في ترسيم العدد هو لاضطرار الفظulan معنى التركيب والكسره والجمع والعدد
كلها واحد وقد اورد قدرًا من هذا في اول السابعة من كتابه و انت
يمكنك ان تعرفه بادني تأمل و امال المقادير فانها غير مرتبة من اجزاء لا

يتجزى و ليس لا نسامها - حـد محدود فليس يلزم فيها هذا المعنى
 فى كل حال و ليس يجب ان يصلح لا مـحـاله الى الواحد اذا وحدة
 فيها و لا الى فضـلـه ~~بـعـدـالـى~~ قبلـاـنم ان كان هـذـالـمـعـنـى و اصنافـهـا
 فلا يجوز ~~اـلـا~~ بالبرهـان وقد اطـلبـ فيها اقـليـدـسـ فيـعـاـشرـةـ كـتـابـهـ وـلاـ حاجـةـ لـناـ
 اليـهاـ فـىـ هـذـالـبـيـانـ اـصـلـاـ وـ اـذـاكـانـ كـذـالـكـ فـلـيـسـ كـلـ مـقـادـيرـ مـلـازـمـ باـضـطـارـ اوـ
 انـيـكـوـنـ الـاصـغـرـ اـمـ جـزـامـنـ الاـكـبـرـ وـ اـمـ الـجـزـاءـ بـلـ يـجـوزـ انـيـكـوـنـ عـلـىـ ضـرـبـ
 آخـرـ غـيرـ عـدـدـىـ بـلـ خـاصـ بـالـمـقـادـيرـ فـانـ قـالـ انهـ لاـيـكـوـنـ هـذـالـقـسـمـ الـثـالـثـ
 اـصـلـاـ بـلـ هوـ هـذـاـ مـنـ الـقـسـمـانـ الـعـدـدـيـانـ فـنـجـبـ فـقـولـ لـاـ يـضـرـنـاـ انـ نـعـتـرـ اـ
 حـكـامـ النـسـبـ وـ اـنـسـابـ فـىـ الـمـقـادـيرـ مـنـ هـذـهـ الـوـجـوهـ الـثـالـثـهـ ثـمـ انـ كـانـ القـسـمـ
 مـلـغـاةـ بـالـبـرـهـانـ فـلـاعـتـ عـلـيـنـاـ وـ انـلـيـكـنـ مـلـغـاةـ قـسـكـونـ قـدـقـدـمـنـاـ وـ اـسـتـوـفـنـاـ
 جـمـيـعـ الـاقـسـامـ وـ هـذـاـ وـ يـطـلـعـ مـنـهـ عـلـىـ اـسـرـارـ مـنـطـقـيـهـ عـمـيـقـهـ جـدـاـ فـاـفـهـمـهـ.
 ثـمـ ذـكـرـ التـنـاسـبـ فـقـالـ هوـ اـشـتـاهـ النـسـبـ وـ هـذـاـ بـحـسـبـ الـلـغـهـ كـلـامـ حـسـنـ الـاـنهـ
 عـدـلـ عنـ حـقـيقـهـ التـنـاسـبـ فـىـ شـرـحـ هـذـاـ اللـفـظـ عـدـوـلـاـ خـارـجـاـ وـ ذـلـكـ
 انهـ قـالـ اـذـاكـانـ اـرـبـعـةـ مـقـادـيرـ مـتـبـاجـسـهـ وـاـخـذـتـ لـاـلـوـلـ وـ الـثـالـثـ اـضـعـافـ
 مـتـساـويـهـ وـ الـثـانـيـ وـ الـرـابـعـ اـضـعـافـهـ كـانـتـ الـثـالـثـ مـلـغـاةـ لهـ وـ قـيـسـتـ فـانـ
 كـانـتـ الاـضـعـافـ الـأـوـلـ زـائـدـهـ عـلـىـ اـضـعـافـ الـثـانـيـ كـانـتـ اـضـعـافـ
 الـثـالـثـ زـائـدـهـ عـلـىـ اـضـعـافـ الـرـابـعـ وـ انـ كـانـتـ مـسـاوـيـهـ لهاـ فـهـيـ مـسـاوـيـهـ لهاـ يـاضـاـ
 وـ انـ كـانـتـ نـاقـصـهـ عـنـهاـ فـهـيـ نـاقـصـهـ عـنـهاـ اـذـاـ قـيـسـتـ عـلـىـ الـوـلـاـ فـيـقـالـ نـسـبـةـ الـأـوـلـىـ
 الـثـانـيـ كـبـتـ الـثـالـثـ الـثـالـثـ الـرـابـعـ وـ لـيـسـ مـتـنـاسـبـهـ وـ هـذـاـ لـيـسـ يـنـبـئـ عـنـ التـنـاسـبـ
 الـحـقـيقـيـ الـأـتـرـىـ انـ مـاـئـلـاـ لـوـ سـئـلـ وـ قـالـ اـرـبـعـهـ مـقـادـيرـ مـتـنـاسـبـهـ التـنـاسـبـ
 الـإـقـليـدـيـ وـ الـأـوـلـ نـصـفـ الـثـانـيـ فـهـلـ يـكـوـنـ الـثـالـثـ نـصـفـ الـرـابـعـ اـمـ لـاـ فـكـفـ

يمكن البرهان على ان الثالث يكون ايضا نصف الرابع بطريقه اقليدس فان
احبب و قيل انه يجب ان يكون الثالث نصف الرابع اذا كان الاول نصف
الثاني لمكان التناوب فاي برهان على ان الذى ذكر اقليدس من لوازم التناوب
^{اذا كانت اربعة}
الحقيفي وقال ~~كانت اذاريه~~ مقادير او اخذت الاضعاف على هذه الصفة و
كانت اضعاف الاول زايده على اضعاف الثاني ولم يكن اضعاف الثالث زائد
على اضعاف الرابع قيل ان نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة الثالث الى الرابع
فهذا كلام الرجل في التناوب و نحن نسمى هذه التناوب المشهور و تسللم
في التناوب الحقيفي والمقاله ~~لخامسه كلها~~ في التناوب المشهور و مرجه به
حسب ذلك التناوب فليس ملك المقاله و لنتحقق ما نقوله في التناوب الحقيفي
باخرها فانا عما قليل نبرهن ان هذا التناوب المشهور لازم للتناوب الحقيفي
فيكون لوازم التناوب المشهور اذن من لوازم التناوب الحقيفي من التركيب
والتفصيل والابدال والعكس وغيره مما ذكره اقليدس وما ضمن كلامه
بالقوه اقوال وحقيقة النسبة المقداريه قد تصورتها و ذلك ان كل مقدارين
اما ان يكون احدهما مساوبا لآخر ولا يكون غير المتساوي اما جزء
من الآخر واما جزا و هذه النسبة هي النسبة العددية و اما ان يكون على
ضرب آخر خاص بال الهندسه كما قد يتبناه فيما تقدم و اذا كانت اربعه
مقادير وكان الاول مساوبا للثاني والثالث مساوبا للرابع او كان الاول
جزا من الثاني والثالث ذلك الجزء بعينه من الرابع او كان الاول اجزاعمن
الثاني والثالث ثلاثة اجزاء بعينها من الرابع فان نسبة الاول الى الثاني كنسبة
الثالث الى الرابع لامحاله وهذا النسبة عدديه ثم ان لم يكن على هذه الوجوه
الثالث بل فضل من الثاني جميع اضعاف الاول حتى بقيت فضلها اقل من الاول

و كذلك فضل من الرابع جميع اضعاف الثالث حتى بقيت فضله اقل من الثالث وكان عدد اضعاف الاول في الثاني مثل عدد اضعاف الثالث في الرابع ثم نفصل جميع اضعاف فضله الثاني من الاول حتى بقيت فضله اقل من فضله الثاني وكذلك فضل جميع اضعاف الرابع من الثالث حتى بقيت فضله اقل من فضله الرابع فكان عدد اضعاف فضله الثاني مثل عدد اضعاف فضله الرابع وكذلك يفضل من فضله الثاني جميع اضعاف فضله الاول ويفصل من فضله الرابع جميع اضعاف فضله الثالث فكان عددهما واحدا وكذلك يفضل جميع اضعاف الفضلات بعضها من بعض على الولا كما يبين فكان عدد كل فضله من الاول والثاني مثل عدد نظيرها من الثالث والرابع الى مala نهاية له فان نسبة الاول الى الثاني كنسبة الثالث الى الرابع لامحالة وهذا هو التناسب الحقيقي في الضرب الهندسي واما النسبة العظمى والصغرى الحقيقيه فكما تقول اذا كانت اربعه مقادير و كان الاول مثل الثاني والثالث اصغر من الرابع او الاول اعظم من الرابع او الاول جزء من الثاني والثالث جزء آخر اصغر من ذلك الجزء من الرابع او اجزاهي باسرها اصغر من ذلك الجزء او الاول اجزا من الثاني والثالث جزءا آخر اصغر من تلك الاجزاء من الرابع او اجزا هي تاصرها اصغر من تلك الاجزاء فان نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة الثالث الى الرابع واما اقصرنا على الجزء الآخر وتركتنا الاعظم تحفيقا وبعضا ينوب عن بعض و حكمها عند العكس واحد لا يتغير منه شيئا اعني اذا كان الاول اضعف الثاني والثالث اضعف الرابع فقد علمت حكم ظاهر هذا الاجزاء من الاعظم في هذا وفي التناسب الحقيقي واحد و هذه النسبة عدديه و اما الهندسى فاذ افضل جميع

اضعاف الاول من الثاني و بقيت فضلة و جميع اضعاف الثالث من الرابع وبقيت
فضلة وكان عدد اضعاف الاول اقل من عدد اضعاف الثالث او كان هذالمدد
مساوياً لذلك لكن فضل جميع اضعاف فضلة الثاني من الاول حتى بقيت فضلة
وفضل جميع اضعاف فضلة الرابع من الثالث حتى بقيت فضله فكان عدد
اضعاف فضله الثاني اكبر من عدد اضعاف فضله الرابع او هذالمدد ايضا مساوياً
لذلك المدد : لكن اذا فضل جميع اضعاف فضله الاول من فضله الثاني في
جميع اضعاف فضله الثالث من فضله الرابع فكان عدد اضعاف فضله الاول اقل
اولم يبق من فضله الثاني او من الثاني فضلات وبقيت من فضله الرابع او الرابع
فضله فار نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة الثالث الى الرابع لا محالة في
الحقيقة وبالجملة في هذا الضرب يكون اما ان لا يبقى من الثاني ومن فضلاتته
فضله واما ان يكون فضلاتته اقل واما ان يبقى من الاول وفضلاتته فضله ولا
يبقى من الثالث وفضلاتته فضله واما ان يكون فضلات الاول اكبر من فضلات
الثالث يلزم ان يكون نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة الثالث الى الرابع و
لهذا المعنى تفصيل اطول من هذا يمكن ان تعرفه بهذه القانون الذي تعلمه
ففهم وبقى علينا ان نبرهن ان الذي ذكره اقليدس هو من لوازم هذا ثم
من المقدمات التي يحتاج ان تسلم هي ان كل مقدار مفروض يمكن ان يكون
مثل كل نسبة مفروضة اي النسبة كانت و هذه المقدمة حكميه و نبينه بمثال
وضعى مثاله نسبة (ا) الى (ب) مفروضة و د مفروض فاقول انه يجب
ان تكون نسبت (د) عند العقل لاعنة الوجود فانه سواء يكون موجودا في
الاعيان او لا يكون اذا كان الاحتياج اليه في البراهين لغير الى مقدار آخر
كنبه (آ) الى (ب) برهاه ليس للمرة ادبر في التضييف والتصنيف نهاية

محدوده بل يمكن ان يضعف الى مالا نهاية له و كذلك يمكن ان ينصلح

الى مالا نهاية له اذا كان كذلك باضطرار يكون

ب	ا	مقدار عظيم جداً نسبة (د) اليه اصغر من نسبة
---	---	--

(ا) الى (ب) ول يكن ذلك المقدار (٠) و

باضطرار يكون مقدار صغير جداً يكون نسبة (د) اليه اعظم من نسبة

(ا) الى (ب) والمقادير ليس لاقسامها نهاية	د	ج	ر
--	---	---	---

فبين (هـ) و (ر) باضطرار يكون مقدار نسبة
(د) اليه كنسبة (ا) الى (ب) لامانع هنالك

اصلا لان كل ما يريد يمكن ان يفصل من (٠) وكل ما يريد يمكن ان
يزاد على (ر) فليكن ذات (ج) وذالك ما وردنا ان نبين اذا كان مقدار
ان مقاصلان وفضل من الاعظم نصفه او اكبر و من الثاني كذلك ثم هكذا
تفعل بالباقيات فانه سيقى مقدار اصغر من المقدار الاصغر المفروض مثال
مقدارا (اب) مفروضان فاقول ان الحكم فيما ذكرنا برهانه انا

ضعف (آ) حتى تشير اضعافه اكثر من (ر د) ول يكن (ر اي) و
فيه من امثال (ا) (رح) (ح ط) (ط اي) وهو ثالث فصلنا من (بد)
(د ج) وهو نصفه او اكبر و من (جر) (هـ ج) وهو نصفه او اكبر

ك	ب	ر	د
---	---	---	---

ل	هـ	ح	م
---	----	---	---

ن	د	ن	د
---	---	---	---

واخذنا مقدار (وب) اضعاف مساوية لاضعاف (رح) (ط اي) (هـ ج)
(ر اي) لمقدار (ا) وهو (كـن) و اضعافه (ط اي) (ح م) (د ن)

(دل) (لم) (من) فمقدار (تن) ليس اي ليس باعظم من (جهـ) بل اصغر
منه بكثير فمقدار (بد) اعظم من ثلاثة اضعاف (بهـ) و ثلاثة اضعاف

(كـن) فمقدار (كـن) أصغر من (بـد) و (رى) اعظم من (بد)
 (فـى) اعظم من (كـن) و نسبة (رى) الى (كـن) بالنسبة المشهور
 كـنسبة (اـلـى) الى (بـهـ) فمقدار (اـلـى) اعظم من (بـهـ) و ذلك ما زادنا
 ان نبين و هذا هو الشكل الاول من المقالة العاشرة من كتاب الاصول ولم
 يتحج في برهانه الا الى المقالة الخامسة فحسب فقلناه الى هذه الموضع
 لاحتياجنا في هذه البراهين اليه ول يكن اقلidis ذكر انه يفصل من الاكبـرـ
 اعظم من نصفه ولم تقل يفصل منه مثل نصفه او اكثر منه حتى تكون
 الدعوى اعم ومن العجب انه قد استعمل هذا الشكل في شكل (بـجـ) من
 مقاله (بتـ) وقال اذا فصل من الاكبـرـ مثل نصفه ومن الباقي مثل نصفه ولو
 كانت دعواه هنا هكـذا لكان افعـ لهـ في ذلك الموضع فما زالت اذا كانت
 اربعـهـ مقـادـيرـ مـتـنـاسـبـهـ بالـنـسـبـةـ الـحـقـيقـهـ وـنـسـبـةـ الـأـوـلـ الـىـ الـثـانـيـ نـسـبـةـ عـدـدـيـهـ فـاقـولـ

انها متناسبـهـ بالـنـسـبـةـ المشـهـورـهـ مـثالـهـ نـسـبـةـ (اـبـ) الـىـ	<table border="0"> <tr> <td style="padding: 0 10px;">ا</td> <td style="padding: 0 10px;">د</td> </tr> <tr> <td style="padding: 0 10px;">جـ</td> <td style="padding: 0 10px;">عـ</td> </tr> </table>	ا	د	جـ	عـ		
ا	د						
جـ	عـ						
(دـجـ) كـتبـهـ (هـرـ) الـىـ (حـطـ) بالـنـسـبـةـ الـحـقـيقـهـ	<table border="0"> <tr> <td style="padding: 0 10px;">هـ</td> <td style="padding: 0 10px;">كـ</td> <td style="padding: 0 10px;">سـ</td> </tr> <tr> <td style="padding: 0 10px;">بـ</td> <td style="padding: 0 10px;">لـ</td> <td style="padding: 0 10px;">جـ</td> </tr> </table>	هـ	كـ	سـ	بـ	لـ	جـ
هـ	كـ	سـ					
بـ	لـ	جـ					
والـنـسـبـةـ عـدـدـيـهـ فـيـكـونـ (اـبـ) الـىـ مـساـوـيـهـ	<table border="0"> <tr> <td style="padding: 0 10px;">اـ</td> <td style="padding: 0 10px;">بـ</td> </tr> </table>	اـ	بـ				
اـ	بـ						

(اـدـجـ) و (هـرـ) (اـحـ طـ) وـنـاخـذـاـلـوـلـ وـالـثـالـثـ اـضـمـافـاـ مـتـنـاسـبـهـ

اـيـ الـاضـعـافـ كـانـتـ وـهـمـاـ (عـ) (صـ) وـاـبـ)	<table border="0"> <tr> <td style="padding: 0 10px;">عـ</td> <td style="padding: 0 10px;">اـ</td> <td style="padding: 0 10px;">بـ</td> </tr> <tr> <td style="padding: 0 10px;">صـ</td> <td style="padding: 0 10px;">هـ</td> <td style="padding: 0 10px;">دـ</td> </tr> </table>	عـ	اـ	بـ	صـ	هـ	دـ
عـ	اـ	بـ					
صـ	هـ	دـ					
مـسـتـلـ (دـجـ) فـاضـمـافـ (عـ) (اـاـبـ) مـثـلـ فـ	<table border="0"> <tr> <td style="padding: 0 10px;">اـ</td> <td style="padding: 0 10px;">مـ</td> <td style="padding: 0 10px;">فـ</td> </tr> <tr> <td style="padding: 0 10px;">اـ</td> <td style="padding: 0 10px;">نـ</td> <td style="padding: 0 10px;">رـ</td> </tr> </table>	اـ	مـ	فـ	اـ	نـ	رـ
اـ	مـ	فـ					
اـ	نـ	رـ					
اضـعـافـ (صـ) (اـمـرـ) (فـسـ) (فـ) اـمـازـاـمـدـانـ	<table border="0"> <tr> <td style="padding: 0 10px;">صـ</td> <td style="padding: 0 10px;">مـ</td> <td style="padding: 0 10px;">رـ</td> </tr> <tr> <td style="padding: 0 10px;">طـ</td> <td style="padding: 0 10px;">نـ</td> <td style="padding: 0 10px;">هـ</td> </tr> </table>	صـ	مـ	رـ	طـ	نـ	هـ
صـ	مـ	رـ					
طـ	نـ	هـ					

معـاعـلـيـ (عـ) (صـ) وـاماـ مـسـاوـيـانـ مـعـالـهـمـاـ وـاماـ نـاقـصـانـ مـعـاـ منـهـمـاـ قـسـبـهـ (اـبـ) الـىـ (دـجـ)

كتـبـهـ (هـرـ) الـىـ (حـطـ) بالـنـسـبـةـ المشـهـورـهـ وـاماـ كانـ اـبـ جـزاـ منـ (دـجـ) فـقـسـمـ

(دـجـ) . بـامـثالـ (اـبـ) وـصـىـ (دـلـ) لـهـ وـكـذـلـكـ اـقـسـامـ (حـطـ) هـىـ (حـنـ)

(ن ط) فاضعاف (ع) | (د ج) مثل اضعاف (ص) | (ح ط) واضعاف (دج)
| (أب) اعني (دل) كاضعاف (ح ط) | (ه ر) اعني (حن) فيكون اضعاف
(ع) | (أب) مثل اضعاف (ص) | (ه ر) وآل الامر الى القسم الاول فالمقادير
متناسبه و ان كان (أب) اجزا من (دج) فقسم (أب) باجزاء (دج) و هي
(اك) (كب) و كذلك اقسام (هر) هي (هم) (مج) فالبيان المقدم
يكون اضعاف (س) | (اك) مثل اضعاف (ف) | (هم) و كذلك يكون
اضعاف (ع) | (اك) مثل اضعاف ص | (هم) وآل الامر الى الاول فالمقادير
متناسبه بالنسبة المشهوره وذلك ما اردنا ان نبين (وعكس) هذا الشكل و هو
ان مقادير (أب) (دج) متناسبه بالنسبة المشهوره ونسبة (أ) (ب) نسبة عديمه
بالنسبة للحقيقة فاقول انها متناسبه بالنسبة للحقيقة برهانه . ان لم يكن نسبة آ

الى (ب) كنسبة (د) الى (ج) بالنسبة
الحقيقة فليكن كنسبة (د) الى (ه)
فيكون اذن نسبة (أ) الى (ب)
كنسبة (د) الى (ه) بالنسبة المشهوره
ونسبة (أ) الى (ب) المشهوره كنسبة
(د) الى (ج) فنسبه (د) الى (ج)
كنسبة (د) الى (ه) بالمشهوره كما بين في الخامس و نسبة (د) الى (ج)
و الى (ه) واحده بالمشهور فيكون (ج) مثل (ه) فنسبه (أ) الى (ب)
كنسبة (د) الى (ج) بالحقيقة وذلك ما اردنا ان نبين نسبة مقدار (أب) الى
مقدار (دج) بالمشهور كنسبة (ح ط) الى (ثل) و نسبة (أه) الى (دج)
بالمشهور كنسبة (جم) الى (ثل) فاقول ان نسبة (ه ب) الى (دج) كنسبة

(مط) الى (كـل) بالمشهور برهاـنه نسبة (أب) الى (دـج) كـنسبة (حـط) الى (كـل)
و نسبة (دـج) الى (أه) كـنسبة (كـل) الى (حـم) فـى نسبة المساواـت نسبة

د	هـ	(أب) الى (أه) بالمشهور كـنسبة (حـط) الى (حـم)
جـ	بـ	فيـكون نسبة (أب) الى (بـ) كـنسبة (حـم) الى (مـط)
كـ	حـ	بـالمشهور وبالعـكس نسبة (بـ) الى (أب) كـنسبة
لـ	مـ	(مـط) الى (كـل) و نسبة (أب) الى (دـج) كـنسبة
	طـ	(حـط) الى (كـا) فـى نسبة المساواـه نسبة (مـط) الى (كـل) كـنسبة (بـ) الى (دـج) و ذلك ماـرـدـنا

ان نـيـن وقدـبرـهن أـقـليـدـس عـلـى عـدـة اـشـيـاء فـى المـقـالـه الخامـسـه غـير مـيـحـاتـجـه
إـلـى البرـهـان و هوـقولـه: نسبة المـقـدار الواـحد إـلـى المـقـدارـين المـتسـاوـيـين وـاحـدة
وـقدـبـيـناـهاـ وـقولـهـ إـذـاـكـانـتـنـسـبةـالـأـولـإـلـىـالـثـانـىـ كـنـسـبةـالـثـالـثـإـلـىـالـرـابـعـ وـنـسـبةـ
الـثـالـثـإـلـىـالـرـابـعـ كـنـسـبةـالـخـامـسـإـلـىـالـسـادـسـ فـنـسـبةـالـأـولـإـلـىـالـثـانـىـ كـنـسـبةـ
الـخـامـسـإـلـىـالـسـادـسـ وـهـذـاـإـلـيـحـتـاجـ إـلـىـبـرـهـانـهـ لـانـنـسـبةـالـأـولـإـلـىـالـثـانـىـ إـذـاـ
كـانـتـهـىـ بـعـيـنـهاـنـسـبةـالـثـالـثـإـلـىـالـرـابـعـ وـكـانـتـنـسـبةـالـثـالـثـإـلـىـالـرـابـعـهـىـ
بعـيـنـهاـنـسـبةـالـخـامـسـإـلـىـالـسـادـسـ لـزـمـ انـتـكـونـنـسـبةـالـأـولـإـلـىـالـثـانـىـهـىـ
بعـيـنـهاـنـسـبةـالـخـامـسـإـلـىـالـسـادـسـ باـضـطـرـارـ وـلـكـنـأـقـليـدـسـلـمـعـبـرـعـنـالـنـاسـبـ
بـلـازـمـلـهـلـاـيـقـسـهـ اـمـكـنـ انـيـكـونـالـشـكـ يـصـرـضـفـىـذـلـكـالـلـازـمـ وـاماـفـىـالـنـسـبةـ
الـحـقـيقـيـهـ فـلاـنـسـبةـمـقـدارـ(أـبـ)ـإـلـىـمـقـدارـ(دـجـ)ـ كـنـسـبةـمـقـدارـ(حـطـ)ـإـلـىـ
مـقـدارـ(كـلـ)ـبـالـمـشـهـورـ وـلـيـسـنـسـبةـ(أـبـ)ـإـلـىـ(دـجـ)ـنـسـبةـعـدـدـيهـ فـاقـولـانـهاـ
مـنـاسـبـهـبـالـتـحـقـيقـبـرـهـانـهـ:ـاـنـلـمـتـكـنـمـنـاسـبـهـفـتـكـونـنـسـبةـاـحـدهـمـاـاعـظـمـهـنـ
الـاـخـرـفـلـيـكـنـنـسـبةـ(أـبـ)ـإـلـىـ(دـجـ)ـاعـظـمـمـنـنـسـبةـ(حـطـ)ـإـلـىـ(كـلـ)ـفـنـقـصـلـ

من (دج) جميع اضعاف (اب) و هو (م杰) و ففصل من (كل) جميع اضعاف
 (ح ط) و هو (رل) فان كان عدد هما مقاضلين فليكن عدد (رل) أكثر
 لأن النسبة الصغرى في جنبه (ح ط) (كل) ففصل من (رل) من اضعاف (ح ط)
 مثل عدد (م杰) وهو (سل) فيكون نسبة (اب) الى (م杰) كنسبة (ح ط)
 الى (سل) فيقى نسبة (اب) الى (ده) كنسبة (ح ط) الى (كـس) و (اب) اعظم
 الى (سل)

د		أ	من (ده) و (ح ط) اصغر من (لس) هذا الحال
ه		ن	فعدد (رل) مثل (م杰) فيقى نسبة (ده) الى (اب)
ج		ب	كنسبة (رل) الى (ح ط) ففصل جميع اضعاف (ده)
ر		ح	من (اب) وهو (بن) ويفصل جميع اضعاف (رل)
س		م	من ح ط وهو (مط) فان كان عدد (بن) مثل عدد
ل		ط	(مط) و الان يكون عدد (بن) أكثر لأن النسبة

العظمى في جنبة (اب) (دج) وقدينا احكامها في صدر المقاله ثم اذا كان عدد
 (بن) اكبر لزم الحال المقدم فيجب ان يكون عدد (بن) مساويا للعدد
 (مط) وكذا يجب في عدد جميع الفضلات ولكن فرصنا ان نسبة (اب) الى
 (دج) اعظم من نسبة (ح ط) الى (كل) فلا بد من ان يحصل شيئا من خواص
 النسبة العظمى وهو ان يكون عدد فضلات (دج) اقل من عدد فضلات (كل)
 وهو الحال او يكون عدد فضلات (اب) اكبر من عدد فضلات (ح ط) وهو
 الحال ايضا فليس نسبة (اب) الى (دج) اعظم من نسبة (ح ط) الى (كل) وذلك
 ما اردنا ان نبين و اعلم ان كون نسبة المقدار الواحد الى المقدارين
 المتتساوين نسبة واحدة و كون نسبة كل واحد من المقدارين المتتساوين الى
 المقدار الواحد نسبة واحدة غير محتاجين الى البرهان ولكن اذا كانت

نسبة كل واحد من مقدارين الى مقدار واحد نسبة واحدة كان المقداران متساوين فمحتاج الى برهان وكذلك اذا كانت نسبة مقدار واحد الى مقدارين نسبة واحدة كان المقداران متساوين يحتاج الى برهان مثاله : نسبة مقدار (ار) الى (جه) كنسبة الى (بد) بالتحقيق فاقول ان (بد) (جه) متساويان برهانه : ان لم يكونا متساوين فاحدهما اعظم و هو (بد) وليكن (ار) اصغر من كل واحد منهما فرضافنه ان كان اعظم كان البرهان واحدا و كذلك في جميع الاشكال المقدمة ففصل من (جه) جميع اضعاف (ار) وهو (جه) و كذلك يفضل جميع اضعاف (ار) من (بد) وهو (طد)

فيكون (جه) مثل (طد) فيكون (اط) اعظم من	(جه) وفضله عليه بمقدار فضل (رد) على (جه)	ويفضل من (ار) جميع اضعاف (جه، وهو (نر))	ويفضل ايضا من (ار) جميع اضعاف لطوه (مر)
ج	ب	ل	د
ك	م	ن	ر
ح	ط	د	د
ه	ر		

فيكون (مر) لامحاله اعظم من (نر) لأن عدد الاعظافين متساوين ويفضل جميع اضعاف (ام) من (بط) فيبقى (ب) ويفضل جميع اضعاف (ان) من (جه) يبقى (جك) فيكون (بل) اعظم من (جك) وفضله عليه اعظم من فضل (در) على (جه) لأن فضل (بط) على (جه) مثل فضل (بد) و (ام) اصغر من (ان) فيكون (طل) اصغر من (لك) فيبقى فضل (بل) على (جك) اعظم من الفضل الاول وكذلك في الكثرة الاخرى من الفضلات يكون الفضل من (بد) اعظم من فضله (جك) واعظم من الفضلة المتقدم وهكذا تكون كل فضله اعظم مما قبله الى ما لا نهاية له وليكن (دد) مقدار فضله على (جه) مقدار اصغر منه ويفضل من (بد) اعظم من نصفه و هو (طد) وكذلك

من (أط) اعظم من نصفه و هو (ط)، وكذلك (هر) هكذا يفضل من الباقي اعظم من نصفه الى مala نهاية له فيبقى مقدار اصغر من فضل (اد) على (جه) وقد يبين ان الفضلات الى الزيادة اعني كل فضاء وهو هذه الباقيات من الفضل المذكور يكون اعظم من الفضل المتقديمه ويكون اعظم من فضله (له) بكثير في كل مرة اذا كان (اد) اعظم من (جه) الى مala نهاية له هذامحال فليس (له) اعظم من (جه) ولا اصغر فهو مثله وذلك ما اردنا ان نبين و هكذا عكسه بمثل هذا البرهان نسبته الى اليه واحدة يجب ان تكونا متساوين نسبة (آ) الى (ب) بالتحقيق كنسبة (د) الى (ج) والنسبة غير عددية فاقول ان نسبة (آ) الى (ب) يكون اذن كنسبة د الى (ج) بالمشهور برهانه : ان نسبة (آ) الى (ب) كنسبة (د) الى (ه) بالمشهور فقدمينا ذلك ان هذا الحكم يستمر في كل مقدار

وان كان يوجد بقانون صناعي في الاعيان فيكون
نسبة (ا) الى (ب) كنسبة (د) الى (ه) بالتحقيق
فيكون اذن نسبة د الى (ه) كنسبة (د) الى (ج)
بالتحقيق فهما متساويان فالمقادير متناسبة بالمشهور

وذلك المطلوب ولما ذكرنا احكام التنااسب الحقيقى وبيننا التنااسب المشهور بحسب
ما ذكره اقليدس من لوازمه اعني كل متناسب بالمشهور فهو متناسب بالحقيقة و
كل متناسب بالحقيقة فهو متناسب بالمشهور فلذلك كرر الان احكام عظم النسبة
وصغرها . المحققتين اذا كانت نسبة الاول الى الثاني كنسبة الثالث الى الرابع
بالتحقيق فتكون تلك النسبة هي بينها هذه النسبة ونسبة الثالث الى الرابع اعظم
او اصغر من نسبة الخامس الى السادس فلتكون نسبة الاول الى الثاني اعظم من
نسبة الخامس الى السادس بالتحقيق لا يحتاج الى برهان واقليدس انما بررهن

عليه لانه اخرج المعنى من الحقيقة و عدل عن حقيقة ذات الشئ الى
لازم له غير ظاهر بل ذى وسط يحتاج فى معرفة النزوم الى برهان و
كذلك اذا كان مقداران مقاضلان فان نسبة مقدار آخر الى الاعظم
بالحقيقة اصغر من نسبة ذلك المقدار بعنه الى المقدار الاصغر وكذلك
نسبة الاعظم الى ذلك المقدار المفروض بالحقيقة اعظم من نسبة المقدار
الاصغر الى ذلك المقدار بعنه لا يحتاج الى برهان اصلا و اقليدس برهن
عليه لانه عدل عن حقيقة النسبة العظمى الى المشهور و اما اذا كانت نسبة
مقدار مفروض الى احد المقدارين المفروضين اعظم من نسبة ذلك المقدار
بعنه الى المقدار الاخر من المقدارين المفروضين بالحقيقة فـ يحتاج الى
برهان وكذلك عكسه يحتاج الى برهان .

ايضا مثاله مقدار (اب) (دج) مفروضان و مقدار (هر)
مفروض ونسبة (هر) الى (اب) اصغر من نسبته الى (دج) فاقول
ان (اب) اعظم من (دج) برهانه : ان لم يكن (اب) اعظم من
(دج) فهو اما ان يكون مساويا له فيلزم اذن ان يكون نسبة (هر)
الى (اب) كنسبة (هر) الى (دج) وليس كذلك اذن فليس بمساو له
واما ان تكون اصغر منه وقد فرضنا ان نسبة
(هر) الى (اب) اصغر من نسبة (هر) الى
(دج) فيجب اذن ان يكون عدد بعض فضلات
(هر) لفضلات (اب) اعظم من عدد نظائره
من (هر) لظائره من (دج) او يكون عدد
بعض فضلات (دج) لفضلات (هر) اعظم من عدد نظائره من (اب)

لنظائره من (هـ وـ). لأن هذا هو من خواص عظم النسبة و صغرها او خاصية اخرى من خواصها يمكننا ان تعرفها بادنى تامل و خصوصا اذا تتحقق ما نورده هيئنا و نفرض هيئنا (هـ وـ) اصغر من كل واحد منها لانه ان كان اكبر منها او مساويا لاحدهما و اصغر و اكبر من الآخر فان البرهان واحد و في بعض الوجوه اسهل يمكن ان تعرف بادنى تامل و يفضل جميع اضعاف (هـ وـ) من (أـ بـ) يبقى الفضل (أـ طـ) وكذلك يفضل جميع اضعاف (هـ وـ) من (دـ جـ) يبقى الفضل (دـ حـ) (فتح جـ) مثل (بـ طـ) و ان لم يكن يلزم ان يكون (بـ طـ) اعظم من (حـ جـ) لأن عظم النسبة في جنبة الا ان (دـ جـ) اعظم من (أـ بـ) هذا الحال (فتح جـ) مثل (بـ طـ) فيكون (دـ حـ) اعظم من (أـ طـ) و يفضل جميع اضعاف (دـ طـ) من (هـ وـ) تبقى الفضل (هـ كـ) و يفضل جميع اضعاف (أـ طـ) من (هـ وـ) تبقى الفضل و يجب ان يكون عدد الفضلات في هذا ايضا مساويا و الا لزم الحال الاول لانه ان لم يكن عدد الفضلات متساويا كان متفاضلا و ان كان عدد امثال (حـ دـ) في (كـ رـ) اعظم من عدد امثال (أـ طـ) في (لـ رـ) يكون (كـ لـ) اعظم من (أـ طـ) و لكن (هـ لـ) اصغر منه هذا الحال و ان كان عدد امثال (دـ حـ) في (كـ رـ) اصغر من عدد امثال (أـ طـ) في (لـ رـ) كانت نسبة (هـ وـ) الى (دـ جـ) اصغر من نسبة الى (أـ بـ) وقد فرضنا بخلاف هذا هنا الحال فعدد امثال (دـ حـ) في (كـ رـ) مثل عدد امثال (أـ طـ) في (لـ رـ) وكذلك يلزم في كل فضل هذه المعنى بعينه و هو ان يكون عدد امثال فضلات (دـ جـ) في فضلات (هـ وـ) مساويا لعدد فضلات (أـ بـ) في (هـ وـ)

و كذلك عدد امثال فضلات (هـ رـ) في (دـ جـ) يكون مساوياً لعدد امثال فضلات (هـ رـ) في (اـ بـ) والا يلزム المحال المذكور ولا يزال تكون الفضلات الباقيه من (هـ رـ) بعد اسقاط فضلات (دـ جـ) منها اصغر من فضلات (هـ رـ) بعد اسقاط فضلات (اـ بـ) من (هـ رـ) اعني نظائرها ويكون فضلات (دـ جـ) بعد اسقاط فضلات (هـ رـ) منها اعظم من فضلات (اـ بـ) بعد اسقاط فضلات (هـ رـ) منها اعني النظائر وهذا خلاف .
المطلوب و ذلك ان نسبة (هـ رـ) الى (اـ بـ) اصغر من نسبة (هـ رـ) الى (دـ جـ) هذا الحال فليس (دـ جـ) باعظم من (اـ بـ) ولا مساويا له فهو اذن اصغر منه و ذلك ما اردنا ان نبين و لهذا الشكل اختلاف و قرعات و اصعب اضعاف ما اتباهه وباقتها يمكن ان تستبط بقوه هذا فتر كما اتبهنا بالتطويل و العجيب الحدس الثاقب الرأي اذا عرضت عليه تلك الاعضاف تقطن لبراهينها بقوه ما ذكرنا بادنى مدة و كذلك صابر الاشكال التي قبله لا يخلو عن اختلاف وقوع و اختلف اوضع و مسيله هذا السبيل حتى تعلمه و اكثرا الاشكال الهندسيه لا يخلو عن اختلاف وقوع و من الناس من يتكلف تطويلا يخلو يخرج التصنيف عن وزنه وقدره و ما هو الا تكلف و تنسف بارد و تابت
$$\begin{array}{c} \text{بـ} \\ | \\ \text{اـ} \\ | \\ \text{هـ رـ} \end{array} \quad \begin{array}{c} \text{جـ} \\ | \\ \text{دـ} \\ | \\ \text{هـ رـ} \end{array}$$

قد صرف عنه صفيحا لهذا السبب نسبة مقدار (اـ بـ) الى مقدار (دـ جـ) اعظم من نسبة مقدار (دـ جـ) الى مقدار (بـ جـ) بالمشهور فاقول انها اعظم منها بالتحقيق ايضا برهانه : ان لم يكن في مثلا او اصغر منها فان كانت مثلا كانت نسبة (اـ بـ) الى (بـ جـ) بالمشهور كتبة (دـ جـ) الى (بـ جـ) وقد قلنا

انها اعظم منها هذا مجال و ان كانت اصغر منها فبقدر ان نسبة (ا) الى
(ب) كنسبة (د) الى (ه) بالحقيقة فنسبه (د) الى (ه) اصغر من
نسبة (د) الى (ج) فيكون (ج) اعظم من (د) بالحقيقة كما يبينا
في الشكل المتقدم و نسبة (ا) الى (ب) كنسبة (د) الى (ج) في -
المشهور فنسبه (د) الى (ج) بالمشهور اعظم من نسبة (د) الى (ه)
فيكون (ج) اصغر من (د) وقد كان اعظم منه هذا مجال فليست نسبة
(ا) الى (ب) اصغر من نسبة (د) الى (ج) فهي اذن اعظم منها
وذلك ما اردنا ان نبين وعكس هذا الشكل نسبة مقدار (ا) الى (ب)
بالحقيقة اعظم من نسبة (د) الى (ج) فاقول انها بالمشهور كذلك
فإن لم يكن فلا يجوز ان تكون النسبة مثل النسبة والا لازم المجال -
المذكور فيسكن نسبة (ا) الى (ب) اصغر من نسبة (د) الى (ج)
بالمشهور و تقدر ان نسبة (ا) الى (ب) بالمشهور كمنسبة (د) الى
(ه) فنسبه (د) الى (ه) اصغر من نسبة (د) الى (ج) فيكون (ه)
اعظم من (ج) و نسبة (ا) الى (ب) بالمشهور كمنسبة (د) الى (ه)
فنسبة (د) الى (ه) اصغر من (د) الى (ج) فيكون (ه) اعظم من
(ج) و نسبة (ا) الى (ب) بالمشهور كمنسبة (د) الى (ه) فالحقيقة
كذلك فنسبة (د) الى (ه) بالحقيقة اعظم من نسبة (د) الى (ج)
فيكون (ه) اصغر من (ج) وقد كان اعظم منه هذا مجال فنسبه (ا)
الى (ب) بالمشهور اعظم من نسبة (د) الى (ج) و ذلك ما اردنا
ان نبين .

فقد يبين ان ما ذكر اقليدس من ترسيم عظيم النسبة وصغرها هي

من لوازم عظيم النسبة ^{صيغتها} الحقيقين وهو ان كل نسبة عظمى بالمشهور فى ايضا عظمى بالحقيقة وكذلك الصغرى و عكسه ان كل نسبة عظمى بالمشهور وكذلك الصغرى و باقى الاحوال من التركيب والتفصيل والابدال والعكس و نسبة المساواه وغير ذلك من الاحكام التى ذكرها اقليدس فى صدر المقالة الخامسة وفى ضمنها و ما يتعلق بها وما تبرهن بها من غير احتياج الى غيرها فكلها من لوازم النسبة الحقيقة و لوازم التناسب الحقيقى وكذلك النسبة العظمى و الصغرى و اما تأليف النسبة و تفصيلها فغير محتاج اليها فى المقالة الخامسة بل الاحتياج اليها فى المقالة السادسة و سنتسو فى الكلام عليها فى المقالة الثالثة لهذه الرسالة بحمد الله و حسن توفيقه تمت المقالة الثانية والله المحمود

المقالة الثالثة

في تاليف النسبة و تحقيقه

قد ذكرنا في أول المقالة الثانية حقيقة النسبة الكمية و معناها و قلنا هناك ان النسبة هي اضافة بين المقادير من حيث هي مقادير مفرونة بامر آخر و ذلك الامر هي مقدار التفاضل بينما على وجه معلوم لا يشار إليها فيها غيرها و اطربنا فيها و استأثينا الكلام في تاليف النسبة قال أقليدس اذا اخذت نسبتان و ضوعفت بعض فعملت نسبة ماقيل ذلك النسبة هي مؤلفة من تلك النسبتين ضومنت أحديهما في الأخرى و قال في صدر المقالة الخامسة على سبيل المصادره من غير برهان ان كل ثلاثة مقادير متباينه فان نسبة الاول الى الثالث مؤلفه من نسبة الاول الى الثاني و من نسبة الثاني الى الثالث و قال ان كل ثلاثة مقادير متناسبه فان نسبة الاول الى الثالث ضعف نسبة الاول الى الثاني وكذلك اذا كانت اربعة مقادير و خمسة مقادير على هذا القياس و هذه قضيه عظيمه ويجوز ان تكون مقدمه لامور عظيمه الا يبرهان هندسي شاف اما ما ذكره من تضييف النسبة فهو ان نسبة ثلاثة الى خمسة معناها ثلاثة اخماس واحد و ذلك انه يفرض مقدار واحد اي يفرض مقداراً و يسمى واحداً و يضاف اليه المقادير الاخر فان كل مكيل لابد من ان يكون فيه شيئاً مفروضاً واحداً و الثاني مضاد اليه من سبل العدد فلو كانت النسبة المقداريه غير عدديه اضيف مربعه الى مربع الواحد او مربع مربعه الى ما لا نهاية له او يترك تلك النسبة مجهولة من حيث الكيل اذا يوجد سهل الى ادراك كمية اصلاً مضافة الى ذلك الواحد المفروض

ولست اقول ان النسبة المقداريه يجب ان تكون مكيله حتى تكون معلومه بل اقول انه لابد من ان تكون كل نسبة مقدار بحيث يمكن ان تفرض مقدارا من ذلك الجنس واحدا فيكون اذن نسبة ذلك المفروض الى مقدار آخر معقول مثل تلك النسبة المفروضه وليس يجب ان يكون ذلك المقدار مفقودا لكونه مفقودا في الاعيان بسبب عجزنا عن الوقوف على قانون صناعي به يمكن استخراجه وكثيرا ما تكون هذه النسبة مجهولة من جهة العدد معلومه من جهة الهندسه ولكن لا ضير لنا من ذلك بعد تحقيقنا ان النسبة المقداريه يقترب بشيئي عددي او في قوه - العدد ثم النظر في ان النسبة المقداريه هل يتضمن العدد في ذاتها او يلزمه العدد او يتحقق العدد من خارج ذاته بسبب امر آخر و يتحقق العدد بسبب للازم ذاته من غير احتياج الى حكم خارج فذلك نظر حكمى ليس للمهندس تعاطيه اصلا لكن يجب ان يعرف ان الكلام في تاليف النسبة منها هو من حيث اقران معنى العدد و الواحد بها اما بالقوه و اما بالفعل و اما كيف ذلك الاقران و هو على احد الوجوه التي ذكرنا ام لا فيليس البناوى هذا البحث فافهمه و ان اقليدس احتاج الى تاليف النسبة في الشكل الثالث العشرين من المقاله السادسه حيث اراد ان يبرهن على ان كل سطحين متوازي الا بلاع روايا متساوية و اراد بالتاليف بضعف احدى النسبتين بالاخرى ثم لم يجتاز في كتابه الى ذلك الشكل ولا الى تلك الاخري القاتله بان كل ثلاثة مقادير متناسبه فان نسبت الاول الى الثالث ضعف نسبه الاول الى الثاني الاعنه نسب ا بلاع السطوح المتشابه و ا بلاع المجسمات المتشابه وهى ايضا مستغنى عنها فليت شعرى ماذا الذى اخرجه

الى ذكرها بين المقدمتين والمصادر علىها من غير برهان
واما تأليف النسبة فى كتاب بطليموس المعروف بالمجسطى فشئى
عظيم واعناده كثيرو وفائدة جزياء الا ان بطليموس قد صادر اياضاعلى
هذه المقدمه من غير برهان وعليه بناء الشكل القطاع وعلى الشكل
القطاع بنى اكثرا علم الهيئة وخصوصا ما يقع من الاحوال والاحكام و
والهياط فى الفلك المركوب وفلك معدل النهار فبناء هذا اعني تأليف
النسبة ليس بصغرى و كذلك كتاب المخروطات لابونيوس الذى هو مقدمه
عظيم لاكثر العلوم الهندسية وخصوصا المجسمات وبالجمله فان عظائم
الامور فى علم الهيئة وعلم الهندسيات الصغار والكبار منيه على تأليف النسبة
واما تأليف النسبة المذکورة فى علم الموسيقى فانه غير هذا التأليف
وانته هو التركيب والتقطان ولفظ التأليف عليهما بالاتفاق والاشراك
لا بالتواتر الصرف واقليدس قد ذكر تأليف النسبة المعروف فى المقاله
الثانويه واستعمله فى شكل كان مستعينا عنه فى كتابه ^{استغنا عنه} استخلقه من -
الشكل الذى ذكرنا و تركيب النسبة الذى عليه مبني بعض اجزاء -
الموسيقى فان ذلك عددي وقد اشبع القول فيه اقلidis فى المقاله -
الثانية واما نقصان النسبة المذکور فى الموسيقى فهو بالحقيقة عند -
النظر والتأمل صفت من التركيب والطريق الى معرفتها عند الناقب
الرأى الجيد الحدس واحد وقد ذكرنا سطرا من هذا المعنى فى شرح
المشكل بن كتاب الموسيقى وعلم العدد غير محتاج الى الهندسه و
كيف يكون وهو قبل الهندسه قبلية بالذات وليس بينهما نسبة الا ان
الهندسة مقتصرة الى العدد وكيف لا و المثلث هوا الذى يحيط به ثلاثة

خطوط فمن لم يكن عارفاً بمعنى الله كيف يمكنه ان يعرف معنى -
 الثالث فلثـد جـزء من الثـلـث فهو عـلمـه وـقـبـلهـ بـالـذـاتـ وـالـنـظـرـ فـيـ الـعـدـدـ
 غيرـ النـظـرـ فـيـ الـهـنـدـسـهـ وـاـهـمـاـ عـلـمـانـ لـيـسـ اـحـدـ هـمـاـ قـبـتـ الاـخـرـ وـلـكـنـ
 الـهـنـدـسـهـ تـحـتـاجـ فـيـ بـعـضـ بـرـاهـينـ اـجـزـائـهـ اـلـىـ شـيـئـ مـنـ الـعـدـدـ كـمـاـ هـوـ
 مـذـكـورـ فـيـ الـمـقـاـلـهـ الـعـاـشـرـهـ وـذـلـكـ عـنـ مـسـاحـةـ الـمـقـادـيرـ اـعـنـيـ مـعـرـفـةـ النـسـبـهـ
 يـنـهـمـاـ مـنـ حـيـثـ الـعـدـدـ كـمـاـ قـدـ بـيـنـاهـ فـيـ صـدـرـ هـذـهـ الـمـقـاـلـهـ وـهـوـ اـنـ يـفـرـضـ
 مـقـدـارـ مـاـ وـاحـدـ اوـ يـمـسـحـ بـهـ سـاـيـرـ الـمـقـادـيرـ التـىـ مـنـ جـنـسـهـ وـهـوـ اـنـ
 يـعـرـفـ كـمـيـتـهـ مـنـ حـيـثـ النـسـبـهـ اـلـىـ ذـلـكـ الـواـحـدـ وـالـقـلـيـدـسـ اـنـماـ خـاطـلـ يـنـ
 صـنـاعـهـ الـدـمـ وـصـنـاعـهـ الـهـنـدـسـهـ لـاـمـرـيـنـ اـحـدـهـاـ لـيـكـونـ كـتـابـهـ مـشـتـهـلاـ عـلـىـ
 اـكـثـرـ قـوـاـيـنـ عـلـمـ الـرـيـاضـيـاتـ وـنـعـمـ هـاـ رـايـ هـذـاـ وـالـثـانـيـ اـنـ مـحـتـاجـ اـلـىـ
 عـلـمـ الـعـدـدـ فـيـ الـمـقـاـلـهـ الـعـاـشـرـهـ وـلـمـ يـرـدـ اـنـ يـكـونـ بـرـاهـينـ كـتـابـهـ مـحـتـاجـهـ
 اـلـىـ شـيـئـ خـارـجـ مـنـ كـتـابـهـ فـنـ عـلـمـ الـرـيـاضـيـاتـ الاـ اـنـهـ كـانـ مـنـ الـوـاجـبـ
 اـنـ يـقـدـمـ الـعـدـدـيـاتـ عـلـىـ الـهـنـدـسـيـاتـ كـمـاـ عـنـ الـوـجـودـ وـالـعـقـلـ وـلـكـنـ -
 الـبـرـاهـينـ الـعـدـدـيـهـ اـصـعـبـ اـدـرـاكـاـ مـنـ الـبـرـاهـينـ الـهـنـدـسـيـهـ فـقـدـ عـدـدـ بـرـاهـينـ
 هـنـدـسـيـهـ لـيـتـاـضـنـ نـفـسـ الـمـتـعـلـمـ وـبـعـدـ مـاـ ذـكـرـنـاهـ هـذـهـ الـمـعـانـيـ التـىـ بـعـضـهاـ
 خـارـجـ مـنـ الـفـرـضـ المـذـكـورـ المـقـصـودـ نـحـوـهـ فـيـ هـذـهـ الـمـقـاـلـهـ وـاـنـماـ
 ذـكـرـنـاهـ لـيـكـونـ زـيـادـهـ فـيـ عـلـمـ الـاـصـولـ هـذـهـ الـمـعـانـيـ وـلـيـكـونـ هـذـهـ الرـسـالـهـ
 مـشـتمـلـهـ عـلـىـ اـكـثـرـ مـاـ يـحـتـاجـ اـلـىـهـ فـيـهـ وـتـشـوـيقـاـ لـلـمـتـعـلـمـ اـلـىـ الـامـتدـادـ نـحـوـ
 مـعـرـفـةـ اـصـولـ الصـنـاعـاتـ وـالـوقـوفـ عـلـىـ اـصـولـ الـعـلـمـ الـكـلـيـهـ وـعـلـىـ مـبـادـيـهـ
 الـوـجـودـ وـمـعـرـفـةـ وـاجـبـ الـوـجـودـ الـحـقـ وـسـائـرـ الـاـحـوالـ الـاـلـهـيـهـ وـ
 اـمـرـ الـمـعـادـ .

شرح في البرهان على ما قلنا : (أ ب د) ثالثة مقادير متجلسة
فأقول أن نسبة مقدار (أ) إلى مقدار (د) مؤلفة من نسبة مقدار (أ)
إلى مقدار (ب) و من نسبة مقدار (ب) إلى مقدار (د) برهانه :

نفرض الواحد و نجعل نسبة إلى مقدار (ر)

كسبة (أ) إلى (ب)	و النظر في مقدار (ر)
أ ب	د
لا من حيث كونه خطأ أو سطحًا أو جسماً	
او زماننا بل النظر فيه من حيث كونه مجردة	
في العقل عن هذه الواقع و من حيث تعلقه	

بالعدد لا عددًا مطلقاً حقيقة لأن النسبة بين (أ) و (ب) ربما كانت
غير عدديه فلا يوجد عدد ان على نسبتها و الحساب اعني المساح
كثيراً ما يقولون نصف الواحد و ثلاثة و غير ذلك من الاجزا الواحد
لا يقسم ولكنهم يعنون به واحداً لا مطلقاً حقيقة منه تركب الاعداد
الحقيقة بل يعنون به واحداً مفروضاً يقسم عندهم ثم يتصرفون في المقادير
بحسب ذلك الواحد المقسم و بحسب الاعداد المرتبة منه و كثيراً
ما يقولون جذر خمسه جذر عشره و غير ذلك مما يكثر في اتنا
محاوراتهم و ضمن اعمالهم و مساحتهم و انما يعنون به خمسه مرتبة
من آحاد منقسمه كما ذكرنا فيجت ان تعرف ان هذا الواحد هو ذلك
المنقسم و مقدار (ر) يعتبر فيه عدد كما ذكرنا اي مقدار كان و قوله
نجعل نسبة الواحد إلى مقدار (ر) كسبة (أ) إلى (ب) فانا لاتعني
به يمكننا من ان نضع في جميع المقادير هذا المعنى اي يجعل ما يقول
بقانون صناعي بل نعني به انه عند العقل غير ممتنع ان يكون و ليس

عجزنا عن صنع ذلك بدل على ان الامر في ذاته ممتنع فافهم هذه - المعانى و نجعل نسبة الواحد الى مقدار (ج) كنسبة (ا) الى (د) كنسبة (ا) الى (د) كنسبة الواحد الى (ج) و نسبة (د) الى الواحد كنسبة (د) الى (ب) ففى نسبة المساواه تكون نسبة (ا) الى (ب) كنسبة (د) الى (ج) و نسبة (ا) الى (ب) كنسبة الواحد الى (ر) فيكون نسبة (د) الى (ج) كنسبة الواحد الى (ر) فهما اربعه مقادير متناسبه فيكون ضرب الواحد الذى هو الثالث من (ج) الذى هو الثاني كضرب (د) الاول فى (ر) الرابع و (د) هو نسبة (ا) الى (ب) و (د) هو نسبة (ب) الى (د) و (ر) هو نسبة (ا) الى (د) فضرب نسبة (ا) الى (ب) فى نسبة (ب) الى (د) هو نسبة (ا) الى (د) ذلك ما اردنا ان نبين وكذلك اذا كانت اربعة مقادير متجانسه كيف ما كانت فان نسبة الاول الى الرابع مؤلفة من نسبة الاول الى الثاني و من نسبة الثاني الى الثالث و من نسبة الثالث الى الرابع مثلاه : مقادير (اب د ج) الاربعه متجانسه و (اب د) ثلثه مقادير متجانسه فنسبه (ا) الى (د) مؤلفه من نسبة (ا) الى (ب) و من نسبة (ب) الى (د) و (اد ج) ثلثه مقادير فان نسبة (ا) الى (ج) مؤلفه من نسبة (ا) الى (د) و من نسبة (د) الى (ج) فيكون نسبة (ا) الى (ج) مؤلفه من نسبة (ا) الى (ب) و من نسبة (ب) الى (د) و من نسبة (د) الى (ج) و ذلك ما اردنا ان نبين و على هذا القابس

اذا كانت المقادير خمسة او ستة الى ما لا نهاية له و اذا كانت ثلاثة مقادير متناسبة كانت نسبة الاول الى الثاني كنسبة الثاني الى الثالث و نسبة الاول الى الثالث مؤلفة من نسبة الاول الى الثاني و من نسبة الثاني الى الثالث فيكون نسبة الاول الى الثالث ضعف نسبة الاول الى الثاني كما قد صادر عليه اقليدس في صدر المقالة الخامسة و على هذا القياس اذا كانت خمسة او ستة الى ما لا نهاية له

و اذ قد اتينا على جميع الفرض المقصود نحوه في هذه الرسالة فقد حان لنا ان قم المقالة حامدين لله تعالى و اعلم انا قد اودعنا هذه الرسالة و خصوصاً في المقالتين الاخريتين معان دقيقه جداً و استوفينا الكلام فيها بحسب هذا الفرض فمن تأملها و تتحققها ثم اشتغل بفهم ما ينتهي على هذه المقدمات كان عالماً بالهندسة علمأً حقيقياً بحسب الصناعه فإذا تحقق مبادئها من الحكمة الاولى كان عالماً بها بحسب العقل و الله محمود على كل حال و الصلاة على خير خلقه محمد و آله الطيبين - الطاهرين و حسبنا الله و نعم المعين .

و كان بخط الشيخ الامام عمر بن ابراهيم الخيامي مكتوب في آخر هذه الرسالة وقع الفراغ من تسويد هذا البياض بيد دار الكتب مناك في اواخر جمادى الاولى سنة سبعين و ازيد منها مائة

تمت الرسالة على يدي مسعود بن محمد بن (على الحلفوري) في الخامس من شعبان سنة خمسة عشر و ستمائه .) تحسين هذه الرواية () قرأتها في كتاب () ()

غلطناام

صفحه سطر	غلط	صفحه صحيحة سطر	صفحه صحيحة
III ٢	این يك سطر زاند است	١ ١٥	کلتا الجھتين
	و مقصود همان کون و تکلیف است	١ ١٥	راکبر واکبر
	يجب	١٤ «	يفرض
	ربما	٢١ «	لاتبرھى
١	هذا	١ ١٦	لاتبرهن
	وھذا	٤ ٢٠	حالى شکواه حالى شکو که
	ضعف	«	متوجهات به
	ضعف	٤ ٢٠	متوجه به
	يزيد	« «	والعمرى ولعمرى
	ایيه	١٠ «	ذلك ذلك
	ایسية	«	حق الخبر حق الخبر
	تعدد	٤ ٢١	«
	تعدد	٤ ٢١	نيطبق پنطبق
	سبعين	٨ ٢١	«
	سبعين	٤ ٢٢	ان ثبت ان يثبت
	لا يعرف	٤ ٢٢	«
	لا يعرف	٣ ٢٣	عننا و معناه المشقه
	ا كانت اذار به اذا كانت اربعه	٣٤ ٢٣	الغفل غفل
	باخرها باخرها	١٠ «	لعزوب لعزوب
	تاصرها ياسرها	١٦ ٢٤	«
	صغرها صغيرها	١ ٣٧	لانيعلقال يتعلقال
	استغناوه	١٣ ٤٠	ضرب بضرب

الاسرب الحالص الديب في الحرم المحرم مفروبا في نسبة الماء عشر الى العنصر
نفڑب واحد اى عشره ونفعمه على حسه فهو في اشان وكان نسبة الماء عشر
إلى العنصر متذو نصف مثل نفڑب آلاتين في واحد ونصف نصف ثلثة
فضلنا ان في الحرم المحرم من الاسرب الحالص ثلاثة ومن الخامس الحالص تقد
وذلك بين ثلاثة اذا كان وزن الاسرب الحالص عشر ووزن الخامس الحالص
الديب ساده في الصطم عشره فان ملارس الاسرب الحالص تكون كائين من
النواص الحالص وذا اقصى ان اعلى الديب صورون الحرم المحرم وترت
الاسرب الديب هوفيه وهو ملارس بقدر ووزن الخامس الديب في الحرم
المحرم وذا اقصى من وزن الخامس الحالص الديب يقارب الحرم المحرم
الصطم وهو اعشر اشان يعني اضافته وذلك ما اردنا ان نبيه

للكم الحالص ابي القتع عمر بن ابراهيم لخيامي في الاختصار المعمود متداري الذهب
والذهب في حسم يركب منها
اذا اردت ان تقوت متدار كل واحد من الذهب والفضة في حسم يركب منها
خذ متدار من الذهب الحالص ونعرف وزنه في المواتي خذ كفتين متدارين
متشارقين من ميزان وعوده متشارقا بالاهم اسطوان الكل ووضع
الذهب في احدى الكفتين في الماء في الاخر ما يشقلاها وجعل المود
مواربا بالافق واعرف متداره ثم اعرف نسبة الوزن المواتي للذهب
إلي وزنة الماء وكذلك خذ منه خالصه واعرف نسبة وزنه المواتي
إلي وزنه الماء فان كانت النسبة مثل نسبة وزن الذهب
كانت النسبة مثل نسبة الفضة فان المركب هو من النسبة لا يزيد عليه من الذهب
وان كانت المسنة فيما بينهما فيزيد تكون الحرم مركب منها ووجهه اث

عكس رسالة از خیام از روی

ان تعرفت مقدار كل واحد منهما بالوزن الهوائي ونغير من مقدار الذهب
 آلة تكون آلة وزن الذهب الهوائي وزنة الماء في حكمها تكون آلة
 وزن الفضة الهوائي وحكمها وزنة الماء في ونعلم ان نسبة آلة الى حكم
 اصغر من نسبة آلة الى حكمها في الماء اقل من المركبة ومن
 الفضة على ما يتكلل بركان صاحب العلم الطيسى ونسبة آلة الى حكمها
 من نسبة آلة الى حكمها في الماء اضيق من المركبة منه ونسبة آلة الى حكم
 نسبة آلة الى حكمها في الماء ضيق اضرار تكون آلة اصغر من
 ونسبة آلة الى حكمها في الماء حكمها في جميع الحالات حكم
 كتبها آلة الى حكمها في الماء في خاصه لا يختلف صول ونسبة آلة الى حكمها
 معلوم تكون نسبة آلة الى حكمها معلوماً حكمها في جميع الحالات
 الماق معلوم ونسبة آلة الى حكمها معلوم وحكمها في الماء معلوم
 معلوم نسبة آلة الى حكمها معلوم وحكمها في الماء معلوم
 معلوماً وصورة الفضة وصورة الماء اشياء تبرهن في المطبات ونفع لهذا
 شالاً ليكون اسهل مل يكن نسبة وزن الفضة الهوائي الى وزنه الماء كتبها
 عشرة الى احد عشرة واحد نصف اثمنة امر كبا اثمنة ونها في الماء فوجدها
 هشة وسلامار باعه وزنه في الماء فوجدها هشة ونسبة هشة الى عشرين وسلامار
 اربع اضعاف من نسبة هشة الى احد عشرة واحد نصف من نسبة هشة الى عشرين ونفع
 فعلان بالحقيقة مركب منها
 فنحو من مقدار آلة
 من المثال المستخدم عشرة ونفاذ الى حكمها عشرة وسلامار باعه آلة مقدار الذهب
 بالعرض وكما قلنا عدده وحكمها مقدار رونيه الماء وقد قلنا ان نسبة آلة
 الى حكمها آلة الى حكمها

نسخة خطى كتاب بخازن «كوتا»

ب ح ا
ح ر ك

نسخة بخازن

اعتنى بخازن تجاهه

اعتنى بخازن تجاهه

از دکتر ارانی :

۱ - سلسله اصول علوم دقیقه

کتاب I. - فیزیک . شامل ۱۲ جزء : ۱ - قوه ۲ - حرارت؛ ۲ - خواص هندسی نور؛ ۴ - مقناتیس و الکتریسیته؛ ۵ - مکانیک؛ ۶ - ترمودینامیک؛ ۷ - موج و صوت؛ ۸ - خواص فیزیکی نور؛ ۹ - خواص تناوبی در الکتریسیته؛ ۱۰ - فیزیک جدید؛ ۱۱ - عملیات و محاسبات در فیزیک؛ ۱۲ - جداول مهم صنعتی و فیزیکی؛

کتاب II شیمی : شامل ۱۲ جزء : ۱ - قوانین و عملیات شیمی؛ ۲ - شبه فلزات؛ ۳ - فلزات؛ ۴ - شیمی آلی؛ ۵ - متمم شبه فلزات؛ ۶ - متمم فلزات؛ ۷ - متمم شیمی آلی؛ ۸ - فیزیکوشیمی؛ ۹ - تجزیه شیمیائی؛ ۱۰ - لا برآتوار و محاسبات؛ ۱۱ - تکلوفرای شیمی؛ ۱۲ - جداول شیمی

کتاب III. - بیولوژی : ۱ - نباتات؛ ۲ - حیوانات.

کتاب IV. - پسیکولوژی :

۱ - پسیکولوژی عمومی؛ ۲ - پسیکولوژی خصوصی (بشرفاسی، اجتماعی و اقتصادی)

کتاب V. - اصول مادی دیالک تیک؛ ۱ - اصول فلسفه مادی؛ ۲ - دیالک تیک؛

کتب مسائله توسط متخصصین تالیف میشود

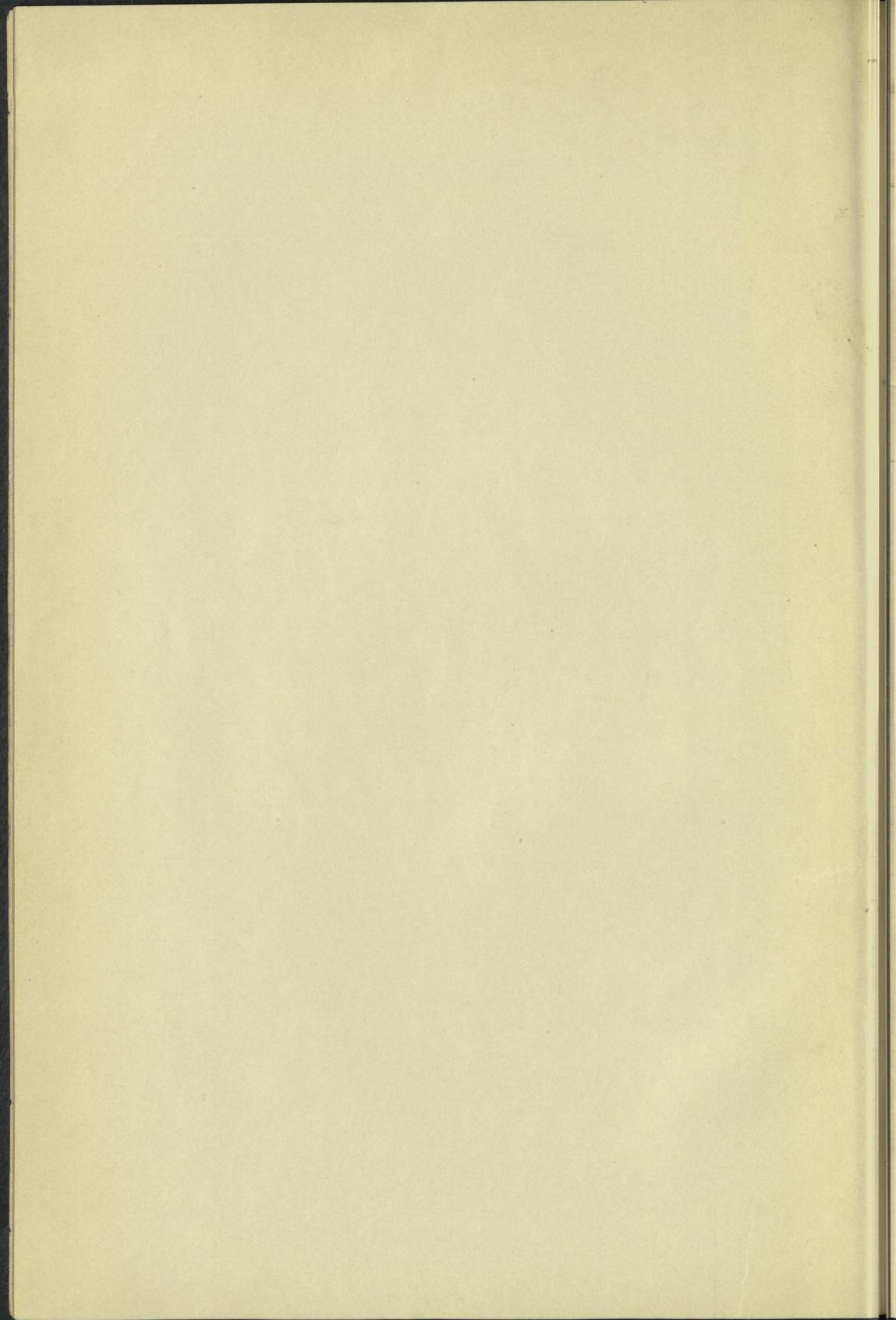
۲ - رسالات مختلفی

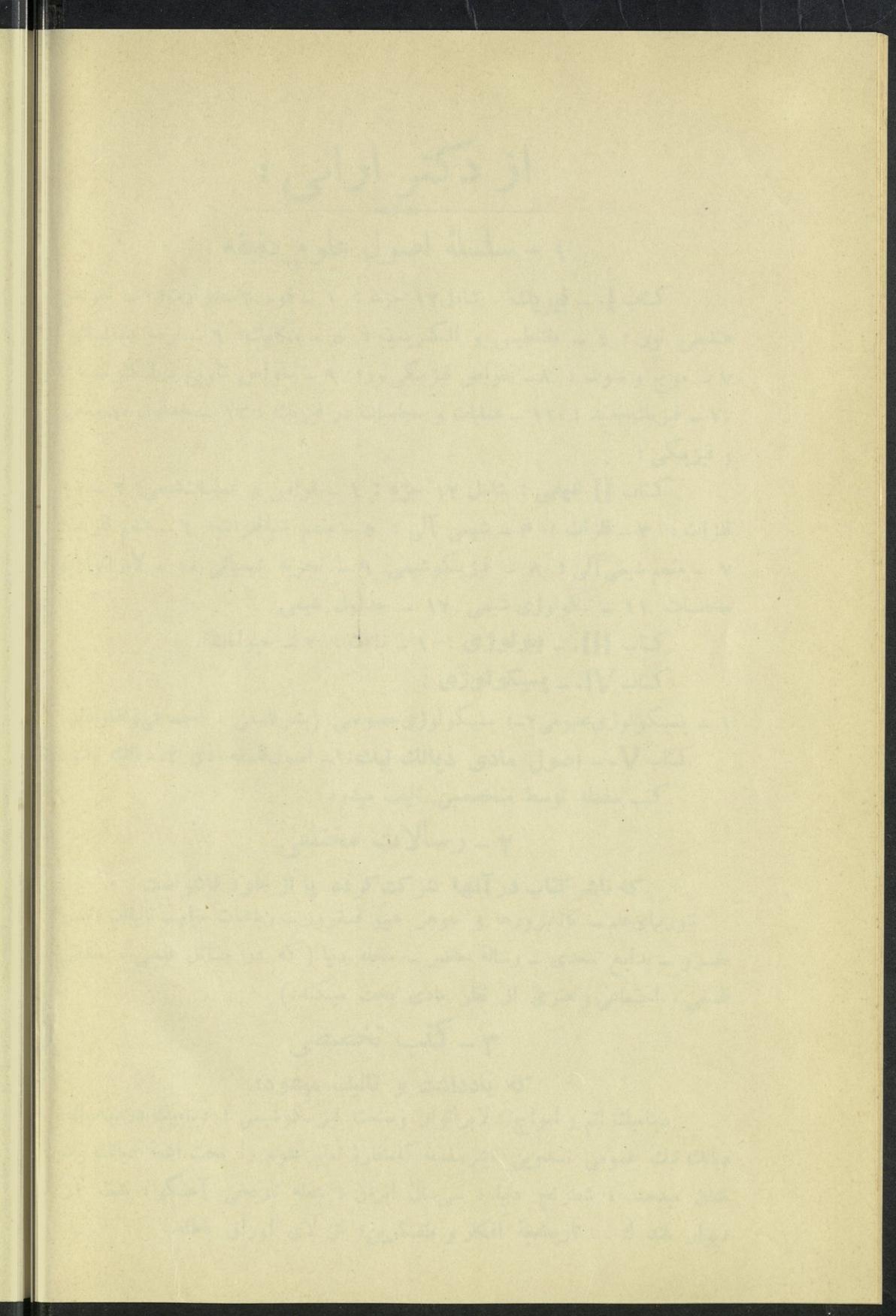
که ناشر کتاب در آنها شرکت کرده یا از خود ناشواست
تئوریهای علم - کاتالیزورها و جوهر هیپو فسفروز - رباعیات خیام - تأثیفات ناصر خسرو - بدایع سعدی - رساله حاضر - مجله دنیا (که در مسائل علمی، صنعتی فاسفی، اجتماعی و هنری از نظر مادی بحث میکند).

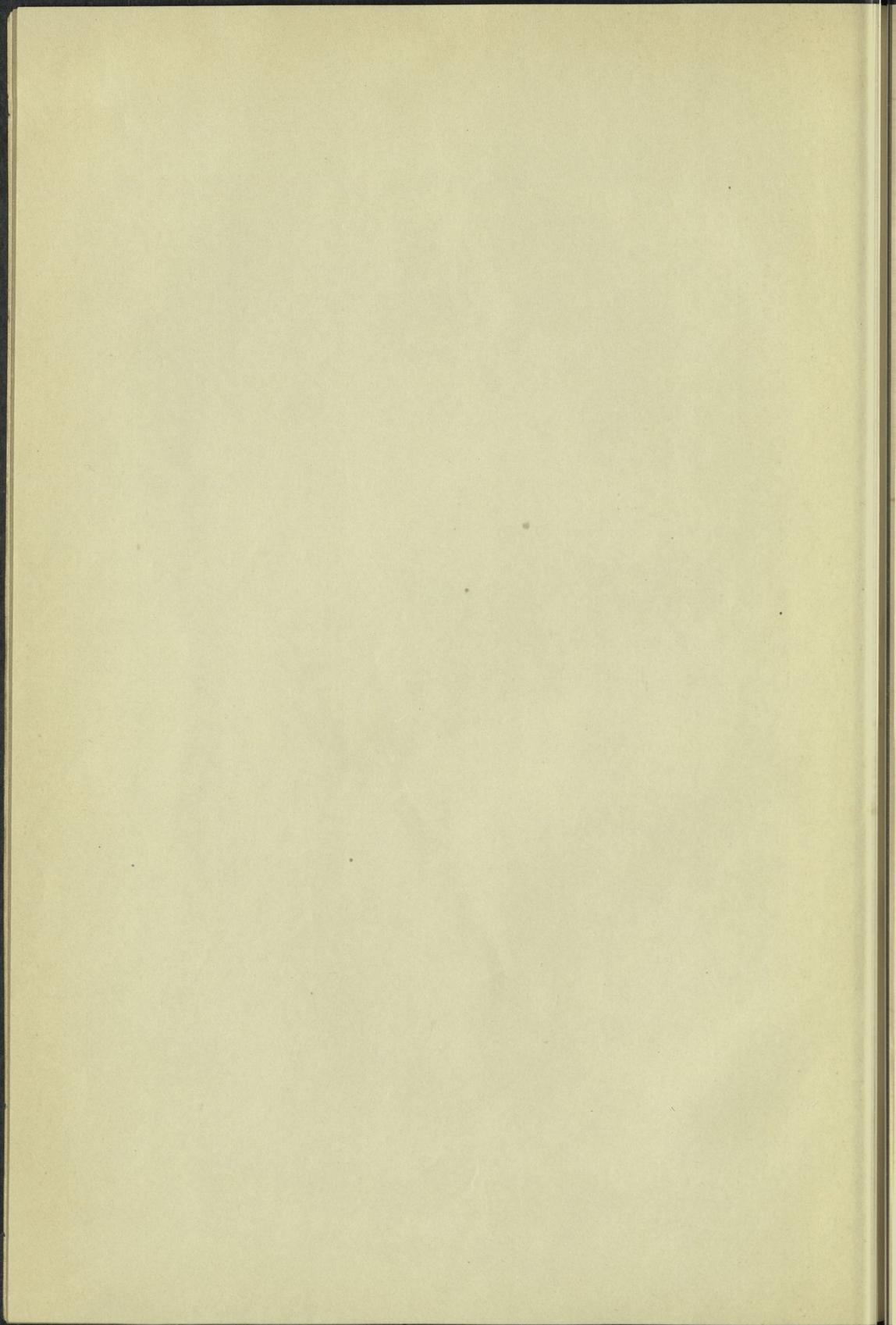
۳ - کتب تخصصی

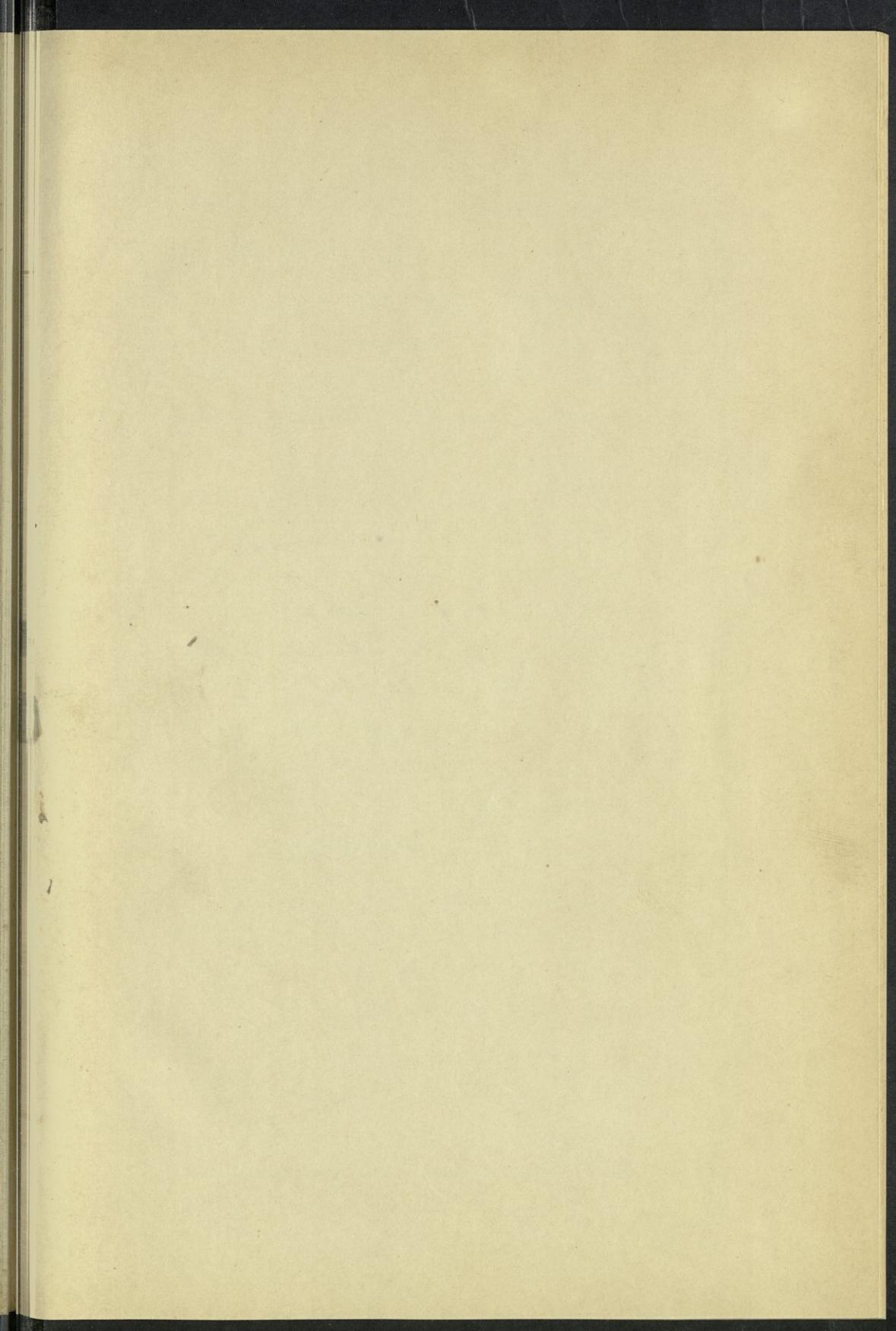
که یادداشت و تالیف میشود:

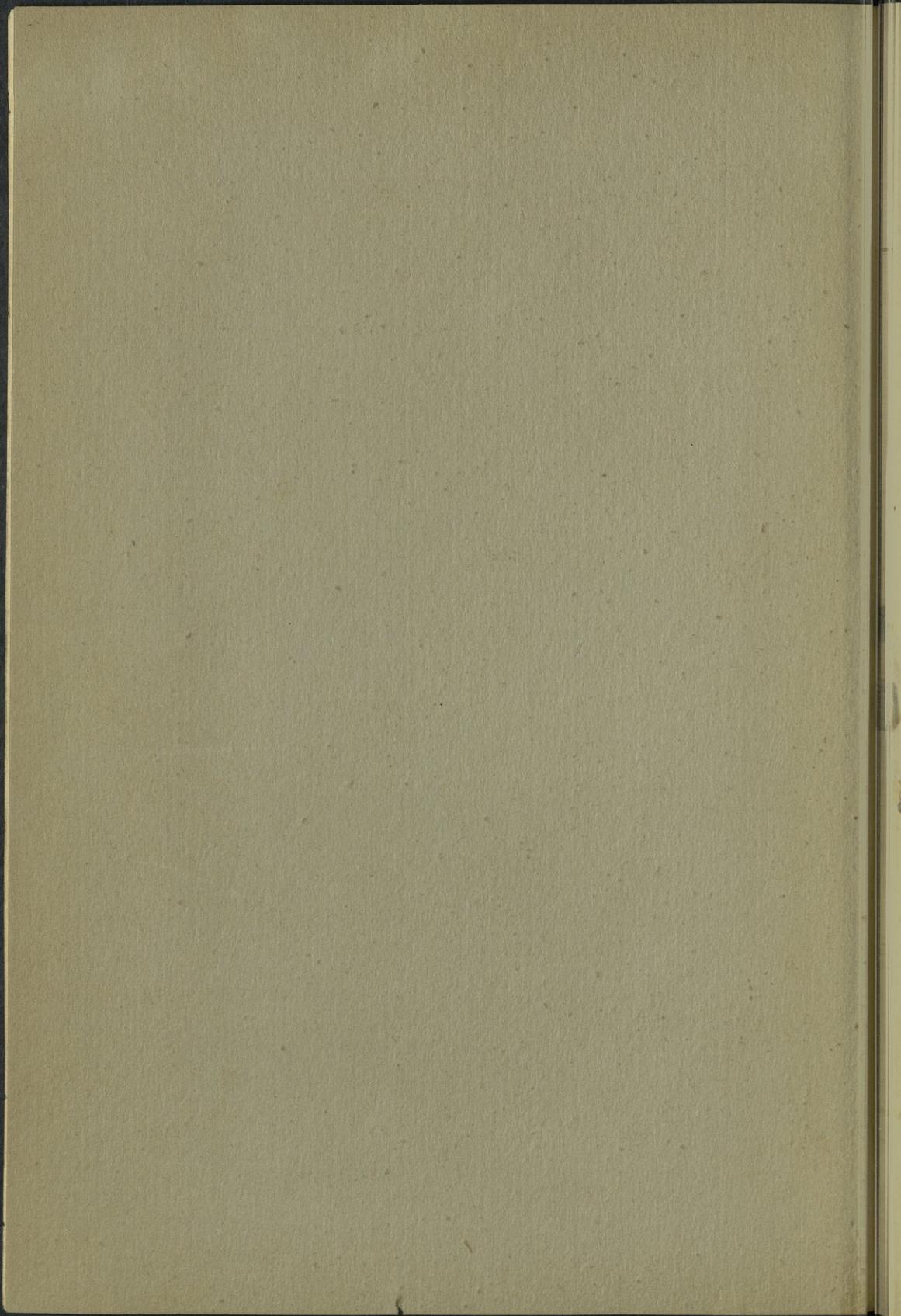
دینامیک اتم و امواج؛ لا برآتوار و صنعت فیزیکوشیمی؛ دینامیک در دینامیک؛ دیالک تیک عمومی - تدوین ناشر سلسه که منظرة تمام علوم را تحت اشعة دیالک تیک نشان میدهد؛ شطرنج دنیا؛ می سال ایران؛ شعله تاریخی آهنگر؛ پشت آن دیوار بلند ک.؛ تاریخچه افکار و مفکرین؛ از لای اوراق باطله.











Discussion of Difficulties
of Euclid

by

Omar Khayyam

Edited with an Introduction

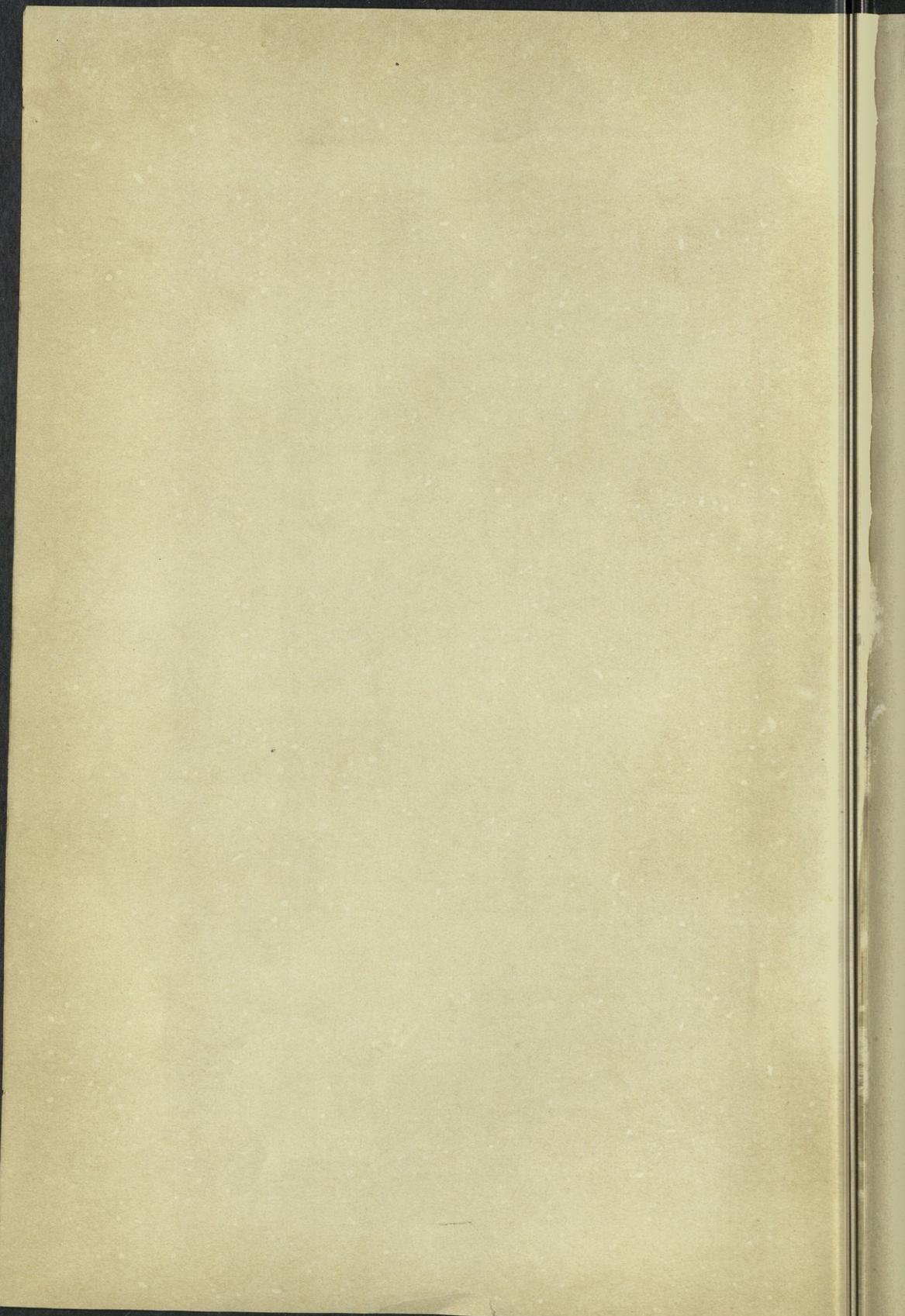
by

Dr. T. Erani

*Former lecturer in Oriental Rhetoric and Logic
at the University of Berlin.*

Teheran 1/2/1936

~~~~~  
Imp. Sirousse



**DATE DUE**

A.U.B. LIBRARY

CA:513:054rA:c.1

عمر الخيام

رسالة في شرح ما اشکل من مصادرات

AMERICAN UNIVERSITY OF BEIRUT LIBRARIES



01067796

American University of Beirut



CA:513:054rA

CLOSED  
AREA

الخيام ، عمر

رسالة في شرح ما اشکل من مصادرات كتاب

CA  
513  
054rA

CA  
513  
054 rA  
C.J.