

النظام

رسالة في شرح كتاب

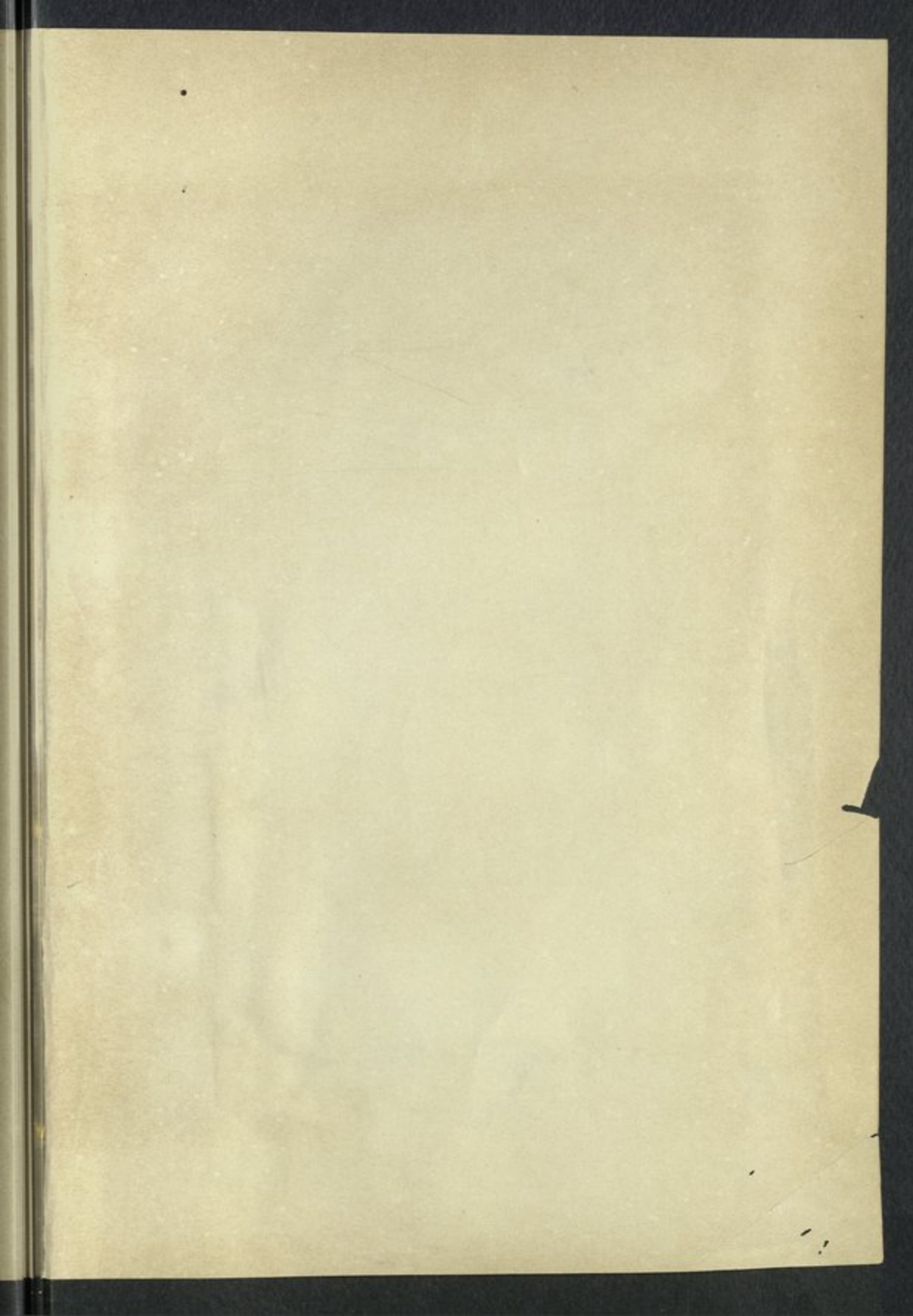
أقليدس

AMERICAN
UNIVERSITY OF
BEIRUT



A.B. LIBRARY

CLOSED
AREA



CA
513
054rA
C.1

رسالة

في شرح ما اشكل من مصادرات كتاب اقليدس

للحكيم عمر بن ابراهيم الخياحي

با كيشه رسالة خطي كتابخانه كوتا

ناشر

دکتر ت . ارانی

معلم سابق اونیورسیتة برلین

۱۹۳۶

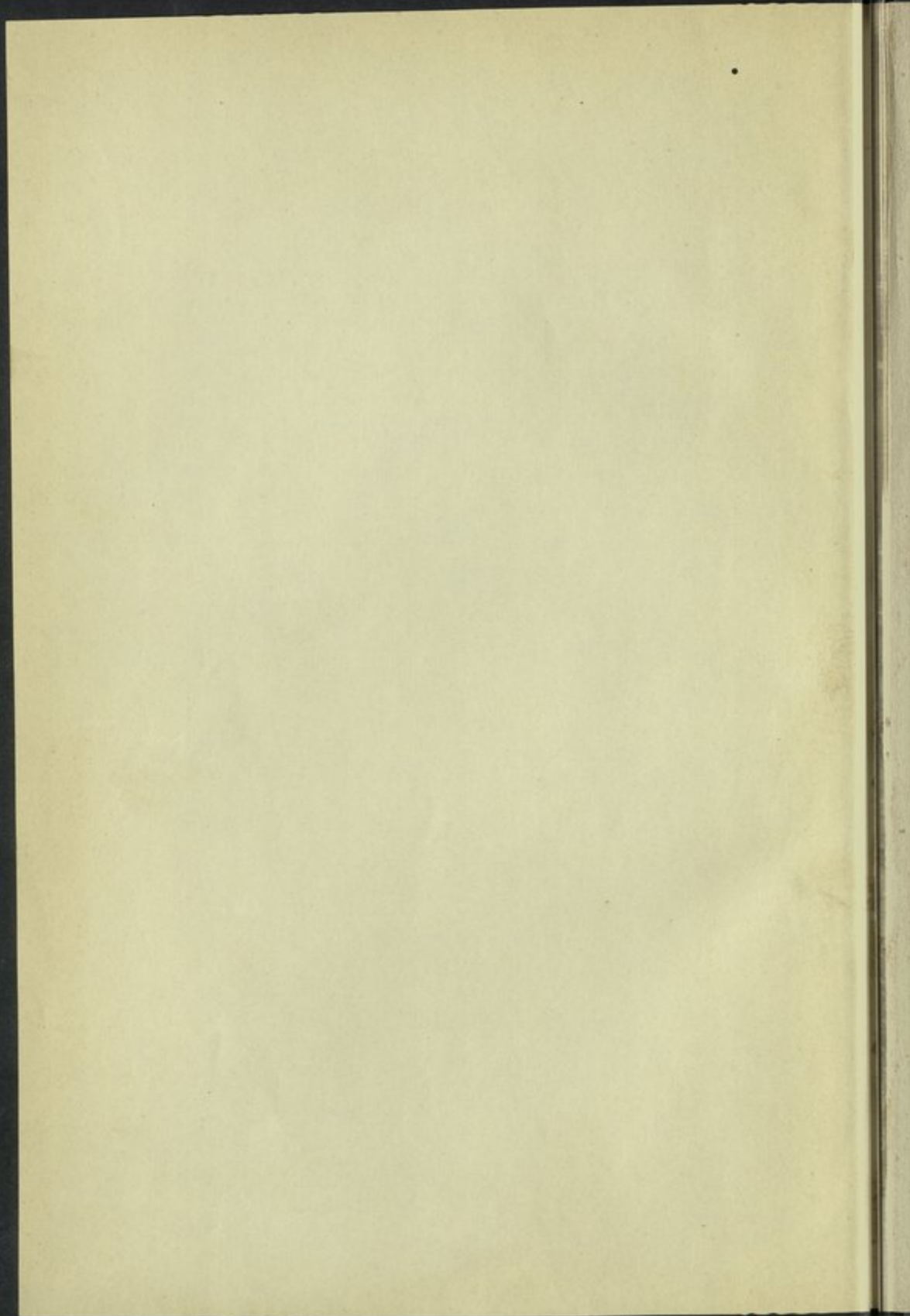
حق طبع از روی این نسخه مخصوص ناشر است

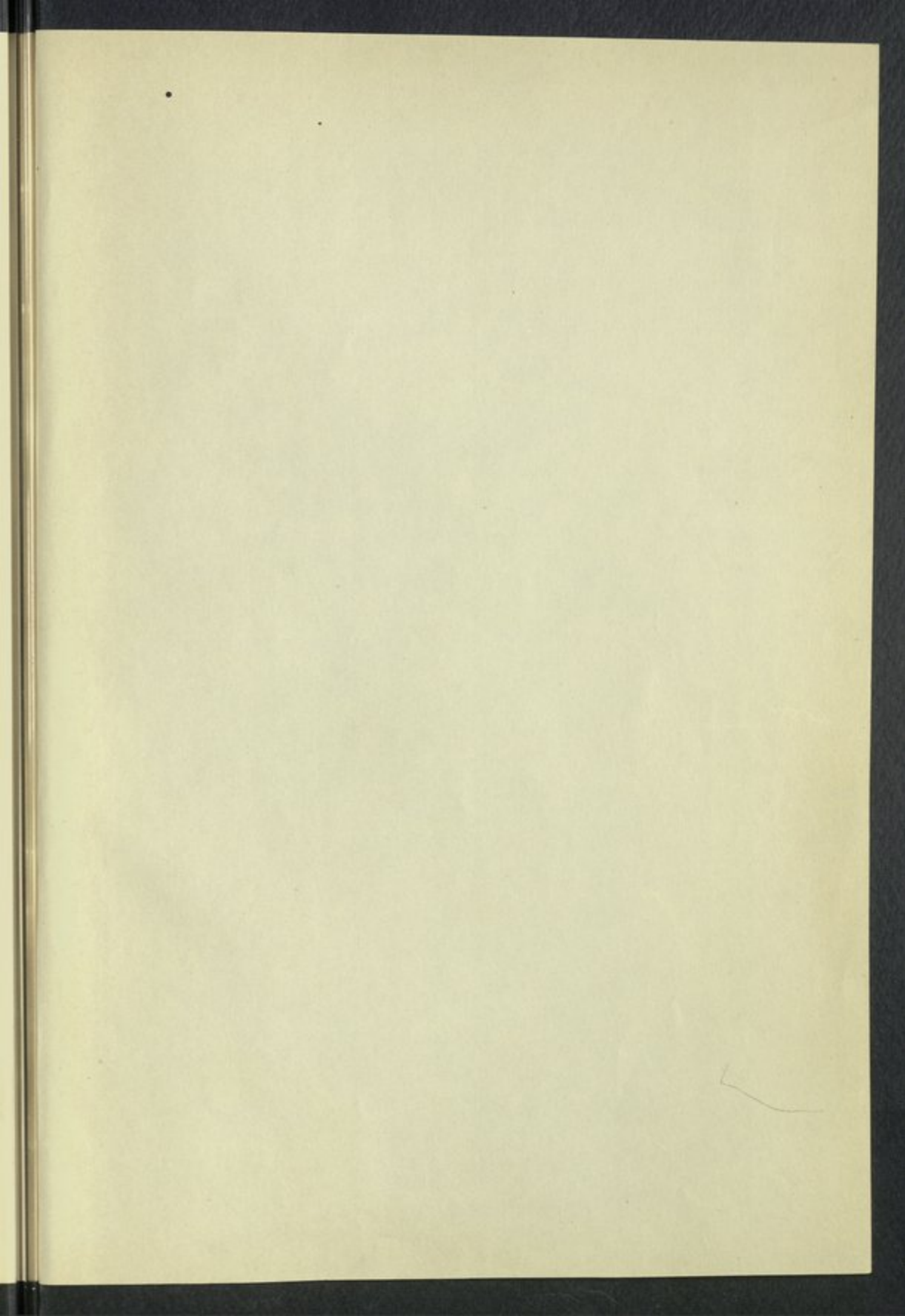
طهران - اسفند ۱۳۱۴

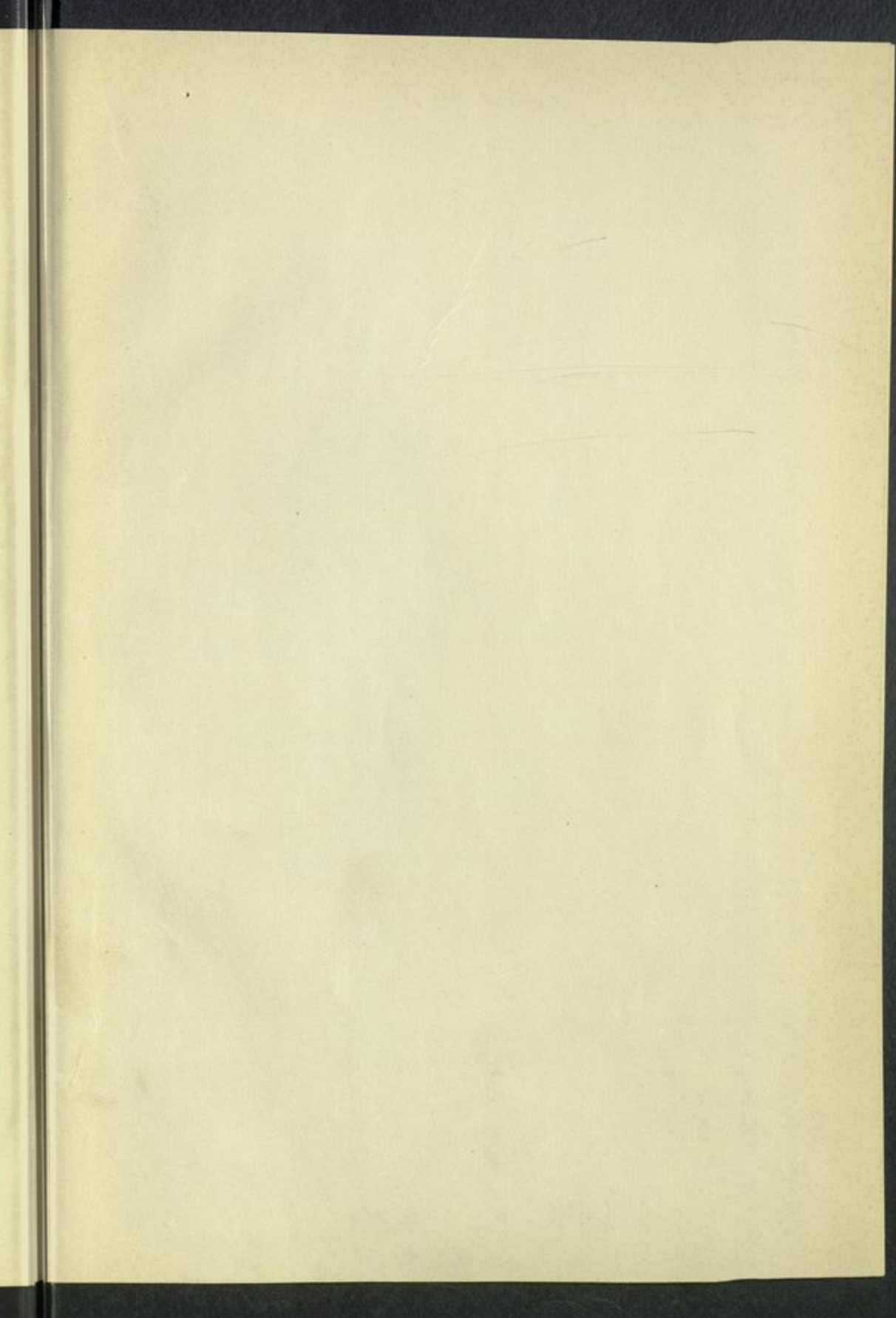
لیدر بطاقت

مطبعة نیروس









مقدمه

۱ - نسخهٔ این رساله

آنچه که در کتب مختلف از تألیفات خیام اسم برده میشود عبارتست از:
۱ - رباعیات؛ که بارها بفارسی انتشار یافته. مهمترین چاپ فارسی یکی چاپ فارسی باهتام «روزن»^(۱) و ناشر این رساله و

(۱) بجاست که در این رساله ابتدا اسم روزن برده شود. دکتر «فریدریک روزن» از دوستاناران آثار شرق بود. اگر چه اشتغال رسمی او امور دیپلوماسی بود و مدتی هم سمت وزارت امور خارجهٔ آلمان را داشت و بطور فرعی در فن مستشرقی قدم میگذاشت معذک کتب مفید انتشار داده است که از آن جمله ترجمهٔ نظمی رباعیات خیام به آلمانی، رسالهٔ «هاروت و ماروت»، «ایران دریان و تصویر»، چاپ فارسی رباعیات و غیره میباشد.

چنانکه ذکر خواهیم کرد در انتشار کتاب حاضر نیز کمک مفیدی کرده است. از ده سال قبل که نگارنده، این رساله را استتساخ کرده ام تا یکماه پیش این دوست پیر انتظار انتشار رساله را داشت ولی این وقتی طلوع میکند که او تازه غروب کرده است. میتوان فهمید که تأثر از این یش آمد چقدر قلب مرا سنگین نموده است. چاپ فارسی مزبور رباعیات از روی نسخه‌ای بتاریخ ۷۲۱ هجری یعنی از روی قدیمترین نسخ خطی رباعیات است.

II

دیگری چاپ ترکیه^(۲) است. ترجمه رباعیات نیز بزبانهای مختلف انتشار یافته است^(۳).

- ۲ - رساله در جبر و مقابله^(۴)
- ۳ - زیج ملکشاهی که خیام جزء مؤلفین آنست
- ۴ - رساله در طبیعیات^(۵)
- ۵ - رساله در وجود^(۶)
- ۶ - رساله در کون و تکلیف ؛
- ۷ - مقاله در تعیین نسبت طلا و قره در آلیاژ آنها ؛^(۷)
- ۸ - رساله لوازم الامکنه راجع بتغییر فصول ؛
- ۹ - چند قطعه شعر عربی ؛
- ۱۰ - يك مقاله در رساله روضه القلوب ؛^(۸)

(۲) نشر رضا توفیق فیلسوف با ترجمه ترکی .

- (۳) مهمترین ترجمه رباعیات ترجمه « فیتس جرالده » بانگلیسی است که باعث اشتهار خیام در معالک غرب شده است . اهمیت ترجمه آلمانی روزن نظم بودن آن و مطابقت آن بسا اصل است . ترجمه جدیدی نیز بالمانی انتشار یافته است .
- (۴) چاپ پاریس ۱۸۵۱ باهتمام « وبکه » با اضافات بفرانسه .
- (۵) بنا بر قول شهرزوری ؛
- (۶) این رساله فارسی و نسخه آن در موزه بریتانی لندن موجود است .
- (۷) نسخه این مقاله در کتابخانه « کوتا » موجود است عین این نسخه بوسیله عکس و کلیشه در آخر کتاب انتشار داده شد .
- (۸) کشف گریستن زن ؛

III

۱۱ - مشکلات الحساب^(۹)

۱۲ - يك مقاله در جنگی که اخیراً در مصر چاپ شده است
و بالاخره ۱۳ - رساله حاضر .

تتها نسخه کامل این رساله در کتابخانه « لیدن » هولاند موجود است . يك قسمت ناقص از مقاله اول آن جزء کتب متفرقه یافت میشود (۲) موقعیکه چاپ فارسی رباعیات در برلین از روی قدیمترین نسخ رباعیات طبع میشد ما جدیدت کردیم تمام تالیفات خیام دسترس پیدا کنیم . آنچه که در کتابخانه دولتی پروس موجود بود (مانند جبر و مقابله) از آنجا تحصیل کردیم و آنچه در خارج بود بوسائل مختلفه بدست آوردیم مثلا نسخه رساله کتابخانه « گونا » راعکاسی کردیم که کلیشه آن آخر کتاب چاپ میشود و بکمک کتابخانه دولتی پروس نسخه خطی رساله حاضر را از هولاند برلین آوردیم و در آنجا نگارنده آنرا بسال ۱۹۲۵ استساخ کردم .

این نسخه بمنزله يك جنگ ریاضیات است . قطع نسخه اصل
۱۵×۱۸ سانتیمتر با اوراق زرد و باره که شامل رسالات ذیل است :

احکام النجوم از هرمس ،

اختیارات الامام از الکندی

زیج طبلسان ،

استخراج الابعاد بذات الشعبین (راجع باستعمال پرکار بقارسی

با ۱۲ جدول)

مسائل الجبر و المقابله از ابی کامل بصری ،

ظرائف الحساب از همین مؤلف

(۹) اسم این رساله را نگارنده در نسخه خطی لیدن پیدا کرده ام ؛

(۱۰) جزء تالیفات خواجه نصیر در کتابخانه سپهسالار طهران .

IV

المسائل الحسايه از ابی زید الفارسی امتحان از ابی حفص السحری
رساله حاضر شرح ما اشکل من مصادرات کتاب اقلیدس
کتاب الجبر و المقابله از خیام .

جزء فهرست اول نسخه سه رساله نیز اسم برده شده ولی در
نسخه موجود نیست و آن سه عبارت است از مشکلات الحساب تالیف
خیام ، الفوائد المتفرقة الحکمه ، رساله فی دفع الغم من الموت از ابی علی ،
در ابتدای نسخه تواریخ هجری و یزدجردی ، اسامی
زیجات شامی ، خاقی ، علائی ، قانونی ، قاطر ، فاخر . کامل . ابوالحسن ،
مجسطی بطلمیوس ، احمد ، محمد ، بیرونی . حامد کوشیار و غیره
تقسیم ساعات و درجات ، جدول الارث دیده میشود .

من تمام رسالات نسخه مزبور را استساخ کرده ام و در
صورت فراهم شدن وسایل مادی بقیه را نیز اشرار خواهم داد .

اما این رساله اهمیت مخصوصی دارد . از نظر موضوع چنانکه
ذیلا ذکر خواهد شد بواسطه اتقاد از هندسه اقلیدس اهمیت مخصوص
پیدا میکند بک اختصاص دیگر آن مربوط با اهمیت تاریخی خود نسخه است .
و این اهمیت بواسطه عبارتی است که در آخر رساله نوشته شده است .
درانجا میخوانید ؛ « و کان بخط الشیخ الامام عمر بن ابراهیم
الخیامی « وقع الفراغ من تسوید هذا الیاض یلد^(۱) فی دارالکتب
« مناک »^(۲) فی اواخر جمادی الاولی سنه سبعین و اربع مائه

(۱) این محل در نسخه اصلی نیز سفید است . تحقیق آن از نظر
تاریخی مهم است ؛

(۲) هویت این دارالکتب بر نگارنده معلوم نشد . مارکوال
ایران شناس معروف پس از تفحص زیاد از شناختن آن مأیوس شد .

V

« تمت الرسالة على يدي مسعود بن محمد بن علي الحلقري في الخامس
من شعبان سنة خمس عشرة و سته مائه ... »

از این عبارت واضح میشود که نسخهٔ لیدن از خط خود خیام
کمی پس از تالیف کتاب استنساخ شده و چون نسخهٔ خاضر از
روی نسخه لیدن چاپ شده پس در حقیقت با واسطهٔ يك نسخ از خط
خود خیام بطبع رسیده است و حال آنکه چنین نزدیکی باصل و خط
مؤلف در این قبیل نسخ خطی کم دیده میشود. چون کتاب علمی است
مصون ماندن آن از دستبرد تصرفات ارزش مخصوصی را حائز است.
از يك عبارت دیگر آخر کتاب چنین بر میآید که نسخه سال ۹۴۳
هجری در جامع سلطان بایزید بوده است.

در پایان این قسمت متذکر میشویم که نگارنده و هر کسیکه
باین کتاب ذی‌علاقه است بساید قبلاً از « روزن » که در انتقال نسخه
بیرلین و کسب اجازهٔ طبع از هلاند اقدام اساسی کرده و شهید زاده
که در تحقیق کلمات ناخوانا، تهیه کلیشه و وسائل طبع و صیرفی که
در تحقیق بعضی معانی و تصحیح و مطابقه مطبعی و تجدید نظر در مقدمهٔ عربی
همراهی تقیس کرده اند متشکر باشیم.

اما اهمیت زیاد این رساله وقتی واضحتر میشود که ما موضوع
و اهمیت موضوع را در علم جدید امروز بشناسیم. بنابراین در قسمت
دوم به بیان اهمیت محتویات رساله میپردازیم.

VI

۲ - موضوع رساله

مقاله اول رساله راجع به متوازیات ، دوم در باره نسبت و تناسب و سوم در خصوص نسبت مؤلفه است .

در این موقع که هندسه اقلیدس تکان شدیدی خورده است از این سه مبحث مقاله اول که مربوط به هندسه است در بدو امر توجه را خیلی بخود جلب مینماید .

هندسه اقلیدس یکی از شاهکار های علمی است . هیچ علمی باندازه این هندسه زندگی ثابت و درازی نکرده است . اگر بدقت اصول این هندسه را مطالعه کنیم خواهیم دید با چه مهارتی آن مهندس زبردست ساختمانهای ظریف فکری را بر روی هم بنا کرده و سادگی آن بحدی است که ما آنها تقریباً بدون تغییر هنوز هم در مدارس خود میآموزیم . اگرچه البته تمام جریئات از خود اقلیدس نیست ولی در هر حال بنای ساختمان کلی عمل اوست . اما این علم در عین اینکه خصوصیتی دارد خارج از قوانین عمومی نمیتوانست باشد . از همان زمان تولد این هندسه ، نطفه های مخالفت با آن نیز تولید شده در جریان سالها و قرنها زیادتر گردیده بالاخره بدست هندسه جدید مکان-زمان دچار بهران میگردد .

اولین آثار مخالفت با هندسه اقلیدس در قرن پنجم میلادی از طرف « پروکلوس » است (۱) . این انتقاد پروکلوس بر « پوسلولای » توافقی است . اما این تعرض مورد توجه واقع نشد . در قرون

(۱) وایل در کتاب « زمان - مکان - ماده »

VII

وسطی فکر تعرض بر همین پوستولا بممالک اسلامی قوذ میکنند .
ابن هینم (صاحب کتاب معروف مناظر و مرایا) ، خیام و خواجه نصیر
بدین نکته توجه مینمایند . ولی این جدیدت علمای شرقی در تکامل
هندسه بی اثر میماند یعنی تا امروز هم که این رساله انتشار می یابد
مورخین علوم به تعرض خیام و هشت قضیه که او برای رفع اشکال
پیشنهاد کرده است و همچنین انتقاد خواجه از خیام و جدیدت جدید
او برای بیان اشکال مطلع نیستند . انتشار این رساله این اهمیت مخصوص
را دارد که مطالعات و تصرفات علمای شرق را در هندسه اقلیدس
واضح میکند .

باوجود طرق مختلفی که بجهت اثبات قضیه توازی موجود است
باز هم باید اقرار کرد که در تمام حالات يك جای شك و حالت عدم
رضایت منطقی برای فکر باقی میماند ولی درعین حال هندسه اقلیدس
با آنکه بر این پوستولا بنا میشود بنفسه منظم و برای منطق سلیم
بی تضاد است .

پوستولای توازی در مقابل پوستولای های دیگر هندسه اقلیدس
خصوصیتی دارد که اگر بدان توجه شود علت عدم پیشرفت متعرضین
بر قضیه مزبور (که خیام نیز از آنهاست) واضح میشود .

اقلیدس نشان داده است که اگر چند قضیه ساده اساس قرار
داده شود میتوان بوسیله آنها بتدریج از قضایای ساده تر باشکال بفرنج تر
رفته اثبات قضایای پیچیده را از اثبات قضایای ساده نتیجه گرفت ،
اما هندسه های جدید که میخواهند مطلق باشند طرق دیگر عمل

VIII

میکنند. چند اصل کلی را اساس قرارداد با اسلوب قیاس قضایای دیگر را نتیجه میگیرد. از این قبیل است هندسه خطی، هندسه متری و تئوری «مولتیپ لیسیته» های ریوان.

مثلا در ریاضیات جدید بجهت تحقیق خواص منحنیهای درجه دوم ابتدا معادله کلی مقاطع مخروطی را بیان کرده بعد با تحدید تدریجی شرایط دایره، بیضی، سهمی و غیره را مشخص میسازند.

اما کدام يك از دو طریقه صحیح است؟ منطق جامد البته یکی از این دو و مخصوصاً تحت تأثیر ایده تولوژی اجتماعی ارتجاعی نوع دوم را که طرفدار اصول علوی دور از دست است دو دستی میگیرد ولی دیالکتیک در عین اینکه هر دو را صحیح میدانند بنقص تهایکی از دو طریقه ایمان دارد.

بطور کلی آنچه که در مقدمه يك غلم بیان میشود یکی از حالات:-
تعریف، پوستولا، بدیهی، اصول موضوعه، مصادره، فرض و تئوری را دارد. تعریف معنی و حد مفهوم ها را معلوم میسازد. پوستولا ادعائی است که امکان عملی کردن آن بدون استدلال قبون شود (مانند قبول امکان ترسیم يك خط بین دو نقطه)، بدیهی حقیقی است که نمیتوان آنرا ثابت کرد ولی صحت منطقی آن بر هر کس واضح است، مانند «کل بزرگتر است از جزء». اگر يك علم مطالبی را که اثبات آنها بر علم دیگر است وارد کند، در صورتیکه بدون شك و تردید آنها را قبول کند «اصول موضوعه» نامیده میشوند ولی اگر این مطالب با شك و تردید توأم باشند آنها را «مصادره» نامند. اگر يك

IX

علم برای اثبات مطالب خود قضایائی را موقه بعنوان حقیقت مسلم پذیرفت ولی درصحت دائمی آنها اصرار نداشت آنرا فرض نامند . اگر صحت يك فرضیه بوسائل تجربی بیشتر ثابت شود آنرا تئوری گویند . اقلیدس هندسه خود را با تعریف و پوستولا و بدیهیات شروع میکند .

کتاب اصول ۱۳ مبحث است . قبل از این مباحث چند تعریف ، پنج پوستولا و پنج بدیهی بکار برده میشود . از پنج پوستولا یکی همان پوستولاتوم معروف توازی است که بیان میکند : «اگر دو خط را خط نالئی قطع کند و مجموع دو زاویه داخله واقع در یکطرف قاطع کمتر از π باشد قطعا دو خط اول در يك نقطه منقطعند.»

خیام باشباه این پوستولاتوم را مصادره مینامد و در کتاب حاضر برفع اشکال آن میردازد و ما ذیلا در این مقدمه بیان خواهیم کرد که زحمت بیجا کشیده و متوجه خصوصیت این پوستولاتوم در مقابل چهار پوستولاتوم دیگر نشده است . اما پنج بدیهی ابتدای اصول بیشتر مربوط به تساوی و یا عدم تساوی مقادیر هندسی است ، سیزده مبحث اصول عبارتند از : ۱ - خط ، مثلث ، متوازی الاضلاع ، کثیر الاضلاع ؛ ۲ - ارتباط کمی در قضایای هندسی ؛ ۳ - دایره و زاویه ؛ ۴ - کثیر الاضلاعهای محیط و محاط ؛ ۵ - نسبت و تناسب ؛ ۶ - تشابه اشکال ۷ - ۹ اعداد و تصاعدات ؛ ۱۰ - اعداد اصم (این مبحث کار خود اقلیدس است در صورتیکه در قسمتهای سابق ، ریاضیات فیثاغورث ، اذوکس و ته ثوتت دخالت داشته است) ؛ ۱۱ - ۱۳ مربوط به هندسه فضائی است که ناقص است .

X

مقدمات یعنی تعریف ها و پوستولاها (آنچه را که ما امروز بدیهی مینامیم اقلیدس گاه جزء تعریف ها و گاه جزء پوستولاها بیان میکند) اولاً مطابق آنچه که اقلیدس قبول میکند نقص دارد یعنی در آنها حد و رسم کامل نیست و گاه زائد دارد مثلاً در تعریف قطر هم عبور از هر کزرا قید میکند و هم شرط میکند که دایره را بدو جزء مساوی تقسیم کند؛ ثانیاً از نظر مندولوژی امروز مقدمات اقلیدس ایراداتی دارد که برای فهمیدن آنها نکات ذیل را میتوان متذکر شد: ۱- عدد مقدمات باید حتی المقدور کم باشد، ۲- مقدمات باید یکدیگر باید تضاد منطقی نداشته باشد، مقدمات کتاب اصول این دو شرط را بخوبی داراست؛ ۳- مقدمات باید کاملاً واضح بوده زیاد و کم نداشته باشد. در مقدمات اقلیدس این شرط کاملاً موجود نیست. مثلاً در حکم «کل بزرگتر است از جزء» قید نشده است که این حکم در باره کمیت های محدود ثابت است (در صورتیکه مجموع جمیع اعداد صحیح تا بی نهایت نسبت بمجموع جمیع اعداد زوج تا بی نهایت کل است ولی بزرگتر از آن نیست)؛ ۴- مقدمات باید کافی باشند یعنی باید بتوان بکمک آنها تمام نتایج علمی را بدست آورد. در مقدمات اقلیدس اینطور نیست یعنی در بعضی موارد قضایای اثبات کردنی را بدیهی فرض میکنند. چنانکه از بیان خیام بر میآید او پوستولاتوم توازی را جزء این قضایا میداند و حال آنکه ایراد مزبور در بعضی موارد دیگر صادق است ولی باختصاص در مورد پوستولاتوم مزبور صادق نیست. چنانکه ذیلاً تشریح خواهد شد اشکال این پوستولاتوم بواسطه خصوصیت آنست،

XI

اما از مواردی که ایراد مزبور وارد است یکی مورد ذیل است :
 اگر A ، B و C سه نقطه از خطی باشند و B بین A و C باشد بین C
 و A نیز خواهد بود ، ۵ - مقدمات با هم بایستی يك دستگاہ متحد-
 الشکل منظمی تشکیل دهند یعنی توان یکی را حذف یا بچیز دیگری
 تبدیل نمود و الا این عمل باعث خرابی تمام دستگاہ علم مزبور گردد
 اگر با حذف و تبدیل مزبور تالیفی بدست آید که با تالیف حالت
 قبل متفاوت بوده در عین حال از نظر منطق غلط نباشد در اینحالت
 باید قبول کرد که ممکن است چند نوع هندسه موجود باشد که تمام
 در عین حال صحیح و منطقی باشند . اقلیدس باین نکته توجه نکرده
 بوجود فقط يك نوع هندسه معتقد است ولی در عین حال يك عمل او با
 این عقیده وی تضاد دارد مثل اینکه وجود انواع دیگر هندسه را
 احساس نمیکرده است و آن عمل اینست که حکم «اثر يك نقطه واقعه
 در خارج خط يك خط و فقط يك خط میتوان بموازات خط اول
 رسم کرد» - را بعنوان يك پوستولاتوم جدید بیان میکند و حال آنکه
 اقلیدس میتواند این حکم را از تعریفات خط و سطح و زاویه بعنوان
 يك قضیه نتیجه بگیرد . بعد از اقلیدس عده خواسته اند این حکم را
 که اقلیدس بعنوان فرض ثابت شده قبول کرده است اثبات نمایند و
 منطقیاً در این عمل خود ذیحق بوده اند جز اینکه اقدامشان بی نتیجه
 مانده است . جدیدت های ابن هیثم ، خیام و خواجہ نصیر را نیز باید
 جزء این اقدامات بی نتیجه محسوب داشت .

تحقیقات جدید علم در قرن نوزدهم تالیف بسیار مهمی بخشید

XII

و واضح شد که حکم مزبور را میتوان از جزء مقدمات خارج کرد و بقیه مقدمات بجهت بنای يك هندسه کامل منطقی کافی است جز اینکه هندسه که بدین ترتیب تشکیل میشود با آنکه منطقا صحیح است و عملا هم فائزی نبوده بر روی معلومات خط و سطح و زاویه بنا میشود معذلك ادراك حسی آن برای بشر مشکل است (هندسه لوباجفسکی و ریمان) . از اینجا واضح میشود که میتوان قبول کرد اقلیدس حکم مزبور را نمیتوانسته است جزء قضایا قرار دهد عمداً جزء مقدمات پذیرفته است بدون این که متوجه ریشه مهم این موضوع یعنی وجود انواع مختلفه هندسه باشد،

با وجود نکاتی که ذکر شد هندسه اقلیدس يك نمونه کامل علم دقیق و يك بنای محکم منطقی است که سرمشق قرار گرفته است.

نیز تذکر میدهم که هندسه اقلیدس منطقی ولی جامد است یعنی از اثبات بوسیله احساس و ادراك و یا انطباق و حرکت اشکان خود داری میکند . نیز مفهوم بی نهایت هندسی در آن وجود ندارد.

اشاره کردیم که پوستولانوم نوازی هندسه اقلیدس خصوصیتی دارد . از کسانی که خواسته اند اشکال عدم توافق آن را با سایر پوستولاها بر طرف کنند یکی « هیلبرت » است که بجهت پوستولاها درجات قائل شده است بترتیب ذیل : ۱ - نقطه ، خط سطح ؛ ۲ - وقوع در بین (اگر نقطه B بین A و C واقع باشد هر سه روی يك خطند) ، ۳ - پوستولانوم انطباق و تساوی شکل ، ۴ - پوستولای نوازی و ۵ - پوستولای توالی . هندسه هیلبرت بمراتب بفرنج تر از

XIII

هندسه اقلیدس ولی از نظر ترتیب منطقی پوستولاها محکمتر است .
 تمام کسانی که باثبات پوستولاتوم توازی دست دراز کرده اند
 درحقیقت خواسته اند باین سؤال جواب دهند : « میتوان پوستولاتوم
 توازی را از چهار پوستولاتوم دیگر نتیجه گرفت ؟ میتوان ثابت کرد
 که ممکن است هندسه متضاد و یا منطبق طوری بنا شود که در آن
 چهار پوستولاتوم بعنوان مقدمه باقی مانده و يك پوستولاتوم باقی به
 پوستولاتوم متضاد ذیل که لوباجفسکی پیشنهاد میکند مبدل گردد :
 «از يك نقطه A واقع در خارج خط B و روی سطحی که شامل هر
 دو است ، میتوان بی نهایت خط مرور داد که خط اولی را قطع
 نکند . تمام این خطوط غیر قاطع در داخل زاویه قرار دارند که
 رأس آن در A است و زاویه توازی نام دارد » می توان بكمك
 « تئوری تعدد » (مولتیپلیسیته) ریمان ثابت کرد که با دستگاہ جدید
 پوستولاتوم ها میتوان هندسه که نمونه کامل تضاد باشد ثابت کرد .

چنانکه میدانیم واحدخطی μ که «تعدد ریمانی» باشد عبارتست از

$$da^3 = \frac{dx^2 + dy^2 + dz^2}{(R^2 - x^2 - y^2 - z^2)}$$

هر نقطه M از این تعدد با يك نقطه P از فضای اقلیدس نظیر
 میباشد که صورت کسر طرف ثانی نمو مختصات آنرا نشان میدهد . جمیع
 نقاط M از تعدد μ نظیر نقاط P از فضای اقلیدسی میباشد که داخل
 کره $R^2 = x^2 + y^2 + z^2$ (از همان فضا) قرار دارند .

هندسه ریمان که اختصاص آن از رابطه سابق معلوم میشود تمام
 قضایای هندسی را میتواند بمعادلات تبدیل نماید . این هندسه راجع

XIV

به حرکت انتقالی و انطباق اشکال نیز فورمولها و دستورات مخصوص خود را داراست. بکمک این دستورات میتوان ثابت کرد که در این هندسه، بوستولانوم معمولی توازی به بوستولانوم سابق الذکر لوباجفسکی مبدل میشود.

برای اثبات، فرض مینمائیم که در يك فضای اقلیدسی کره Σ کره دیگر S را بحالت اورتوگونال مطابق دائرة C قطع کرده باشد. روی کره Σ بی نهایت دایره وجود دارد که نسبت به S اورتوگونال میباشند این دوائر دائرة C را بحالت اورتوگونال قطع می نمایند. فرض کنیم γ چنین دائرة باشد. از يك نقطه P که روی کره Σ خارج دائرة γ است میتوان روی کره مزبور دو نوع دوائر اورتوگونال نسبت به C رسم کرد که یکدسته از آنها با γ قاطع و دسته دیگر غیر قاطع باشند. این دوائر بوسیله دوائر γ' و γ'' که با γ در نقطه واقع بر C مماسند جدا شده اند. وجود دوائر بی نهایت زیاد غیر قاطع با γ که از P میگذرند حکم سابق الذکر لوباجفسکی است.

در هندسه جدید که تئوری توازی در آن تغییر کرده است عده از مفهومات از میان میرود مانند مفهوم « حامل آزاد » و مثلثات متشابه، و حرکت انتقالی که جزء یکدسته از انواع تغییر محل در هندسه معمولی بوده در هندسه لوباجفسکی محلی برای این نوع باقی نمیماند یعنی تقسیم بندی انواع تغییر محل در دو هندسه یکی نیست. بعضی مانند « کیلی » و « سوفوس لی » جدید کرده اند که دستور کلی برای انواع دستگاهای هندسه بدهند که هندسه اقلیدس و لوباجفسکی

و ریمان قیاسا از آن نتیجه شود

تدوین و مطالعه چنین هندسه‌ها مهارت، مدت و زحمت زیاد لازم دارد. اقلیدس بابک مسامحه ظاهراً عمدی فرمانروائی هندسه ساده خود را که هنوز ادامه دارد برای قرن‌ها مسلم می‌کند.

ما در این مشروحات جدید کردیم که واضح شود پوستولاتوم توازی چه خصوصیتی دارد و خلاصه مشروحات گذشته اینست که پوستولاتوم توازی را میتوان از چهار پوستولاتوم دیگر نتیجه گرفت و لزومی ندارد که جزء مقدمات آید، با وجود این اقلیدس آنرا جزء مقدمات ذکر کرده است.

تحقیقات دقیق نشان داده است که این امر را نمیتوان اشتباه اقلیدس فرض کرد زیرا واضح شده است که اگر پوستولاتوم توازی را از جزء مقدمات خارج کنیم مجبور خواهیم شد دستگاہهای بفرنج و غیر طبیعی هندسی تشکیل دهیم و از اینجا باید نتیجه گرفته شود که اقلیدس بطور مبهم متوجه این عمل مهم خود بوده است.

از این بیانات اهمیت پوستولاتوم معروف و از آنجا ارزش این رساله و اهمیت انتشار آن و مقام علمی خیم که بدان تعرض کرده است واضح میشود حال توجه کنیم خیم يك عالم شرقی با چه اسلحه دست دریک شاهکار علم و تمدن یونانی میرد و از این نبرد باچه وضعی بر میگردد. چنانکه ملاحظه میشود این کتاب سه مقاله دارد. در مقاله اول خیم معترض شك در متوازیات شده است. در مقاله دوم بحث در حقیقت نسبت و تناسب مقداری کرده و آنچه را که در مقاله پنجم از

XVI

طریق هندسی بیان شده است ناقص دانسته و يك تحقیق فلسفی را در این مورد لازم می‌شمرد. در مقاله سوم این رساله خیام به لزوم استدلال حکم ذیل متعرض می‌شود:

« از سه مقدار نسبت اول و سوم از تألیف نسبت اول و دوم و نسبت دوم و سوم تولید می‌شود. » و این مقاله راجع به نسبت مؤلفه است. موضوع دو مقاله اخیر از نظر علمی اهمیت مقاله اول را ندارد و چندان قابل بحث نیست زیرا مسائل آن دو مقاله از نظر علوم ریاضی امروز حکم حل شده را دارد. ولی موضوع مقاله اول این رساله هنوز در جدیدترین کتب ریاضی عالی هم مبحث مفصلی برای خود اشغال می‌کند و از اینجهت ما مخصوصا بدان توجه می‌کنیم.

اولا توجه کنیم که خیام اولیات، اصول موضوعه و مصادرات را از استدلال بی‌نیاز میدانند ولی تعریف موضوع علم و مقدمات مزبور باید ثابت شود. بعد خیام اشاره به بعضی نواقص کتاب اصول می‌کند در این موضوع حق دارد و ما در صفحات گذشته چند مورد واضح را بیان کردیم. اما خیام بزودی بر ضد عقیده خود ایراد می‌کند که چرا صاحب اصول مصادرات را ثابت نکرده است؟ (صفحه ۳ مه سطر آخر). بعد خیام متعرض پوستولام تلافی خطین می‌شود (صفحه ۳) و آنرا نیز مصادره مینامند. مطابق تعریف‌های گذشته میدانیم که این پوستولانوم مصادره نیست، خیام در این تسمیه اشتباه می‌کند. می‌گوید متاخرین متوجه این پوستولانوم نشده‌اند و حال آنکه ما اشاره کردیم از همان قرن پنجم میلادی متخصصین متعرض پوستولانوم شده‌اند. از اینجا واضح می‌شود خیام بتمام علوم یونانی آشنا نیست بعد عده را اسم می‌برد که

XVII

اقدام برفع اشکال معروف کردند و موفق نشدند. سپس متوجه این هستیم
 میشود که خواسته است ثابت کند پوستولانوم جزء مبادی است و محتاج
 برهان نیست. اگرچه تمام ایرادات خیمام بر این هستیم وارد نیست
 ولی در این مورد حق دارد زیرا چنانکه سابقاً گفته شد پوستولانوم
 در حقیقت محتاج استدلال است، خیمام می گوید اقلیدس در سایر
 موارد نیز (مانند مجسمات) عده قضایائی را که محتاج برهانست
 استدلال نکرده ولی چون پوستولانوم جزء مبادی مهم است ما بدان
 متعرض میشویم. در این مورد نیز خیمام حق دارد. زیرا ما اهمیت
 پوستولانوم را از مشروحیات گذشته فهمیدیم. اما خیمام عقیده دارد
 که علت غفلت اقلیدس اعتماد او بر مبادی است که از حکمت گرفته
 است. در این مورد خیمام کاملاً در اشتباه است و مقام اقلیدس و خصوصیت
 این پوستولانوم را بطور واضح نشناخته است. خیمام تعجب کرده است
 که چرا اقلیدس مطالب سهلتر را ثابت کرده ولی در مورد پوستولانوم
 (باصطلاح وی مصادره) بیرهان غیر شافی قناعت کرده است، این
 تعجب خود کافی بود که بخیمام جواب داده او را متوجه اهمیت پوستولانوم
 کند ولی او این امر را غفلت اقلیدس پنداشته و از غفلت خود خبر
 نداشته است. بواسطه همین عدم توجه است که خیمام پوستولانوم را
 اساساً مصادره مینامد زیرا تصور میکند که علت عدم اقدام بانبات آن
 اعتماد بر مبادی مأخوذه از حکمت است.

اما راهی که خیمام برای رفع اشکال می پیماید بترتیب ذیل است:
 ۲۸ قضیه اول کتاب اصول را غیر محتاج بتغییر میدانند و در این رساله
 ۸ قضیه از خود بیان و پیشنهاد میکنند که قضیه اول او را قضیه ۲۹
 اقلیدس بداندند. بزعم خود در این ۸ قضیه اشکال را برطرف میکند

XVIII

بقسمیکه قضیه ۲۹ اقلیدس که شامل متوازیات است دیگر هیچ مقدمه استدلال نشده را بکار نخواهد برد. هر کس مشروحات گذشته این مقدمه را فهمیده باشد این شروع خیم را با يك تبسم تلقی کرده و يك خنده هم برای موقع واماندن خیم در وسط راه نگاه خواهد داشت. قضیه اول خیم خوب ثابت میشود، بعد دوم و پس از آن قسمت اول قضیه سوم. از اینجا بعد خیم اشکال کاروسنگینی بررا احساس میکند. میگوید اگر دو خط مستقیم يك مستقیم دیگر را با دوزاویه قائمه قطع کنند محال است از هم دور شوند و این مطلب که از مبادی فلسفه ظاهر است (صفحه ۱۲ سطر ۱۸). بعد يك سلسله مطالب دیگر را هم «با ادنی تأمل و بحث» خودت میفهمی (صفحه ۱۲ سطر آخر). بعد گفته میشود این مطلب آسانرا هم استدلال نکردیم که مطلب دراز نشود (صفحه ۱۳ سطر ۳). خلاصه همان مطلبی که باید ثابت شود با انشاء الله و ماشاء الله مخصوص شرقی برگذار میشود.

اما در عین حال گویا خیم متوجه مغلفه کاری خود میشود. زیرا در عین اینکه میخواهد از تطویل دوری کند - مثل ادبا که تا در شعری که شاهد مثالی است اسم سمع و بصر پیدا شود تشریح و فیزیولوژی و بسیکواوژی دیدن و شنیدن را شروع کرده موضوع اصلی را از بین میبرند خیم نیز - بمثل و قسم و آیه متوسل میشود. در وسط يك قضیه هندسی که باید منظمًا مطابق ادعای خود وی ثابت شود یکدفعه قضیه ۳۶ از مقاله ۶ را بيمورد شاهد مثال قرار میدهد، بعد مطلب را بزعم خود از راه فلسفی ثابت میکند و با اهانت میگوید که من برای خاطر اشخاص کم فهم این کار را کردم. خلاصه آنچه که از تمام موضوع نکته اصلی ظریف و مهم است در اینجا گاه بزور خواهش و تشجیع و گاه بزور مثل و گاه بکمک طعنه تحمیل میشود. از آن

XIX

بعد دوباره قضایا حالت آرامش و علمی خود را گرفته و در قضیه هشتم شك معروف را ثابت شده می بندارد .

اگرچه خیام بوسیله این رساله در خود و جمعی القاء شبهه کرده است ولی این اشکال تا امروز هم بقی مانده هنوز هم با آنکه اشکال بوسیله هندسه ریمان و لوباجفسکی حل شده است باز همان طریقه ساده اقلیدس با وجود يك مسامحه کاری (که نمیتوان آنرا اشتباه صد درصد نامید) بقوت خود باقی است .

در عین حال باید تذکر داد که توجه خیام هم باین موضوع بنقصه مهم بوده ارزش علمی او را بما ثابت میکنند .

در اینجا تذکر میدهم خواجه نصیر الدین نیز متعرض موضوع و همین رساله خیام شده است ، تصمیم بر این بود که اگر کمکی شود آن رساله را هم انتشار داده در اطراف آن نیز بحثی کنیم ولی مجبوریم که این اقدام را بدوره دیگری بگذاریم و بگذریم .

آنچه که بطور کلی از کتب علمی قرون وسطی برمیاید اینست که در قرون وسطی علم شرقی از حد علم یونانی تجاوز نکرده و جز تألیفات بوعلی سینا کتب دیگر اثری در تکامل علوم در قرون جدید غرب نداشته اند .

طهران بهمن ماه ۱۳۱۴

ت : ارانی

مقدمة العربي

ان هذا الكتاب هو من اهم مؤلفات للعلوم الرياضيه للعالم الشهير
 الحكيم ابوالفتح عمر بن ابراهيم الخيامي ينشر الان لأول مره .
 اما اهمية خيام و مؤلفاته الرياضيه فمعرفة لدى الجميع و لذا لا اريد
 اطالة الشرح في هذا الموضوع بل اتى اقتصرا على بعض النقاط المهمه منه
 ولد الحكيم في مدينة نيشابور (١) من اعمال خراسان وكان كامل
 الخبره في علوم زمانه كالفلسفه و الطب و الرياضيات و غير ذلك و لا-
 سيما علم الهيئة و النجوم و قد اصلح تقويم الفارسي و سماه تاريخ الجلالى
 نسبة لجلال الدين ملكشاه السلجوقي سلطان ذلك العصر . و هذا التقويم
 المستعمل في عصرنا هذا في ايران اكثر دقة من تقويم الذى اصلحه
 « غره غوربوس » و المستعمل الان عند المسيحيين عامة .

و يرجع اشتهار الحكيم خيام الى ربايعاته (٢) التى اشهرته كشاعر
 مع انه فيلسوف عظيم قد بين عن احساساته و شعوره و آرائه الفلسفيه
 فى هذه الربايعات .

و تحوى هذه الربايعات فى اصلها شكوة على ما كان يشعر له -
 الحكيم من اليأس و الضعف البشرى عن فهم الحقايق العميقة فى الوجود

(١) و حسب عقيدة « غولبوس » العالم الهولاندى فى لوكر و يشير هذا
 الى صحة عقيدته الى ما كتب فى « كتاب التحفة الشاميه فى الهيئة » من
 قطب الدين و هو : و السبب فيه انه اجتمع فى حضرته جماعة
 من الحكماء و منه الحكيم الخيام الحكيم اللوكرى و غيره و هم . . .
 (٢) الرباعى هو شعر مر كب من اربعة مصاريع اولها وثانيتها و رابعها
 متناسبو القافية و وزن كل مصراع على وزن لاحول و لاقوة الا بالله .

XXI

و الخليفة و كى يخفف على قلبه الذى ملأه اليأس حزناً و كرباً عزم الى وضع رباعياته المشهورة التى قدم بها للعالم حياة سرور و طرب و وصف فى اياته الخمر و صفاء يعجز عنه ادباء العالم .

تدل بعض اشعاره و مقدمة مؤلفة « الجبر و المقابلة » انه كان فى آخر حياته حزينا كئيباً كما نفهم من اشعاره العربية النادرة التى يلي احدها :

زجيت دهرأ طويلا فى التماس اخ برعى ودادى اذا ذو خلة خانا
فكم الفت و كم آخيت غير اخ و كم تبدلت بالاخوان اخوانا
وقات للنفس لهما عز مطلبها بالله لا تألفى ما عشت انسانا

و قد ترجمت رباعياته الى كل اللغات المتمدنه و اشهرها الترجمة الانجليزية بقلم « فيتس جرالسد » التى اشهرته فى ممالك المتمدنه فى درجة شاعر الانجلىزى والترجمة الالمانية التى يطابق نظمها الاصل تماماً بقلم المستشرق المشهور الالمانى « روزن » . وفات الخيام فى سنة ٥١٧ هجرى قمرى .

و تحقيق دقيق فى شرح حاله ما ناله الصيرفى فى كتابه الفارسى الذى لم يطبع (السمى بتاريخ الفلاسفه) و هو عرب ماقاله ونحن نورد كلامه بغير تغيير منا فى عبارته: «... هو الحكيم الاديب والفيلسوف الرياضى فاق اقرانه بتحقيقاته العميقة وسبق امثاله بتدقيقاته الرشيقه ولد فى نيسابور و مات بها بعد وروده من الحج في سنة ٥١٧ و تفرق الناس فى امره ابادى سبا من محب غال و مبغض قال و متوقف لا يدري كيف كان امره فمحبوه ينسبون اليه كل ما اعتقدوه كمالا و يضعونه فوق ما كان عليه و يشدون له .

عجز النساء و ما ولدن بمثله و لقد اتى فعجزن عن نظرائه

و مقضوه يستقلونه جداً و ينظرون اليه شزراً و يشرقون من ذكره
اذا انت اعطيت السعادة لم تيل و ان نظرت شزراً اليك القبائل
فلا بد لنا من تقيش حاله والكشف عن مقاله ليرتفع الجدل من البين .
فاعلم ان المنفكرين حسب تربتهم و ملاء منه يبتهم و عوامل-
الاجتماعية فى اقليمهم على قسمين اهل انك او اليقين والمراد بالشك
هنا انهم لا يدرون هل للعالم واقعية ام لا و اهل اليقين ايضا اما على جزم
بان للعالم الخارجى حقيقة و واقعية و اما على يقين بعدم حقيقة والذين
يعتقدون بواقعية الكون ينشعبون على ثلث شعب الهى و مادى و منحير
بين الالهية و المادية اما الالهون ايضا على ثلث فرق رجل متكلم يريد
ان يبرهن على كل ما سمعت اذنه و جاء به قائمه ر لا راي له مستقلا
وهو كالمعنى الحرفى لا يوجد الاتباعا او كالوجود الرابطة لا يحقق لانطلاقا
و رجل صوفى سالك سبيل العشق و ناهج طريق الشوق لا يدعن الا
بما وافقه كشفه و ذوقه و رجل فيلسوف الهى يسلك سبيل العقل و لا
يقبل الا ما حكم به عقله و ايده حدسه و برهانه و اكمل الفلاسفة برهانا
و امثلهم طريقة حكماء المشاء التابعون لارسطاطاليس كما ان اكمل -
الماديين مادى دبالك تيك و النحير اقرب الى المادية من الالهية
والذين يحسبون الخيام صوفياً او فيلسوفا دهرى او الهيا لقد خبطو
خبط عشواء و ضلوا ضلالة عمياء و اشبه عليهم الامر اشتباها عظيما والذى
لا ارتاب لنا فيه هو ان الخيام قد خرج من ربة التقليد و سلك سبيل
الفلسفة ولكن تحير تحيراً عظيماً الى آخر دهره و ختام عمره فلم
يصل الى اليقين طرفه عين ابدأ و الشاهد على ما نقول آياته السائرة و
رباعياته المشتهرة قبرى انه قد يومن و قد يكفر و تارة يتوب من عمائة
و ساعة يستهزء بالحشر و يزيد فى غوايته فهذا حق الكلام فمن شاء
فليومن و من شاء فليكفر.....»

سپ

XXIII

و مؤلفات الحكيم عمر خيام :

- (١) رباعياته ؛ (٢) رسالة في الجبر و المقابلة التي نشرت لأول مرة في باريس سنة ١٨٥١ باهتمام « وبكه » ؛ (٣) زيح ملكشاهي في علم الفلك منه و من غيره ؛ (٤) رسالة مختصرة في الطبيعيات^(٢)؛ (٥) رسالة في الوجود باللغة الفارسية^(١)؛ (٦) رسالة في الكون و تكليف (٧) رسالة في الاحتيال لمعرفة مقدار الذهب و الفضة في جسم مركب منهما^(٥) (٨) رسالة مسماة بلوازم الامكنة في التغيير الفصول و المناخ في البلدان و الاقاليم المختلفة ؛ (٩) اشعاره العربية النادرة الوجود ؛ (١٠) قسم من رسالة روضة القلوب^(٦) ؛ (١١) مشكلات الحساب (حسب ناشر هذه - الرسالة) ، (١٢) كتابنا هذا في شرح ما اشكل من مصادر كتاب اقليدس توجد نسخة الوحيدة من هذا الكتاب في « ليدن » هولاند و سمحت لي الظروف ان تبقى هذه النسخة بيدي منذ ايام فاستنسختها تماما

فاما نسخة المذكورة فحجمه مربع مستطيل 18×15 ساتي مطر ممزقة الاوراق الصفراوية و هي بسيط جداً . تحتوي مؤلفات الرياضيه للمؤلفين المختلفه و في اوله مكتوب :

فهرس ما في هذا دفتر من الكتب :

احكام النجوم من قول هرمس ، اختيارات الامام للكندي ، زيح طيلسان ، استخراج الابعاد بذات الشعبين (باللغة الفارسي مع ١٢ جدول)

مسائل الجبر و المقابلة
ظرائف الحساب

المسائل الحسايه من ابي زيد الفارسي امتحانا من ابي حفص السحري شرح ما اشكل من مصادر كتاب اقليدس من ابي الفتح الخيامي ،

(٣) ما يقوله شهر زوري .

(٤) نسختها موجودة في دار الانار البريطانيه في لندن .

(٥) نسختها في مكتبه كوتا بالمان و طبع عنها في برلين طبع ١٩٢٥ ميلادي

(٦) كشفها « كريستن زن » في مكتبه باريس ،

XXIV

كتاب جبر و المقابلة له ، مشكلات الحساب له ، الفوائد المتفرقة -
الحكمية من انواع الشتى ، رسالة من ابي على فى دفع الغم من الموت
و اما الرسائل الثلاثة الاخيرى غير موجوده فى النسخة المذكوره آنفا
ويزيد فى اهمية هذه النسخة الجملة الاخيرى من رسالة فى شرح ماشكل
وهى : « وكان بخط الشيخ الامام عمر بن ابراهيم الخيامى » مكتوب
فى آخر هذه الرسالة وقع الفراق من تسويد هذا لياض يلد^(٧) فى دار-
الكتب منك (مفالك ؟) . فى اواخر جمادى الاولى سنة سبعين واربعمائة
تمت الرسالة على يدى مسعود بن محمد بن على الحفرى فى الخامس
من شعبان سنة خمس عشره و سته مائه « التى تدل على ان النسخ
قد نقلها رأسا عن خط المؤلف ٤٧ عاما بعد وفات الحكيم . وتحقيق
موقع مدينة (؟)^(١) ودارالكتب منك فيها اهمية لا يدرك ترك
استعارها للجغرافيين و المورخين ونسختى هذه التى نقلها بتاريخ ١٨
اغسطس ١٩٢٥ تكون حفيذة الاصل .

و قرء فى آخر الكتاب لجملة التايه : « استعارها من الزمان -
الفقير الى الرحمن المحمد الموقف فى جامع سلطان بايزيد طاب ثراه
سنة ٩٤٣ هجرى »

مما يدل على ان نسخة ليدن وجدت عند شخص عائش فى الامتانه .
و تحوى الصفة الاولى من الكتاب على دوائر مختلفة و يليه
تواريخ الهجرى يزدجردى وغيره .

و اسامى زيجات شامى ، خافى ، علائى ؛ قانونى ، فاطر ، فاخر
كامل ، ابوالحسن ، بطلميوس ، محسطى ، احمد ، محمد ، يرونى
حامد كوشيار و غيرهم . و تقسيم ساعات و درجات و جداول الارث
وجائنا ان نشر هذا الكتاب وهو آخر كتب الحكيم الخيام ولم تشر
ابداً سيرجع على العلم به الفائدة المرغوبه . برلين اغسطس ١٩٢٥

(١) يياض فى الاصل

رسالة في شرح ما اشكل من مصادر
كتاب اقليدس
ثلاث مقالات
تصنيف الشيخ الامام الاجل حجة الحق ابي الفتح
عمر بن ابراهيم النخاعي

بسم الله الرحمن الرحيم

الحمد لله ولي الرحمة والانعام والسلام على عباده الذين اصطفى
و خصوصاً على سيد الانبياء محمد وآله الطاهرين اجمعين .
ان تحقيق العلوم و تحصيلها بالبراهين الحقيقية مما ^{يفرض} يفترض على
طالب النجاة و السعادة الابدية و خصوصاً الكليات و القوانين التي يتوصل
بها الى تحقيق المعاد و اثبات النفس و بقائها و تحصيل اوصاف واجب الوجود
تعالى جده و الملائكة و ترتيب الخلق و اثبات النبوة السيد المطاع بين-
الخلق الامر و الناهي اياهم باذن الله تعالى بحسب طاقة الانسان .
و اما الجزئيات فغير مضبوطة و اسبابها غير متناهية فلان تحيط بها هذه المقول-
المخلوطة اصلاً و ليس يعرف منها الا ما يقتضيه بالحس و التخيل و الوهم .
و الجزء من الحكمة الموسوم بالرياضي اسهل اجزائها ادارا كما تصوراً و
تصديقاً معاً : اما المدد من فاهم ظاهر جداً و اما الهندسي فلا يكاد يخفى

منه شيئى ايضاً على السليم الفطرة الثاقب الرأى الجيد الحدس . وهذا الجزء من بين اجزاء الحكمة له منفعة الرياضه و تشجيد الخاطر و تعويد النفس الاشتمزاز عما لا يكون عليه برهان و ذلك لقرب ماخذها و سهوله براهينه و معاونة التخيل العقل فيه و قلة خلاف الوهم اياه و معاوم من كتاب البرهان من علم المنطق ان كل صناعة برهانية لها موضوع تبحث فيها عن اعراضه الذاتية و غيرها و مقدمات فيها ماخذ براهينها اما اوليه كالكل اعظم من الجزء و اما مبرهنة في صناعة اخرى و اما مصادرات و ليس اثبات واحد من هذه على تلك الصناعة اصلاً لكن التعريف لموضوعها و لتلك المقدمات فعليه ان الصناعة و ان لم يمكنها تحديد موضوعها و اوضاعها تحديداً حقيقياً فلها ان ترسمها ترسيماً شافياً . هذه المعاني مبسوطه جداً في كتاب البرهان من صناعة المنطق فليطلب من هناك .

و انى لم ازل كنت شديد الحرص على تصفح صدور هذه العلوم و تحقيقها و تمييز اجزائها بعضها من بعض و خصوصاً كتاب الاصول في الهندسه فانها اصل جميع الرياضيات و مبادئها مبادئ جميعها فاما النقطة و الخط و السطح و الزاوية و الدايره و الاستقامة في الخط و في السطح و غير ذلك من مبادئها فينبولى اثباتها و تحديدها الحقيقى صاحب العلم الكلى من الحكمه و كذلك مقدماتها التي غير اوليه مثل اتسام المقادير الى ما لانهاية له و ان يؤتى من كل نقطة مفروضة الى كل نقطة اخرى بخط مستقيم و غيرهما من المقدمات المذكورة التي لاتسام الا بالبرهان فعلى الحكيم ايضاً . و اما المصادرات مثل المربع و المخمس و المثلث و غيرها فقد اتى بها صاحب الكتاب في صدره تعريف الاسم لاغير و سيثبت هو اياها و يبرهن عليها في اثناء كتابه و قد اتى بمصادرة عظيمة و لم يبرهن عليها و هى قوله ان

كل خطين مستقيمين يقطعان خطاً مستقيماً على تقطعتين خارجيتين منه في جهة واحدة على أقل من زاويتين قائمتين فانهما يلتقيان في تلك الجهة بل اخذها مسلمة وهذه مسألة هندسية لا يهترهن الا فيها اصلاً فهي لازمة للمهندس شاء ام ابى وليس له ان ينسب عليها شيئاً الا بعد البيان.

ثم انى شاهدت جماعة من متصفحى كتابه و حالتي شكوكه لم يعرضوا لهذا المعنى اصلاً لصعوبته مثل ايرن و اطولو (لو) قس من المتقدمين و امام المتأخرون فقد مدت منهم جماعة ايديهم الى البرهان عليها مثل الخازن و الشنى و النيربىزى وغيرهم فلم يأت لواحد منهم برهان قوى بل كل واحد منهم صادر على امر ليس تسليمه باسهل من هذا ولولا كثرة نسخ تلك الكتب و كثرة زوايلها و الناظرين فيها لكنت اوردها هيها و ايين وجه المصادر و الغلط على ان تعرف ذلك من سطوراتهم امر اسهل جدا و قد شاهدت كتاباً لابي على بن الهيثم رحمه الله موسوماً بحل شكوك المقالة الاولى فلم اشك انه قد تصدى لهذه المقدمة و برهن عليها فلما تصفحته مبتهجاً ^{بها} صادفت المصنف قد قصد ان تكون هذه المصادر في صدر مقاله من جملة ساير المبادئ من غير احتياج الى برهان و تكلف في ذلك تكلفاً خارجاً عن الاعتدال و غير حدود المتوازيات و فعل اشياء عجيبة كلها خارجة عن قس الصنعة : منها انه قال اذا تحرك خط مستقيم قائم على خط آخر و يكون قيامه محفوظاً على ذلك الخط في حركته فانه يفعل بعطرفه الاخر خطاً مستقيماً فان الخط الحادث مواز لخط الساكن ثم ياخذ هذين الخطين ويلونهما (؟) و يحر كهما و يعتبر فيهما عدة اعتبارات كلها خارجة حتى يصح له في الصدر هذه المقدمة بعد ارتكاب هذه المصاعب

و المنكرات و هذا كلام لا نسبة له الى الهندسة اصلا من وجوه :
منها انه كيف يتحرك الخط على الخطين مع انحفاظ القيام و اى برهان
على ان هذا ممكن ؟ و منها انها اية نسبة بين الهندسة و الحركة
و ما معنى الحركة ؟ و منها انه قد بان عند المحققين ان الخط عرض
لا يجوز ان يكون الا فى سطح ذلك السطح فى جسم او يكون نفسه
فى جسم من غير تقدم سطح فكيف يجوز عليه الحركة مجردا عن
موضوعه ؟ و منها ان الخط كيف يحصل عن حركة النقطة ؟ و هو قبل
النقطة بالذات والوجود: و لقائل ان يقول ان اقليدس قد حدد الكرة
فى صدر مقاله الحادية عشر بشئى من هذا القبيل و هو قوله: «الكرة
حادثة من ادارة نصف دائرة الى ان يعود الى المبتدا» فنجيب و نقول
ان الرسم الحقيقى الظاهر للمكرة معلوم و هو انه شكل مجسم يحيط به سطح
واحد فى داخله نقطة كل الخطوط المستقيمة الخارجة منها الى السطح -
المحيط متساوية و اقليدس عدل عن هذا الرسم الى ما قاله مجازفة
و مساهلة فانه (فى) المقالات التى تذكر فيها المجسمات تساهل جدا
تمويلا منه على تدرب المتعلم عند وصوله اليها و لو كان لهذا الترسيم
معنى لكان تحدد الدائرة بان يقال: «ان الدائرة هى شكل مسطح حادث
عن ادارة خط مستقيم فى سطح مستوي بحيث يثبت احد طرفيه فى موضعه و
يتهى الاخر الى مبدء الحركة» فلما عدل عن هذا النوع من الترسيم
امكان الحركة و اخذ ما ليس له مدخل فى الصناعة مبدءا فيها لزمنا ان نقف
آثارهم و لانخالف الاصول البرهانية و الدستور الكليه المذكورة فى كتب
المنطق . ثم ليس تحديد اقليدس الكرة مثل تحديد هذا الرجل و ذلك ان

أقليدس عرف شيئاً ما بوجه غير مرضى و ذلك الشئ معلوم من عدة وجوه آخر و تعريفه المذموم لا يصير مقدمة لامر عظيم الشأن بل يعدل عن تعريفه الى تعريف آخر احسن منه و هذا الرجل قد اجتهد في هذا النوع من التعريف المنكرات ان يصيره مقدمة لاثبات امر لا يكاد يثبت الا بالبرهان .
فبين الرجلين في التعريفين فرق . هذا الشك في صدر المقالة الاولى واما الشك الذى هو في صدر المقالة الخامسة فهو حيث ذكر النسبه و عوارضها و ذكر التناسب و احواله و ليس للتناسب حقيقة على وجه هندسى مملوءه كما سندكره في المقالة الثانيه من هذ الرساله ولم نجد احدا من المتقدمين و المتأخرين تكلم فى معنى التناسب و تحقيقه كلاماً شافياً فلسفياً و قد وجدت شيئاً منسوباً الى ابي العباس النيربزي تكلم فى معنى النسبه و التناسب و اطنب و كنت اظنه كافياً غير انه لما تصفحه و تأملته كان محتاجاً الى عدة مقدمات قد الفاها و لم يذكرها و كان مبتوراً ايضاً اللهم الا ان وقع الخلل من جهت الوراق و سندكره انشاء الله فقد صادر فى صدر هذا مقاله ايضاً على شئى من النسبه المؤلفه من غير برهان و هو قوله : « كل ثلثة مقادير فان نسبة الاول الى الثالث مؤلفه من نسبة الاول الى الثانى و من نسبه الثانى الى الثالث » .

فلما رأيت الخلل فى هذا المواضع الثلثة غير مستدرك و غير مصلح حق الاصلاح صمت متمنى^(١) الى اصلاحها و الان فقد سألت الله تعالى الحيوة و التسهيل و استوقفته و اعتصمت بحبله و جمعت هذه الرساله و جعلتها ثلث مقالات : الاولى منها فى المتوازيات و حل الشبهه فيها ، الثانيه فى حقيقة النسبه المقداريه و التناسب المقدارى ، الثالثه فى النسبه المؤلفه و ما يتعلق بها والله المستعان على كل حال و اليه المفزع وهو حسبنا و نعم المعين .

(١) فى الامل و تملى متن .

مجال أولى وكذلك بهذا الحكم لا تضائق خطا (رح) و (ط د) ولا تستعان فان
التضائق والانساع بوجيان هذا المجال ايضاً فيكون هذه الخطوط القائمة على (اب)
متوازية والبعده بينهما متساو اعني لا تضائق ولا تستع. فان اخرج خط مايل
الى احد الجانبين مثل خط (س) الى جانب (ا) فانه يلقي (طد) لانه لا مجال لان
(ه س) و (ه ل) الى الانساع والبعده بينهما يبلغ الى حد يفرض وزاوية (س ه د)
اقل من قائمه فزاويتنا (س د) و (س د ه) اقل من قائمتين. فمن هذا ظن اقليدس
ان سبب التقاء خطي (س) و (س د) نقصان الزوايتين عن قائمتين وهذا الظن
حق ولكن لا يمكن ان يبين عليه الا بعد بيانات اخر فهذه هي التي حملت
افيدس على تسليم هذا المقدمه والبناء عليهما من غير برهان وكالمعروف ان هذه
قضايا و همة جداً وفيها للعقل مساعدة لانها حقه و عليها ايضاً برهان وان ما كان
شبه الدليل كما ذكرنا ولكنه - برهان غير شاف ولا مصدق به من
جميع الوجوه لمصادره على عدة امور غير اوليه ولا برهن عليها وكيف
يسوغ لافيدس المصادرة على هذا القضية بسبب هذا الظن مع انه قد برهن
على عدة اشياء اسهل من هذه بكثير مثل برهانه في المقالة الثالثه على ان
الزوايا المتساويه على مراكز الدوائر المتساويه تفصل من المحيط قسماً متساويه
وهذا المعنى معلوم جداً من جهة المبادئ لان الدوائر المتساويه تنطبق بعضها
على بعض والزوايا المتساويه كذلك فتطبق القسي بعضها على بعض لانه لا مجال
فيكون متساويه. فمن برهن على مثل هذا فما احوجه الى ان يبرهن على
مثل ذلك. ومثل برهانه في المقالة الخامسه على ان نسبة المقدار الواحد الى
المقدارين المتساويين واحده واذا كانت النسبه تقع في المقدار من حيث هو
مقدار فكيف يحتاج هذا الى برهان اذا المقدار ان المتساويان هما مثلان

من حيث المقدار به لافرق بينهما فهما من هذالجهة بالحقيقه واحد لا غيرية
بينهما الا غيرية العدد فحسب .

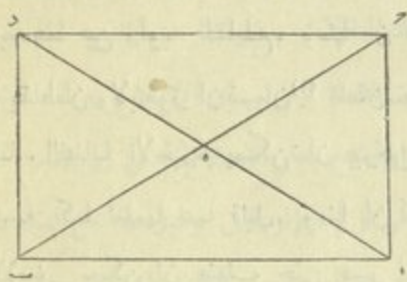
وقد غفل ايضاً في مقالات المعجمات عن عدة امور مفترقة الى البراهين
لكنها ليست من المقدمات العظام و الا لبرهنا عليها وربما يقع لنا في ثاني
الحال التفات عليها واصلاحنا تلك المقالات بعون الله . والذين نظر وافي
كتابته كالحجاج فانه كان ناقلاً و ليس له الاصلاح و اما ثابت
فان حكمه ايضاً حكم ناقل وان كان اصلح بعض الاصلاح و من رام تفسير كتابه
وحل شكوه كه مثل ايرن المخانيقي و اطو (لو) قس وغيرهما من المتقدمين
و ابي العباس النيريزي وغيره من المتأخرين فكان يلزمه البرهان على
امثال هذالقضايا و تصفحها والنظر فيها لاردالمستقيم الى الخلف والخلف
الى المستقيم فان من عرف برهان شيئاً بالحقيقه فقد اكنفى به مستقيماً
كان اوخلفاً فما معنى ردالمستقيم الى الخلف وترك امثال هذا غيره برهن
عليها ؟ اما سبب غلط المتأخرين في برهان هذالمقدمه ففانهم عن العبادي
المأخوذه من الحكميم و اعتمادهم على القدر الذي اورده اقليدس في صدر
المقالة الاولى و ليس يكفى هذالقدر . فان القضايا المحتاج اليها في التقديم على
الهندسه كثيرة : منها ان المقادير تنقسم الى مالا نهاية له و ليست مركبة
عمالاً ينقسم و هذه قضية فلسفيه يحتاج اليها المهندس في صناعته و من
المهندسين من حاول ان يبرهن على هذا من جهة صناعه ولم يشعر
بانه بيان الدور ولكن اذا اثبت الحكميم الدائرة والخط المستقيم و سائر مبادئ
الهندسه فانه يمكن ان يبرهن على هذه القضية برهان ان لا برهان له .
والحق ان هذالقضية من مقدمات الهندسه لامن اجزائها و منها انه قد

يمكنه ان يخرج خطأ مستقيماً الى مآلهاية له والفيلسوف و ان برهن على ان الاجسام متناهيه وليس خارجها لاخلاء و لاملاء فقد بين كيف يجوز للمهندس ان يقول هذا غير متناه و هذا خارج الى مآلهاية له . و منها ان كل خطين مستقيمين متقاطعين فانهما الى الاقتراج والانساع في بعدهما عن زاويه التقاطع . و منها ان الخطين المستقيمين المتضائقين فهما يتقاطعان ولايجوز ان يتسعا^(١) خطان متضائقان في مرورها الى التضائق . و هذه القضايا الاخيره يمكن ان يبرهن عليها برهان ان من طريق الهندسه كما تعلمها عما قبل . و منها ان كل مقدارين متناهيين متفاضلين فان الاصغر يمكن ان يصف حتى يصير اعظم من الاكبر . و لعل هذه القضيه اوليه من جنس مالا ضبط الا بعد التامل و يكون مقدمات اوليه ظاهره اكثر من هذا . و اقليدس لم يأت باكثرها في صدر الكتاب مع انه قد اتى باوليات مستغنى عنها جدا و كان الواجب ان لا ياتي بها اصلا او ياتي بها جميعا من غير ان يشذ عنها شيئي و ان كان ظاهراً . وقد ذكرنا فيما تقدم سبب غلط ابي على فلا حاجه بنا الى ذكرها ثانياً . و يجب ان نسلم ثمانيه و عشرين شكلاً من كتاب الاصول فانها غير محتاجه الى هذه المقدمه و انما المحتاج اليها الشكل التاسع و العشرون حيث نريد ان نورد احكام الخطوط المتوازيه . فمن شاء فليجعل الشكل الاول من هذه مقاله بمنزله الشكل التاسع و العشرون من المقالة الاولى حتى يكون داخلاً في جمله الكتاب ان شاء الله . وهذا حين ستدى في البرهان الحقيقي اللمي على هذا المعنى بعون الله و حسن توفيقه انه من توكل عليه هداه و كفاه .

(١) في الاصل : تسع

الشكل الاول. - وهو كط من مقالة (١). - خط (اب) مفروض

[ش ٢] ونخرج (ا ح) عموداً على (اب) ونجعل (ب د) عموداً على (اب) و مساويا لخط (ا ح) وهما متوازيان كما بينه اقليدس في شكل (كز) و نصل (ح د). فاقول ان زاوية (ا ح د) مساوية



لزاوية (ب د ح). برهانه:

نصل (ح ب) و (ا د) فخط

(ا ح) مثل (ب د) و

(اب) مشترك و زاويتا

(ا ح ب) و (ب د ح) قائمتان.

[ش ٢]

فقاعدتا (ا د) و (ح ب)

متساويتان و سائر الزوايا مثل سائر الزوايا. فتكون زاويتا (ا ب ح) و (ب ا ح) متساويتين. فخطا (ا ح) و (ب د) متساويان. فبقى (د ح) و (ه ح) متساويين. فتكون زاويتا (ه د ح) و (ه ح د) متساويين و [زاويتا] (ا ح ب) مثل (ا د ب) فزاويتا (ا ح د) و (ح د ب) متساويتان وذلك ما اردنا ان نبين. ومن ههنا استبان (٢) ان زاويتي (ح ا ب) و (ب د ا) اذا كانتا متساويتين كيف ما كانتا و خطا (ا ح) و (ب د) متساويين يجب ان يكون زاويتا (ب د ح) و (ا ح د) متساويتين.

الشكل الثاني. - وهو (ل) من الاصول - نعيد شكل (اب ح د)

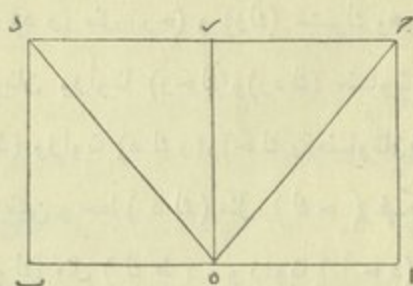
[ش ٣] و نقسم (اب) بنصفين على (ه) و نخرج (ه ر) عموداً على

(اب) فاقول ان (ح ر) مثل (ر د) و (ه ر) عمود على (د ح).

برهانه: نصل (د ه) و (ه ح) فخط (ا ح) مثل (ب د) و (ا ه) مثل

(١) الشكل التاسع والمشرون من المقالة الاولى من الاصول (٢) كذا في الاصل

(ب) و زاويتا (ا) و (ب) قائمتان فقاعدتا (د ه) و (ه ح) متساويتان و زاويتا
(ا ه ح) (ب د ه) متساويتان، فبقية (د ر) و (ر ه ح) متساويتين،



و خط (د ه) مثل
(ه ح) و (ه ر) مشترك^(١)

قالمثل مثل المثلث و
سائر الزوايا والاضلاع

النظائر متساوية. فيكون

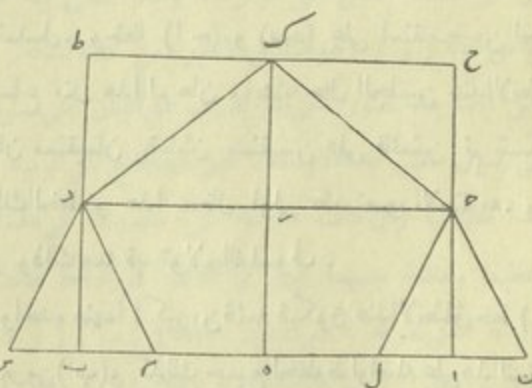
(د ر) مثل (ر ح)

و زاوية (د ر ه) مثل

[ش ٣]

(ح ر ه) فهما قائمتان. و ذلك ما اردنا ان نبين.

الشكل الثالث - وهو (لا) من الاصول. ونعبد شكل (اب د ح) [ش ٤]. فاقول ان
زاويتي (ا د ح) (ب د ح) قائمتان. برهانه: نقسم (ا ب) بنصفين على (ه) ونخرج
عمود (ه ر) ونخرجه على استقامه ونجعل (ر ك) مثل (ر ه) ونخرج (ح ك ط)
عموداً على (ه ك) و نخرج (ا ح) و (ب د) فيقطعان (ح ك ط) على



[ش ٤]

(ح) و (ط) لان (ا ح) (ه ك) متوازيان وكل المتوازيين فان البعد بينهما لا يتغير.

(١) في الاصل: والزاويتان متساويتان زائد.

فتمد (ا >) الى مالا نهاية له موازياً لـ [خط] (ه ك) و تمد (ح ك) الى مالا نهاية له موازياً لخط (ر >) فهما ملاقيان لامحاله اولى ونصل (ح ك) و (د ك) فيخط (د ر) مثل (ر >) و (ر ك) مشترك وهو عمود . فقاعدتا (د ك) و (ك >) متساويتان وزاويتا (ر > ك) و (ر د ك) متساويتان . فبقي زاويه (ح > ك) مثل (ك د ط) وزاويتا (د ك ر) و (ح ك ر) متساويتان فيبقي زاويتا (ك > ح) و (ك ط د) متساويتين وخط (د ك) مثل (ك >) فيكون (ح >) مثل (د ط) و (ح ك) مثل (ك ط) . وزاويتا (ا > د) و (ب > د) ان كانتا قائمتين فقد حق الخپر وان لم يكونا قائمتين فيكون كل واحد منهما اما اصغر من قائمه واما اكبر . فليكن اولا اصغر من قائمه و ينطبق سطح (ح >) على سطح (ب >) فينطبق (ر ك) على (ر ه) و (ح ط) على (ا ب) فيكون (ح ط) مثل خط (ن س) لان زاويه (ح > ر) اعظم من زاويه (ا > ر) فخط (ح ط) اعظم من (ا ب) . و كذلك ان اخرج الخطان الى مالا نهاية له على هذا النسق . يكون كل واحد من الخطوط الواصله اعظم من الاخر وتساوئ . وخطا (ا >) و (ب د) على استقامه من الجهه الاخرى كانا الى الاتساع مثل هذا البرهان و يشابه حال الجانبين عند الانطباق لامحاله فيكون خطان مستقيمان يقطعان مستقيمين على قائمتين ثم يتسع البديينهما من جهتي ذلك الخط و هذا محال اولى عند تصور الاستقامه . ويحقق البعد بين الخطين وذلك مما قد تولاه الفيلسوف .

وان كان كل واحد منهما اكبر من قائمه فيكون عند الانطباق خطا (ح ط) مثل (ل م) وهو اصغر من (ا ب) و كذلك جميع الخطوط الواصله على هذا النسق . فالخطان الى التضائق و ان اخرها الى الجهه الاخرى كانا الى التضائق ايضا تشابه حال الجهتين عند الانطباق وذلك مما يمكنك ان تعرفه بادنى نظر و بحث .

و هذا محال ايضا لما ذكرنا . و اذا امتنع ان يكون الخطان متفاضلين
فهما متساويان و اذا كانا متساويين فالزاويتان متساويتان فهما اذن قائمتان
تعرف بادنى تأمل . فتر كناه تجنبا للتطويل . فمن اراد ان يثبت ذلك هيئنا
على الترتيب التعليمي فعل بلامكاتبى (١) منا . وسهو المتأخرين فى برهان هذه
المقدمة انما وقع لغفلتهم عن هذه القضية الاولى اذا تصور محمولها و
موضوعها على الوجه الحقيقى . فان كثيرا من القضايا الاولى ^{عن} ~~المتكلم~~ عن
التقطن له نافذ الحدس ، ناقب الرأى لعزوب (٢) تصور محموله وموضوعه عن
غفلة فان اوليه القضية و حقيقتها ايسا فى تصور موضوعها ومحمولها لان
صدقها و كذبها لا يتعلقان بالمحمول والموضوع بل بارتباط المحمول
بالموضوع لا غير . و اذا كان كذلك فلا تبعد ان تكون قضية اوليه مفقولا
عنها لهذا السبب فافهم ذلك الا ترى ان من تصور حقيقة الدائرة و حقيقة
الزاوية و حقيقة النسبة المقدارية عرف بادنى تأمل ان نسبة الزوايا
التي على المركز كنسبة القوس التي توترها . و هذا المعنى بينه اقليدس فى
شكل (لو) من مقاله (و) وهو الشكل الاخير من تلك المقالة . و من القضايا
الاوليه ما تبين ايضا بعد تصور اجزائه بضرب من البيان على سبيل التذكير
والتنبية لاعلى سبيل طلب الحد الاوسط . فان المحتاج الى الوسط اكتسبى .
فا فهم و هذا مقالات وان كانت خارجة عن مقصودنا فى هذه الرسالة فان
لها عنا (٣) عظيما ومنفعة جسيمة فيها . وكذلك اوردناها هاهنا ولازيدن
هذا المعنى شرحا حتى تعرفه اكثر الناس . خطأ (اب) (ا >) متقاطعان
على نقطه (ا) [ش ٥] فاقول انهما الى الانفراج والانتساع الى الما لنهاية له وذلك
انا نجعل (ا) مركزاً ولبعد (اب) دائرة (اب >) فالبعد بين الخططين

[١] كذا فى الاصل ؟ (٢) كذا فى الاصل (٣) كذا فى الاصل ورجعنا الى المشقة

عند ملاقاتهم الدائره خط (ب >) . و نخرج (ا ب) على استقامه الى

(د) و ندير الدائره

(ا د ه) و نخرج

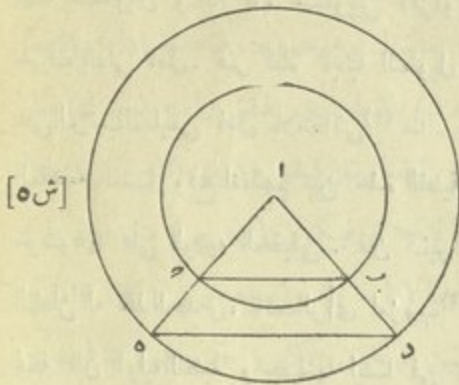
(ا >) على استقامه حتى

يقطع الدائره على نقطه

(ه) و نصل (د ه) .

فالبعدين الخطيين (ده)

و خط (د ه) اعظم



من (ب ج) اولى لاشبهه فيه اذا تصور معنى الدائره والزوايه والخط المستقيم .

و من رام ان تبرهن عليه برهاننا فلا بد له من ان ياخذ في اتا ذلك

البرهان فضيته تبرهن بهذا المعنى . فيكون بيان الدور . ونعم ما فعل صاحب

الاصول اذا ورد في صدر كتابه القضيته القائله بان الخطيين المستقيمين لا

يحيطان سطحه في جمله الاوليات . لان من عرف حدودها عرف ارتباطها

لامحاله . فهي اذن اوليه . والبعد بين كل خطين هو الخط الواصل بينهما بحيث

يكون الزاويتان الداخلتان متساويتين . مثاله خطا (ا ب) و (ح د) مستقيمان في

سطح مستو [ش ٦] و فرصنا على (ا ب) نقطه (ه) . فالبعد بين (ه) وبين خط

(ح د) خط (ه ر) و زاويه (ه) مثل (ر) فاما كيف يخرج من نقطه

(ه) الى (ح د) خط بحيث تكون الزاويتان الداخلتان متساويتين ؟ فعلى

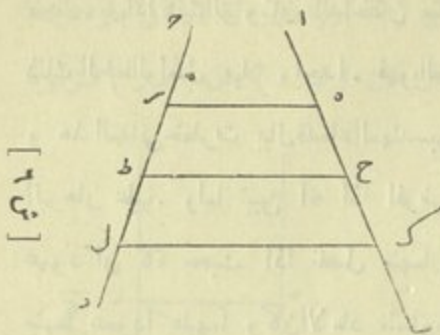
المهندس ليس على الحكيم التولى لتصحيح مبادئ الهندسه . واما انه هل

يمكن ان يخرج خط بهذه الصفة ؟ فعلى صاحب المبادئ . وبيانه انه يمكن

ان يخرج من (ه) خطوط الى (د ه) غير متساويه على زوايا

كلنا

غير متناهيه من كلتي الجهتين في الخطين جميعا متفاضلات اصغروا كبر.



و كل ما تعذر فيه هذا

المعنى اعنى التفاضل من

الجانبيين في الصغر

والكبر مع ان المقادير

ينقسم الى ما لانهاية له .

فلا محاله له يمكن ان

يقع التساوى . و تفصل (ه ح) و (ر ط) متساويين وتصل (ح ط) فزاويه

(ح) مثل (ط) كما بين في الشكل الاول . ف (ح ط) هو البعد . وان كان

(ح ط) اعظم من (ه ر) فالخطان الى الاتساع و تفصل (ح ك) و (ط ل)

متساويين وتصل (ك ل) فهو البعد . فان كان (ك ل) اصغر من (ح ط)

فالخطان الى التضائق . و قد كانا الى الاتساع هذا محال اولى . وان كانا

متساويين يلزم هكذا وان كان (ح ط) اصغر من (ه ر) فالخطان الى

التضائق . فهذا البيان ^{يجب} ان يكون (ك ل) اصغر من (ح ط) والا يلزم

المحال الاولى فقد بان ان الخطين المستقيمين في سطح مستو اذا كانا الى

التضائق في جهتي لا يجوز ان يتساوا في تلك الجهتي اصلا . و كذلك

اذا كانا الى الاتساع . الا ان هذا البيان بيان غير هندسى انما هو بيان حكمى .

ولكن استعين فيه بالمثال ليكون ابين واظهر عند من لا يكون له حدس

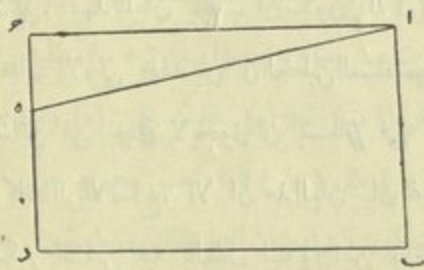
جيد . ومن الناس من يقول ان البعد بين نقطه على خط وبين خط آخر

هو العمود الخارج من تلك النقطه الى الخط . وليس الحق كذلك لانه

ربما يكون العمود الخارج من مسقط العمود الاول الى الخط الاول غير مساو

لعمود الاول فيكون . بعد النقطة عن نظيرتها غير بعد نظيرتها عنها هذا محال . بل اذا كانت الزاويتان الداخلتان متساويتين كان ميل الخطين معا عن ذلك الخط الواصل ميلا واحدا . فهو بالحقيقه يكون البعد بينهما لاغير . و هذا المعاني خطرت ببال قدماء المهندسين فصادروا على القضيه التي تطلب البرهان عليها . ولما تبين انه اذا افرض خط مستقيم واخرج من طرفيه عمود ان كانا بحيث اذا تقصص منهما اى خطين متساويين كان البعد بينهما عمودا عليهما وكان الابعاد متساويه والخطان لايتضايقان ولايتسعمان . فيسمى هذان العمودان المتحاذيين .

الشكل الرابع - وهو (لب) من الاصول . - سطح (ابح) زواياه قائمه [ش ٧] فاقول ان (ا ب) مثل (ح د) و (ا د) مثل (ب ح) . برهانه: ان لم يكن (ا ب) مثل (ح د) فيكون احدهما اعظم فليكن (د ح) اعظمهما و تقصص (د ه) مثل (ا ب) و نصل (ا ه) فيكون الزاويه (ب ا ه) مثل زاويه (د ه ا) و (ب ا ه) اصغر من قائمه و (د ه ا) اعظم من قائمه .



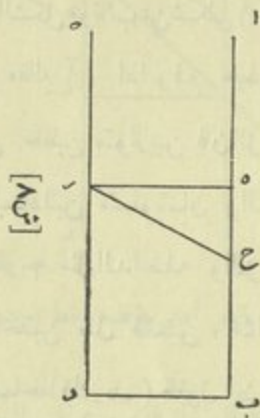
لانها خارجه عن مثلث (ا ه ح) فيكون اعظم من زاويه (ح) القائمه هذا محال . فخط (اب) مثل (د ح) و ذلك

[ش ٧]

ما اردنا ان نبين

الشكل الخامس - وهو (لح) من الاصول . - خطا (ا ب) و (د ح) متحاذيان . فاقول ان كل خط يكون عمودا على احدهما فهو عمود على الاخر .

برهانه : نخرج من نقطة (ه) [ش ٨] عمودا على (د ح) و هو (ه ر) . فاقول ان زاوية (ه) قائمة . برهانه ان خطي (ا ب) و (د ح) حاصلان من عمود عليهما لامحاله كما بينا ، و هو (ب د) . فان كان (ب ه) مثل (د ر) فزاوية



(ه) قائمة . و ان كان احدهما اعظم ففضل من الاعظم مثل الاصغر و هو (ب ح) الذي فصلناه من (ب ه) . تكون زاوية (ح) القائمة مثل (ح ر د) و هو اقل من قائمه ، هذا محال . فخط (ب ه) مثل (ر د) و زاوية (ه) قائمة وذلك ما اردنا ان نبين

الشكل السادس -- وهو لد من الاصول . -- كل خطين متوازيين كما

حده اقليدس و هما اللذان لا يلقيان من غير شرط آخر فهما متحاذايان . مثاله :

(ا ب) و (د ح) [ش ٩] متوازيان فاقول انهما متحاذايان . برهانه : تعلم نقطه (ه)

ونخرج (ه ر) عمودا على (د ح) . فان كان زاوية (ه) قائمه كان الخطان

متحاذايين . وان لم يكن قائمه فانا نخرج (ح ه) عمودا على (ه ر)

فيكون (ح ه ط) و (د ر ح) متحاذايين . وخطا (ب ه ا) و (ط ه ح)

مقاطعان والبعد بين (ه ح) و (ه ا) يزداد مالا نهاية له والبعد بين (ه ح) و (د ر)

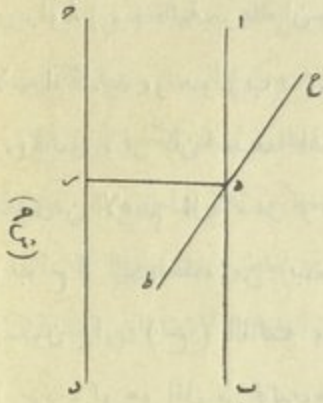
واحد الى مالا نهاية له لا يزيدو لا ينقص فلا شك ان يصير البعد بين (ه ا)

و (ح ه) اعظم من (ه ر) الذي هو بعد المتحاذايين فخط (ه ا) اذن

يقطع (د ر) وقد فرضناهما متوازيين هذا محال . فزاوية (ا ه ر) ليست

بأعظم من قائمه ولاصغر منها فهي ادن قائمه. فخطا (اب) و(دح) متحاذايان

اذن و ذلك ما اردنا ان نبين .



الشكل السابع - و هوله -

هذا الشكل هو نائب عن شكلي (كطول)

من مقاله آ . اذا وقع خط مستقيم

على خطين متوازيين فان الزاويتين

المتبادلتين متساويتان والزاويه

الخارجيه مثل الداخله والزاويتين

الداخلتين مثل قائمتين . مثله خطا (اب) و(دح) متوازيان و قد وقع

عليهما خط (كردل) فاقول ان زاويتي (لرد) و(اهر) المتبادلتين متساويتان.

[ش ١٠] و زاويتي (ا.ر) و (د.ر) الداخلتين مثل قائمتين و

زاويه (ح.ر.ك) الخارجيه مثل زاويه (اهر) الداخله. برهانها : اننا نخرج

من نقطه (ه) عمود (ه.ط) على (دح) فهو عمود على (اب)

لانهما متحاذايان. ونخرج من (ر) عمودا على (اب) وهو (ر.ح).

فسطح (ه.ط.ر.ح) قائم الزوايا، فالخطوط المتقابله منه متساويه. فتكون

زاويه (ح.ر) مثل (ه.ر.ط) و هما متبادلتان (ح.ر.ك) و (ه.ر.ط) مثل (ح.ر.ك)

و (ح.ر.ك) مثل (ا.ر) الداخله مثل الخارجيه و (ه.ر.ط) مع

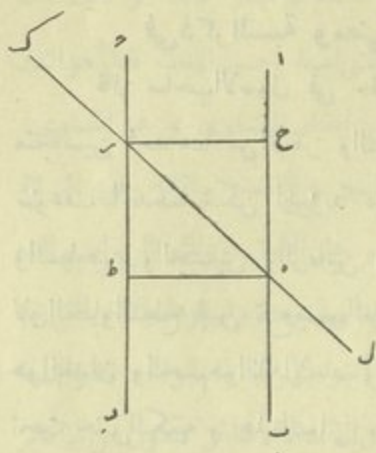
(ه.ر.ح) مثل قائمتين فزاويه (ا.ر) مع (ه.ر.ح) مثل قائمتين و

ذلك ما اردنا ان نبين .

فقد بينا احكام المتوازيه من غير احتياج الى المقدمه المطلوب

برهانها التي قد صادر عليها اقليدس و هذا برهانها .

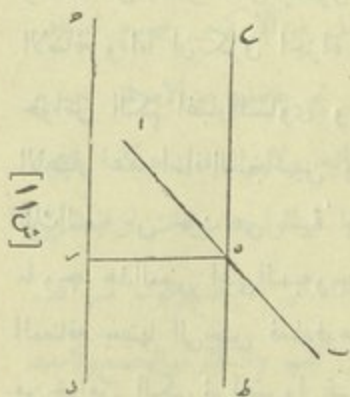
الشكل الثامن - وهو لو . - خط (ر . ر) مستقيم [ش ١١] وقد خرج عنه خطا



(ا) و (رد) وزاويتا (ا،ر) و (ح،ر) اقل من قائمتين . فاقول انهما يلتقيان في جهة (ا) . برهانه : نخرج الخطين على استقامه فيكون زاويه (ا،ر) اصغر من (ح،ر) فتجعل زاويه $\overline{ب،د}$ (ح،ر) مثل (ح،ر) وخطا (ح،ط) و (د،ر) ومتوازيان كما بينه اقليدس في شكل (ك،ر)

من مقاله (ا) . و خط (ا،ر) قطع (ح،ط) فهو ادن يقطع خط (د،ج) في جهة (ا) و ذلك ما اردنا ان نبين .

فهذا هو البرهان الحقيقي على احكام المتوازيات و على المعنى المقصود نحوه . والحق ان تلحق هذا الاشكال بكتاب الاصول على الترتيب الذي ذكر وسقط منها اعني من هذه المقالة ما هو داخل في المبادئ و



راجع الى الحكمة الاولى . وانما اوردناه ههنا و ان كان خارجا عن نفس الصناعة لانا لم نجد بدا من ايراد تلك الفصول لصعوبة المسئلة و كثرة كلام القوم فيها . فلحق بالصدر من المبادئ ما ذكرنا ان الصناعة محتاجه اليه حتى تكون الصناعة متقنة

فلسفيه لاتكون للتاظر فيها شك و لاتخاذ وجه ريب و حان لنا ان نختم مقاله الاولى حا مدين لله تعالى و مهصلين على النبي محمد و آله اجمعين .

المقالة الثانية

في ذكر النسبة ومعنى التناسب وحققتيهما (١)

قال صاحب الاصول في حقيقة النسبة انها هي اية قدر و مقدارين متجانسين احدهما من الاخر والمتجانسان المعنيان هاهنا هما اللذان اذا صوّف احدهما مكن ان يزيد على آخر اذا كانا متفاوتين مثل الخطين والسطحين والجسمين والزمانين وبالجملة هما اللذان تقع بينهما تفاضل لان الخط والسطح ليس تقع بينهما تفاضل اذ الخط هو البعد الواحد والسطح هو البعدان والجسم هو الثلثة الابعاد والزمان هو مقدار الحر كه وهذا الاجناس تحت جنس الكمية وهذه المعاني من صناعة^(٢) الحكمة الاولى و هذا الحد او الرسم الذي اورده اقليدس قريب من الحق اذا اخذت الفاظه وشرحت شرحا قوله هي (ايه قدر) مقدارين انما اراد بهما الاضافه الواقعه بين المقدارين من حيث ؟ هي مقدار وذلك ان كل مقدارين متجانسين فهي اما ان يكونا متساويين واما ان يكونا متفاضلين. ثم انتفاضل له حدود واقسام وذلك ان الاصغر اما ان يكون جزء من الاكبر اى يعده و يستقرقه عند الاضافه واما ان يكون اجزاء واما ان يكون على وجه آخر ومن خواص الكم اعتبار التساوى و غير التساوى فيه فالنسبه هي نفس ذلك الاعتبار عند اضافة المتجانسين و اعتبار امر آخر مقرون به و هو مقدار تلك النسبه من حيث هي نسبة مقداريه وهذا في العدديات اظهر و اول ما وجد هذا المعنى اعنى النسبه وجد في العدديات وذلك انهم اعتبروا الاعداد المضافه بعضها الى بعض فصادفوها اما متساويه واما غير متساويه و هذا من خواص الكم. ثم اعتبروا غير المتساوى فصادفوا الاصغر اما ان بعد الاكبر

(١) كان في نسخه الاصل ايه قدر و مقدارين

(٢) و هذا ايضا كان في الاصل حكيم الاول

مثل الثلثة للتسعة . ثم طلبوا كمية عد الثلثة للتسعة فوجدوا هائلته و كانت الثلثة
تعد التسعة ثلث مرات فاشتقوا من هذا المعنى اسما بحسب اللغات فقالوا هو الثلث
فالنسبة بين الثلثة والتسعة هي الثلث و هي اعتبار التساوى و غير التساوى
مقرونا باعتبار آخر كما بينا والتسبة بين التسعة والثلثة هي الثلثة
الاضعافيه ولم تشتقوا لهذا اسما واقتصرو على الاول وذلك الى واضع اللغة
و اما ان لا يعد الاكبر مثل نسبت الاثني الى السبعة و فرقوها بالاخراتى بعد
السبعة والاثني مما فلم يصادفوا عدد آخر بل وجدوا الواحد فقالوا النسبة
الاثني الى السبعة سبعتين ثم برهنوا على ان الاعداد الاصغر تكون من الاكبر
اما جزء واما اجزاء ولما وجدوا العدد يجانس المقدار لاقتسامهما جميعا تحت
جنس الكم فطلبوا هذا المعنى ايضا فى المقادير فوجدوا فيها مع هذين القسمين
قسما آخر و ذلك ان المقادير غير مركبه من الاجزاء التى لا يتجزى وليس
لاقتسامها نهايه محدوده كما للعدد فان العدد مركب من اجزاء لا يتجزى و
هى الوحدات و كل عدد بين متفاضلين يفضل من الاكبر جميع اضعاف
الاصغر و بقيت فضله اقل من العدد الاصغر ثم يفضل من الاصغر جميع
اضعاف الفضله فيبقى منه فضله اقل من الفضله الثانيه ولا يزال يفعل هكذا فلا بد
من ان تبلغ الى فضله تعدد الفضله التى قبلها او الواحد و ذلك ان العددين
متناهيان مفروضان و هما مركبان من الاحاد التى لا يتقسم و قولنا مركب
فى ترسيم العدد هو لاضطرار اللفظ لان معنى التركيب والكثرة والجمع والعدد
كلها واحد وقد اورد قدرا من هذا فى اول السابعة من كتابه و انت
يمكنك ان تعرفه بادنى تأمل و اما المقادير فانها غير مركبه من اجزاء لا

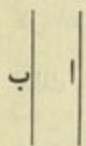
يتجزى و ليس لا تقسامها حد محدود فليس يلزم فيها هذا المعنى
فى كل حال و ليس يجب ان يبلغ لا محاله الى الواحد اذلا وحدة
فيها و لا الى فضله بعد التي قبلها ثم ان كان هذا المعنى و اصنافها
فلا يعبر ^{حسب} اصلا بالبرهان وقد اطنب فيها اقليدس فى عشرة كتابه و لا حاجة لنا
اليها فى هذا البيان اصلا و اذا كان كذلك فليس كل مقادير ملزم باضطرار
ان يكون الاصغر اما جزا من الاكبر و اما اجزاء بل يجوز ان يكون على ضرب
آخر غير عددى بل خاص بالمقادير فان قال انه لا يكون هذا القسم الثالث
اصلا بل هو هذا من القسمان العدديان فنحجب فنقول لا يضرننا ان نعتبر
احكام النسبه و التناسب فى المقادير من هذه الوجوه الثلثه ثم ان كانت القسمه
ملغاة بالبرهان فلا عتب علينا و ان لم يكن ملغاة فتكون قد تقدمنا و استوفينا
جميع الاقسام و هذا و يطلع منه على اسرار منطقيه عميقه جدا فافهمه .
ثم ذكر التناسب فقال هو اشتباه النسب و هذا بحسب اللغة كلام حسن الا انه
عدل عن حقيقة التناسب فى شرح هذا اللفظ عدولا خارجيا و ذلك
انه قال اذا كانت اربعة مقادير متجانسه و اخذت للاول و الثالث اضعاف
متساويه و للثاني و الرابع اضعاف كانت الى مالا نهاية له و قيست فان
كانت الاضعاف الاول زائده على اضعاف الثاني كانت اضعاف
الثالث زائده على اضعاف الرابع و ان كانت مساويه لها فهي مساويه لها ايضا
و ان كانت ناقصه عنها فهي ناقصه عنها اذا قيست على الولا فيقال نسبة الاولى
الى الثاني كتبت الثالث الى الرابع و ليس متناسبه و هذا ليس ينبئ عن التناسب
الحقيقى الا ترى ان سائلا لو سئل و قال اربعة مقادير متناسبه التناسب
الاقليدسى و الاول نصف الثاني فهل يكون الثالث نصف الرابع ام لا فكيف

يمكن البرهان على ان الثالث يكون ايضا نصف الرابع بطريقه اقليدس فان
اجيب و قيل انه يجب ان يكون الثالث نصف الرابع اذا كان الاول نصف
الثاني لمكان التناسب فاي برهان على ان الذي ذكر اقليدس من لوازم التناسب
الحقيقي وقال ^{انما سميت اربعة} كانت اذ لم يقم مقادير و اخذت الاضعاف على هذه الصفة و
كانت اضعاف الاول زايدة على اضعاف الثاني ولم يكن اضعاف الثالث زائده
على اضعاف الرابع قيل ان نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة الثالث الى الرابع
فهذا كلام الرجل في التناسب و نحن نسمى هذه التناسب المشهور و تكلم
في التناسب الحقيقي و المقالة لخامسه كلها في التناسب المشهور و مرجعه به
حسب ذلك التناسب فيسلم تلك المقالة و تلحق ما نقوله في التناسب الحقيقي
باخرها فانا عما قليل نبرهن ان هذا التناسب المشهور لازم للتناسب الحقيقي
فيكون لوازم التناسب المشهور اذن من لوازم التناسب الحقيقي من التركيب
والتفصيل و الابدال و العكس و غيره مما ذكره اقليدس و ما ضمن كلامه
بالقوة اقوال و حقيقته النسبة المقدارية قد تصورتها و ذلك ان كل مقدارين
اما ان يكون احدهما مساويا لآخره ولا يكون و غير المتساوي اما جزء
من الاخر و اما اجزا و هذه الثلثة هي النسبة العددية و اما ان يكون على
ضرب آخر خاص بالهندسة كما قد بيناه فيما تقدم و اذا كانت اربعة
مقادير و كان الاول مساويا للثاني و الثالث مساويا للرابع او كان الاول
جزا من الثاني و الثالث ذلك الجزء بعينه من الرابع او كان الاول اجزا من
الثاني و الثالث تلك الاجزاء بعينها من الرابع فان نسبة الاول الى الثاني كنسبة
الثالث الى الرابع لامحالة و هذا النسبة عدديه ثم ان لم يكن على هذه الوجوه
الثلثة بل فضل من الثاني جميع اضعاف الاول حتى بقيت فضله اقل من الاول

وكذلك فضل من الرابع جميع اضعاف الثالث حتى بقيت فضله اقل من الثالث وكان عدد اضعاف الاول في الثاني مثل عدد اضعاف الثالث في الرابع ثم تفصل جميع اضعاف فضله الثاني من الاول حتى بقيت فضله اقل من فضله الثاني وكذلك فضل جميع اضعاف فضله الرابع من الثالث حتى بقيت فضله اقل من فضله الرابع فكان عدد اضعاف فضله الثاني مثل عدد اضعاف فضله الرابع وكذلك بفضل من فضله الثاني جميع اضعاف فضله الاول ويفصل من فضله الرابع جميع اضعاف فضله الثالث فكان عددهما واحدا وكذلك يفضل جميع اضعاف الفضلات بعضها من بعض على الولا كما بينا فكان عدد كل فضله من الاول والثاني مثل عدد نظيرها من الثالث والرابع الى مالا نهاية له فان نسبت الاول الى الثاني كنسبة الثالث الى الرابع لامحاله وهذا هو التناسب الحقيقي في الضرب الهندسي واما النسبة العظمى والصغرى الحقيقيه فكما تقول اذا كانت اربعة مقادير وكان الاول مثل الثاني والثالث اصغر من الرابع او الاول اعظم من الرابع او الاول جزء من الثاني والثالث جزء آخر اصغر من ذلك الجزء من الرابع او اجزاهي باسرها اصغر من ذلك الجزء او الاول اجزا من الثاني والثالث جزءا آخر اصغر من تلك الاجزاء من الرابع او اجزا هي باسرها اصغر من تلك الاجزاء فان نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة الثالث الى الرابع واما اقتصرنا على الجزء الاخر وتركنا الاضعاف تخفيفا وبعضها يسوب عن بعض وحكمها عند العكس واحد لا يتغير منه شيى اعنى اذا كان الاول اضعاف الثاني والثالث اضعاف الرابع فقد علمت حكم نظاهر هذا الاجزاء من الاضعاف في هذا وفي التناسب الحقيقي واحد وهذا النسبه عدديه واما الهندسى فاذا فضل جميع

اضاف الاول من الثانى و بقيت فضلة وجميع اضعاف الثالث من الرابع و بقيت فضلة و كان عدد اضعاف الاول اقل من عدد اضعاف الثالث او كان هذا العدد مساويا لذلك لكن فضل جميع اضعاف فضلة الثانى من الاول حتى بقيت فضلة و فضل جميع اضعاف فضله الرابع من الثالث حتى بقيت فضله فكان عدد اضعاف فضله الثانى اكبر من عدد اضعاف فضله الرابع او هذا العدد ايضا مساويا لذلك العدد : لكن اذا فضل جميع اضعاف فضله الاول من فضله الثانى فى جميع اضعاف فضله الثالث من فضله الرابع فكان عدد اضعاف فضله الاول اقل اولم يبق من فضله الثانى او من الثانى فضلات و بقيت من فضله الرابع او الرابع فضله فان نسبة الاول الى الثانى اعظم من نسبة الثالث الى الرابع لا محالة فى الحقيقة وبالجملة فى هذا الضرب يكون اما ان لا يبقى من الثانى ومن فضلاته فضله و اما ان يكون فضلاته اقل و اما ان يبقى من الاول و فضلاته فضلة و لا يبقى من الثالث و فضلاته فضلة و اما ان يكون فضلات الاول اكبر من فضلات الثالث يلزم ان يكون نسبة الاول الى الثانى اعظم من نسبة الثالث الى الرابع و لهذا المعنى تفصيل اطول من هذا يمكنك ان تعرفه بهذا القانون الذى تعلمته فانهم وبقى علينا ان نبرهن ان الذى ذكره اقليدس هو من لوازم هذا ثم من المقدمات التى يحتاج ان تسلم هى ان كل مقدار مفروض يمكن ان يكون مثل كل نسبة مفروضه اى النسب كانت و هذه المقدمه حكميه و نبيته بمثال وضعى مثاله نسبة (ا) الى (ب) مفروضه و د مفروض فاقول انه يجب ان تكون نسبت (د) عند العقل لا عند الوجود فانه سواء يكون موجودا فى الاعيان اولا يكون اذا كان الاحتياج اليه فى البراهين لا غير الى مقدار آخر كنبه (آ) الى (ب) برهانه ليس للمقادير فى التضعيف والتصنيف نهاية

محدوده بل يمكن ان يضعف الى الا نهاية له وكذلك يمكن ان ينصف

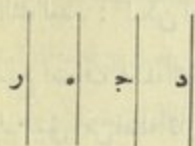


الى الا نهاية له اذا كان كذلك فباضطرار يكون

مقدار عظيم جداً نسبة (د) اليه اصغر من نسبة

(ا) الى (ب) وليكن ذلك المقدار (هـ) و

باضطرار يكون مقدار صغير جداً يكون نسبة (د) اليه اعظم من نسبة



(ا) الى (ب) والمقدير ليس لانقسامها نهاية

فيين (هـ) و (ر) باضطرار يكون مقدار نسبة

(د) اليه كنسبة (ا) الى (ب) لاما نغ هناك

اصلا لان كل ما يريد يمكن ان يفصل من (هـ) و كل ما يريد يمكن ان

يزاد على (ر) فليكن ذلك (جـ) وذلك ما اردنا ان نبين اذا كان مقدار

ان متواصلان وفضل من الاعظم نصفه او اكبر و من الثاني كذلك ثم هكذا

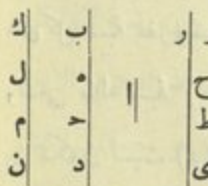
نعمل بالباقيات فانه سيبقى مقدار اصغر من المقدار الاصغر المفروض مثاله

مقدارا (ا ب) مفروضان فاقول ان الحكم فيهما كما ذكرنا برهانه انا

نضعف (آ) حتى تصير اضعافه اكثر من (ر د) و ليكن (ر ي) و

فيه من امثال (ا) (ر ح) (ح ط) (ط ي) و هو ثلثه فصلنا من (ب د)

(د جـ) و هو نصفه او اكثر و من (جـ ر) (هـ جـ) و هو نصفه او اكثر



واخذنا لمقدار (و ب) اضعاف مساويه لاضعاف

(ر ي) لمقدار (ا) و هو (ك ن) و اضعافه

(د ل) (ل م) (م ن) فمقدار (ت هـ) ليس

ليس باعظم من (جـ هـ) و (هـ جـ) ليس باعظم من (جـ د) بل اصغر

منه بكثير فمقدار (ب د) اعظم من ثلثه اضعاف (ب هـ) و ثلثه اضعاف

(ك ن) فمقدار (ك ن) اصغر من (ب د) و (رى) اعظم من (ب د)
 (فرى) اعظم من (ك ن) و نسبة (رى) الى (ك ن) بالنسبة المشهور
 كنسبة (ا) الى (ب) فمقدار (ا) اعظم من (ب) و ذلك ما اردنا
 ان نبين و هذا هو الشكل الاول من المقالة العاشرة من كتاب الاصول ولم
 يحتاج في برهانه الا الى المقالة الخامسة فحسب فنقلناه الى هذه الموضع
 لاحتياجنا في هذه البراهين اليه وليكن افليدس ذكر انه يفصل من الاكبر
 اعظم من نصفه ولم تقل يفصل منه مثل نصفه او اكثر منه حتى تكون
 الدعوى اعم ومن العجب انه قد استعمل هذا الشكل في شكل (بج) من
 مقاله (بت) وقال اذا فصل من الاكبر مثل نصفه ومن الباقي مثل نصفه ولو
 كانت دعواه هنا هكذا لكان اقع له في ذلك الموضع كامل اذا كانت
 اربعة مقادير متناسبه بالنسبة الحقيقه ونسبة الاول الى الثانى نسبة عديدة فاقول

د	ا	س	الى
ع	ك	س	(دج) كنية (ر) الى (حط) بالنسبة الحقيقه
ح	ب	ب	والنسبة عدديه فيكون (اب) الى مساويه

(ادج) و (ر) (احط) و نأخذ الاول والثالث اضعافاً متساويه

ح	هـ	ف	اي الاضعاف كانت وهما (ع) (ص) و (اب)
ص	م	ف	مثل (دج) فاضعاف (ع) (اب) مثل
ط	ز	ف	اضعاف (ص) (ار) (فس) (ف) اما زائدان

معاً على (ع) (ص) و اما مساويان معاً لهما و اما ناقصان معاً منهما فتنسبه (اب) الى (دج)
 كنية (ر) الى (حط) بالنسبة المشهوره وان كان اب جزء من (دج) فتقسم
 (دج) باثنا عشر (اب) وصى (دل) له وكذلك اقسام (حط) هي (حن)

(ن ط) فاضعاف (ع) ا (د ج) مثل اضعاف (ص) ا (ح ط) و اضعاف (دج)
 ا (اب) اعنى (د ل) كاضعاف (ح ط) ا (ه ر) اعنى (ح ن) فيكون اضعاف
 (ع) ا (اب) مثل اضعاف (ص) ا (ه ر) وآل الامر الى القسم الاول فالمقادير
 متناسبه و ان كان (اب) اجزا من (دج) فتقسم (اب) باجزاء (دج) و هي
 (ك) (ك ب) و كذلك اقسام (ه ر) هي (ه م) (م ج) فبالبيان المتقدمه
 يكون اضعاف (س) ا (ك) مثل اضعاف (ف) ا (ه م) و كذلك يكون
 اضعاف (ع) ا (ك) مثل اضعاف ص ا (ه م) وال الامر الى الاول فالمقادير
 متناسبه بالنسبه المشهوره وذلك ما اردنا ان نبين (وعكس) هذا الشكل و هو
 ان مقادير (اب) (دج) متناسبه بالنسبه المشهوره ونسبة (ا) : (ب) نسبة عدديه
 بالنسبه الحقيقيه فاقول انها متناسبه بالنسبه الحقيقيه برهانه . ان لم يكن نسبة آ

ب	ا	الى (ب) كنسبه (د) الى (ج) بالنسبه
ب	ا	الحقيقيه فليكن كنسبه (د) الى (ه)
ب	ا	فيكون اذن نسبة (ا) الى (ب)
ج	ه	كنسبه (د) الى (ه) بالنسبه المشهوره
ج	ه	ونسبة (ا) الى (ب) المشهوره كنسبه
ج	ه	(د) الى (ج) فنسبه (د) الى (ج)

كنسبه (د) الى (ه) بالمشهوره كما بين في الخامسه و نسبة (د) الى (ج)
 و الى (ه) واحده بالمشهور فيكون (ج) مثل (ه) فنسبه (ا) الى (ب)
 كنسبه (د) الى (ج) بالحقيقيه وذلك ما اردنا ان نبين نسبة مقدار (اب) الى
 مقدار (دج) بالمشهور كنسبه (ح ط) الى (ك ل) و نسبة (ا ه) الى (دج)
 بالمشهور كنسبه (ح م) الى (ك ل) فاقول ان نسبة (ه ب) الى (دج) كنسبه

(مط) الى (كـل) بالمشهور برهانه نسبة (اب) الى (دج) كنسبه (حط) الى (كـل) و نسبة (دج) الى (اه) كنسبه (كـل) الى (ح م) ففى نسبة المساوات نسبة

د	ا	(اب) الى (اه) بالمشهور كنسبة (حط) الى (ح م)
ج	هـ	فيكون نسبة (اب) الى (دب) كنسبه ح م الى (مط)
كـ	ب	بالمشهور وبالعكس نسبة (دب) الى (اب) كنسبه
ل	ح	(مط) الى (كـل) و نسبة (اب) الى (دج) كنسبه
	م	(حط) الى (كـا) ففى نسبة المساواه نسبة (مط)
	ط	الى (كـل) كنسبه (دب) الى (دج) وذلك ما اردنا

ان نبين وقد برهن اقليدس على عدة اشياء فى مقاله الخامسة غير محتاجه الى البرهان وهو قوله : نسبة المقدار الواحد الى المقدارين المتساويين واحدة وقد بيناها وقوله اذا كانت نسبة الاول الى الثانى كنسبة الثالث الى الرابع و نسبة الثالث الى الرابع كنسبه الخامس الى السادس فنسبة الاول الى الثانى كنسبة الخامس الى السادس وهذا لا يحتاج الى برهانه لان نسبة الاول الى الثانى اذا كانت هى بعينها نسبة الثالث الى الرابع و كانت نسبة الثالث الى الرابع هى بعينها نسبة الخامس الى السادس لزم ان تكون نسبة الاول الى الثانى هى بعينها نسبة الخامس الى السادس باضطرار ولكن اقليدس لما عبر عن التناسب بلازمه لا بنفسه امكن ان يكون الشك يعترض فى ذلك اللازم و اما فى النسبة الحقيقية فلان نسبة مقدار (اب) الى مقدار (دج) كنسبه مقدار (ح ط) الى مقدار (كـل) بالمشهور و ليست نسبة (اب) الى (دج) نسبة عدديه فاقول انها متناسبه بالتحقيق برهانه : ان لم تكن متناسبه فتكون نسبة احدهما اعظم من الاخر فليكن نسبة (اب) الى (دج) اعظم من نسبة (حط) الى (كـل) فنفصل

من (دج) جميع اضعاف (اب) و هو (هج) وفصل من (كل) جميع اضعاف (حط) و هو (رل) فان كان عدد هما متقابلين فليكن عدد (رل) اكثر لان النسبة الصغرى في جنبه (حط) (كل) فنفصل من (رل) من اضعاف (حط) مثل عدد (هج) وهو (سل) فيكون نسبة (اب) الى (هج) كنسبه (حط) الى (سل) فيبقى نسبة (اب) الى (ده) كنسبه (حط) الى (كس) و (اب) اعظم

د	ا	من (ده) و (حط) اصغر من (لس) هذا محال
هـ	ن	فعدد (رل) مثل (هج) فيبقى نسبة (ده) الى (اب)
ج	ب	كنسبه (رل) الى (حط) فنفصل جميع اضعاف (ده)
ر	ح	من (اب) وهو (بن) ويفصل جميع اضعاف (رل)
س	م	من حط وهو (مط) فان كان عدد (بن) مثل عدد
ل	ط	(مط) و الا فيكون عدد (بن) اكثر لان النسبه

العظمى في جنبه (اب) (دج) وقدينا احكامها في صدر المقاله ثم اذا كان عدد (بن) اكثر لزوم المحال المقدم فيجب ان يكون عدد (بن) مساويا لعدد (مط) و كذلك يجب في عدد جميع الفضلات ولكن فرصنا ان نسبة (اب) الى (دج) اعظم من نسبة (حط) الى (كل) فلا بد من ان يحصل شي من خواص النسبه العظمى وهو ان يكون عدد فضلات (دج) اقل من عدد فضلات (كل) وهو محال او يكون عدد فضلات (اب) اكثر من عدد فضلات (حط) وهو محال ايضا فليس نسبة (اب) الى (دج) اعظم من نسبة (حط) الى (كل) وذلك ما اردنا ان نبين و اعلم ان كون نسبة المقدار الواحد الى المقدارين المتساويين نسبة واحده و كون نسبة كل واحد من المقدارين المتساويين الى المقدار الواحد نسبة واحده فغير محتاجين الى البرهان ولكن اذا كانت

نسبة كل واحد من مقدارين الى مقدار واحد نسبة واحده كان المقداران متساويين فمحتاج الى برهان وكذلك اذا كانت نسبة مقدار واحد الى مقدارين نسبة واحدة كان المقداران متساويين يحتاج الى برهان مثاله :
 نسبة مقدار (ار) الى (جه) كنسبة الى (بد) بالتحقيق فاقول ان (بد) (جه) متساويان برهانه : ان لم يكونا متساويين فاحدهما اعظم وهو (بد) وليكن (ار) اصغر من كل واحد منهما فرضا فانه ان كان اعظم كان البرهان واحدا وكذلك في جميع الاشكال المقدمه فنفصل من (جه) جميع اضعاف (ار) وهو (حه) وكذلك يفضل جميع اضعاف (ار) من (بد) وهو (طد)

ج		ب	فيكون (حه) مثل (طد) فيكون (لط) اعظم من
ك		ل	(جح) وفضله عليه بمقدار فضل (رد) على (جه)
ح		ط	ويفضل من (ار) جميع اضعاف (جح) وهو (زر)
د		د	ويفضل ايضا من (ار) جميع اضعاف لط وهو (مر)

فيكون (مر) لامحاله اعظم من (زر) لان عدد الاضعافين متساويين ويفضل جميع اضعاف (ام) من (بط) فيبقى (ب) ويفضل جميع اضعاف (ان) من (جح) يبقى (جك) فيكون (بل) اعظم من (جك) وفضله عليه اعظم من فصل (در) على (جه) لان فصل (بط) على (جه) مثل فضل (بد) و (ام) اصغر من (ان) فيكون (طل) اصغر من (كح) فيبقى فضل (بل) على (جك) اعظم من الفضل الاول وكذلك في الكثيره الاخرى من الفضلات يكون الفضل من (بد) اعظم من فضله (جك) واعظم من الفضلة المتقدم وهكذا نكون كل فضله اعظم مما قبله الى ما لا نهاية له وليكن (دد) مقدار فضله على (جه) مقدار اصغر منه ويفصل من (بد) اعظم من نصفه وهو (طد) وكذلك

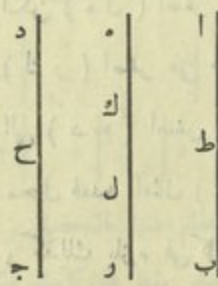
من (لط) اعظم من نصفه و هو (طن) و كذلك (هر) هكذا بفضل من الباقي اعظم من نصفه الى مالا نهاية له فيبقى مقدار اصغر من فضل (اد) على (جه) وقد بينا ان الفضلات الى الزيادة اعنى كل فضله وهو هذه الباقيات من الفضل المذكور يكون اعظم من الفضله المتقدمة ويكون اعظم من فضله (له) بكثير في كل مرة اذا كان (اد) اعظم من (جه) الى مالا نهاية له هذا محال فليس (لح) اعظم من (جه) ولا اصغر فهو مثله وذلك ما اردنا ان نبين و هكذا عكسه يمثل هذا البرهان نسبتها اليه واحدة يجب ان تكونا متساويتين نسبة (آ) الى (ب) بالتحقيق كنسبة (د) الى (ج) والنسبة غير عدديه فاقول ان نسبة (آ) الى (ب) يكون اذن كنسبه د الى (ج) بالمشهور برهانه : ان نسبة (آ) الى (ب) كسبه (د) الى (ه) بالمشهور فقدرنا ذلك ان هذا الحكم يستمر في كل مقدار

ب		وان كان يوجد بقانون صناعي في الاعيان فيكون
		نسبة (ا) الى (ب) كنسبة (د) الى (ه) بالتحقيق
		فيكون اذن نسبة د الى (ه) كنسبة (د) الى (ج)
ح	د	بالتحقيق فهما متساويتان فالمقادير متناسبة بالمشهور

وذلك المطلوب ولماذا كررنا احكام التناسب الحقيقي وبيان التناسب المشهور بحسب ما ذكره اقليدس من لوازمه اعنى كل متناسب بالمشهور فهو متناسب بالحقيقه و كل متناسب بالحقيقه فهو متناسب بالمشهور فلنذكره الان احكام عظم النسبة وصغرها . الحقيقتين اذا كانت نسبة الاول الى الثاني كنسبة الثالث الى الرابع بالتحقيق فتكون تلك النسبة هي بعينها هذه النسبه ونسبة الثالث الى الرابع اعظم او اصغر من نسبة الخامس الى السادس فتكون نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة الخامس الى السادس بالتحقيق لا يحتاج الى برهان واقليدس انما برهن

عليه لانه اخرج المعنى من الحقيقة و عدل عن حقيقة ذات الشئ الى لازم له غير ظاهر بل ذى وسط يحتاج فى معرفة اللزوم الى برهان و كذلك اذا كان مقداران متفاضلان فان نسبة مقدار آخر الى الاعظم بالحقيقة اصغر من نسبة ذلك المقدار بعينه الى المقدار الاصغر و كذلك نسبة الاعظم الى ذلك المقدار المفروض بالحقيقة اعظم من نسبة المقدار الاصغر الى ذلك المقدار بعينه لايحتاج الى برهان اصلا و اقليدس برهن عليه لانه عدل عن حقيقة النسبة العظمى الى المشهور و اما اذا كانت نسبة مقدار مفروض الى احد المقدارين المفروضين اعظم من نسبة ذلك المقدار بعينه الى المقدار الاخر من المقدارين المفروضين بالحقيقة فححتاج الى برهان و كذلك عكسه يحتاج الى برهان .

ايضا مثاله مقدار (ا ب) (د ح) مفروضان و مقدار (ه ر) مفروض ونسبة (ه ر) الى (ا ب) اصغر من نسبه الى (د ح) فاقول ان (ا ب) اعظم من (د ح) برهانه : ان لم يكن (ا ب) اعظم من (د ح) فهو اما ان يكون مساويا له فيلزم اذن ان يكون نسبة (ه ر) الى (ا ب) كنسبة (ه ر) الى (د ح) وليس كذلك اذن فليس بمساو له واما ان تكون اصغر منه و قد فرضنا ان نسبة (ه ر) الى (ا ب) اصغر من نسبة (ه ر) الى (د ح) فيجب اذن ان يكون عدد بعض فضلات (ه ر) لفضلات (ا ب) اعظم من عدد نظائره من (ه ر) لنظائره من (د ح) او يكون عدد بعض فضلات (د ح) لفضلات (ه ر) اعظم من عدد نظائره من (ا ب)



لنظائره من (ر . ر) . لان هذا هو من خواص عظم النسبه و صفرها او
خاصية اخرى من خواصها يمكنك ان تعرفها بادنى تأمل و خصوصا اذا
تحققت ما نوردته ههنا و نقرض ههنا (ر . ر) اصغر من كل واحد منهما
لانه ان كان اكبر منهما او مساويا لاحدهما و اصغر و اكبر من الاخر
فان البرهان واحد و فى بعض الوجوه اسهل يمكن ان تعرف بادنى
تأمل و يفضل جميع اضعاف (ر . ر) من (ا ب) يبقى الفضله (ا ط)
و كذلك يفضل جميع اضعاف (ر . ر) من (د ج) يبقى الفضله (د ح)
(فح ج) مثل (ب ط) و ان لم يكن يلزم ان يكون (ب ط) اعظم
من (ح ج) لان عظم النسبه فى جنبه الا ان (د ج) اعظم من (ا ب)
هذا محال (فح ج) مثل (ب ط) فيكون (د ح) اعظم من (ا ط)
و يفضل جميع اضعاف (د ط) من (ر . ر) تبقى الفضله (ر ك) و يفضل
جميع اضعاف (ا ط) من (ر . ر) تبقى الفضله و يجب ان يكون عدد الفضلات
فى هذا ايضا مساويا و الا لزم المحال الاول لانه ان لم يكن عدد الفضلات
متساويا كان متفاضلا و ان كان عدد امثال (ح د) فى (ك ر) اعظم من
عدد امثال (ا ط) فى (ل ر) يكون (ك ل) اعظم من (ا ط) و
لكن (ل ر) اصغر منه هذا محال و ان كان عدد امثال (د ح) فى
(ك ر) اصغر من عدد امثال (ا ط) فى (ل ر) كانت نسبة (ر . ر)
الى (د ج) اصغر من نسبه الى (ا ب) و قد فرضنا بخلاف هذا
محال فعدد امثال (د ح) فى (ك ر) مثل عدد امثال (ا ط) فى (ل ر)
و كذلك يلزم فى كل فضله هذ المعنى بعينه و هو ان يكون عدد امثال
فضلات (د ح) فى فضلات (ر . ر) مساويا لعدد فضلات (ا ب) فى (ر . ر)

وكذلك عدد امثال فضلات (ر) في (د ج) يكون مساويا لعدد
امثال فضلات (ر) في (ا ب) و الا يلزم المحال المذكور ولا يزال
تكون الفضلات الباقية من (ر) بعد اسقاط فضلات (د ج) منها اصغر
من فضلات (ر) بعد اسقاط فضلات (ا ب) من (ر) اعنى نظائرها
ويكون فضلات (د ج) بعد اسقاط فضلات (ر) منها اعظم من فضلات
(ا ب) بعد اسقاط فضلات (ر) منها اعنى النظائر وهذا خلاف
المطلوب وذلك ان نسبة (ر) الى (ا ب) اصغر من نسبة (ر)
الى (د ج) هذا محال فليس (د ج) باعظم من (ا ب) ولا مساويا له
فهو اذن اصغر منه وذلك ما اردنا ان نبين ولهذا الشكل اختلاف و
قرعات و اصعب اضعافه ما اثنا به و باقيها يمكن ان تستبط بقوة هذا
متر كنا تبرها بالتطويل و الجيد الحدس التاقب الراى اذا عرضت عليه
تلك الاضعاف تقطن لبراهينها بقوة ما ذكرنا بادنى مدة و كذلك ساير
الاشكال التى قبله لا يخلو عن اختلاف وقوع واختلاف اوضاع وسيله
هذا السيل حتى تعلمه و اكثر الاشكال الهندسيه لا يخلو عن اختلاف
وقوع و من الناس من يتكلف تطويلات يخلو يخرج التصنيف عن وزنه
و قدره و ما هو الا تكلف و تمسف بارد و ثابت
قد صرف عنه صفحا لهذا السبب نسبة مقدار
(ا) الى مقدار (ب) اعظم من نسبة مقدار
(د) الى مقدار (ج) بالمشهور فاقول انها اعظم منها بالتحقيق
ايضا برهانه : ان لم يكن فى مثلها او اصغر منها فان كانت مثلها
كانت نسبة (ا) الى (ب) بالمشهور كنسبة (د) الى (ج) و قد قلنا

انها اعظم منها هذا محال و ان كانت اصغر منها فبقدر ان نسبة (ا) الى (ب) كنسبة (د) الى (هـ) بالحقيقة فنسبه (د) الى (هـ) اصغر من نسبة (د) الى (جـ) فيكون (جـ) اعظم من (د) بالحقيقة كما يننا في الشكل المتقدم و نسبة (ا) الى (ب) كنسبة (د) الى (جـ) في المشهور فنسبة (د) الى (جـ) بالمشهور اعظم من نسبة (د) الى (هـ) فيكون (جـ) اصغر من (د) و قد كان اعظم منه هذا محال فليست نسبة (ا) الى (ب) اصغر من نسبة (د) الى (جـ) فهي اذن اعظم منها وذلك ما اردنا ان نبين و عكس هذا الشكل نسبة مقدار (ا) الى (ب) بالحقيقه اعظم من نسبة (د) الى (جـ) فاقول انها بالمشهور كذلك فان لم يكن فلا يجوز ان تكون النسبه مثل النسبه و الا لزم المحال - المذكور فليكن نسبة (ا) الى (ب) اصغر من نسبة (د) الى (جـ) بالمشهور و قدر ان نسبة (ا) الى (ب) بالمشهور كنسبة (د) الى (هـ) فنسبة (د) الى (هـ) اصغر من نسبة (د) الى (جـ) فيكون (هـ) اعظم من (جـ) و نسبة (ا) الى (ب) بالمشهور كنسبة (د) الى (هـ) فنسبة (د) الى (هـ) اصغر من (د) الى (جـ) فيكون (هـ) اعظم من (جـ) و نسبة (ا) الى (ب) بالمشهور كنسبة (د) الى (هـ) فبالحقيقه كذلك فنسبة (د) الى (هـ) بالحقيقه اعظم من نسبة (د) الى (جـ) فيكون (هـ) اصغر من (جـ) و قد كان اعظم منه هذا محال فنسبة (ا) الى (ب) بالمشهور اعظم من نسبة (د) الى (جـ) و ذلك ما اردنا ان نبين .

فقد يننا ان ما ذكره اقليدس من ترسيم عظيم النسبه وصغره هي

المقالة الثالثة

في تأليف النسبه و تحقيقه

قد ذكرنا في اول المقالة الثانيه حقيقه النسبه الكميه و معناها و قلنا هناك ان النسبه هي اضافه بين المقادير من حيث هي مقادير مقرونه بامر آخر و ذلك الامر هي مقدار التفاضل بينهما على وجه معلوم لا يشار كها فيها غير ها و اطينا فيها و استأقنا الكلام في تأليف النسبه قال اقليدس اذا اخذت نسبتان و ضوعف بعضا ببعض فعلت نسبة ماقلتك النسبه هي مؤلفه من تينك النسبتين ضوعت احديهما في الاخرى و قال في صدر المقالة الخامسه على سبيل المصادره من غير برهان ان كل ثلثه مقادير متجانسه فان نسبة الاول الى الثالث مؤلفه من نسبة الاول الى الثانى و من نسبة الثانى الى الثالث و قال ان كل ثلثه مقادير متناسبه فان نسبت الاول الى الثالث ضعف نسبة الاول الى الثانى و كذلك اذا كانت اربعة مقادير و خمسه مقادير على هذا القياس و هذه قضيه عظيمه و يجوز ان تكون مقدمه لامور عظيمه الا يبرهان هندسى شاف اما ما ذكره من تضعيف النسبه فهو ان نسبة ثلثه الى خمسه معناها ثلثه اخماس واحد و ذلك انه يفرض مقدار واحد اى يفرض مقداراً و يسمى واحداً و يضاف اليه المقادير الاخر فان كل مكمل لا بد من ان يكون فيه شئى مفروض واحداً و الثانى مضاف اليه من سبل العدد فلو كانت النسبه المقداريه غير عدديه اضيف مربعه الى مربع الواحد او مربع مربعه الى ما لا نهاية له او يترك تلك النسبه مجهوله من حيث الكيل اذ لا يوجد سبيل الى ادراك كميه اصلا مضافه الى ذلك الواحد المفروض

ولست اقول ان النسبة المقداريه يجب ان تكون مكيله حتى تكون معلومه بل اقول انه لا بد من ان تكون كل نسبة مقدار بحيث يمكن ان تفرض مقدارا من ذلك الجنس واحدا فيكون اذن نسبة ذلك المفروض الى مقدار آخر معقول مثل تلك النسبة المفروضه و ليس يجب ان يكون ذلك المقدار مفقودا لكونه مفقودا في الاعيان بسبب عجزنا عن الوقوف على قانون صناعى به يمكن استخراجه وكثيرا ما تكون هذه النسبه مجهوله من جهة العدد معلومه من جهة الهندسه ولكن لاضير لنا من ذلك بعد تحقيقنا ان النسبة المقداريه يقترن بشيئى عددى او فى قوة - العدد ثم النظر فى ان النسبة المقداريه هل يتضمن العدد فى ذاتها او يلزم العدد او يلحقه العدد من خارج ذاته بسبب امر آخر و يلحقه العدد بسبب للازم ذاته من غير احتياج الى حكم خارج فذلك نظر حكمى ليس للمهندس تعاطيه اصلا لكن يجب ان يعرف ان الكلام فى تاليف النسبة منها هو من حيث اقتران معنى العدد و الواحد بها اما بالقوه و اما بالفعل و اما كيف ذلك الاقتران و هو على احد الوجوه التى ذكرنا ام لافليس الينا فى هذا البحث فافهمه و ان اقليدس احتاج الى تاليف النسبه فى الشكل الثالث العشرين من مقاله السادسه حيث اراد ان يبرهن على ان كل سطحين متوازي الاضلاع روايا متساويه و اراد بالتاليف بضعف احدى النسبتين بالآخرى ثم لم يجتج فى كتابه الى ذلك الشكل ولا الى تلك الاخرى القائله بان كل ثلثه مقادير متناسبه فان نسبت الاول الى الثالث ضعف تسبه الاول الى الثانى الاعدد نسب اضلاع السطوح المتشابهه واضلاع المجسمات المتشابهه وهى ايضا مستغنى عنها فليت شعرى ما الذى اخرجته

الى ذكرها تين المقدمتين و المصادرة عليها من غير برهان
و اما تأليف النسبه في كتاب بظلمبوس المعروف بالمجسطي فثنى
عظيم و اعناده كثيره و فائدة جزيله الا ان بظلمبوس قد صادر ايشاعلى
هذه المقدمه من غير برهان و عليه بناء الشكل القطاع و على الشكل
القطاع بنى اكثر علم الهيئه و خصوصا ما يقع من الاحوال و الاحكام و
الهيات في الفلك المكوكب و فلك معدل النهار ففناء هذا اعنى تأليف
النسبه ليس بصغير و كذلك كتاب المخروطات لابولونيوس الذى هو مقدمه
عظيمه لاكثر العلوم الهندسيه و خصوصا المجسمات و بالجملة فان عظام
الامور في علم الهيئه و علم الهندسيات الصغار والكبار منيه على تأليف النسبه
و اما تأليف النسبه المذكوره في علم الموسيقى فانه غير هذا التأليف
و انما هو التركيب و التقصان و لفظ التأليف عليهما بالاتفاق والاشترك
لا بالتواطؤ الصرف و اقليدس قد ذكر تأليف النسبه المعروف في مقاله
التاثيره و استعمله في شكل كان مستغنيا عنه في كتابه ^{استغناؤه} المستغنى من -
الشكل الذى ذكرنا و تركيب النسبه الذى عليه مبنى بعض اجزاء -
الموسيقى فان ذلك عددى و قد اشبع القول فيه اقليدس في مقاله -
التامنه و اما تقصان النسبه المسذكور في الموسيقى فهو بالحقيقه عند -
النظر و التأمل صنف من التركيب و الطريق الى معرفتها عند الثاقب
الزأى الجيد الحدس واحد و قد ذكرنا سطرنا من هذا المعنى في شرح
المشكل من كتاب الموسيقى و علم العدد غير محتاج الى الهندسه و
كيف يكون و هو قبل الهندسه قبله بالذات و ليس بينهما نسبه الا ان
الهندسه مقتقره الى العدد و كيف لا و المثلث هو الذى يحيط به ثلثه

خطوط فمن لم يكن عارفاً بمعنى الثلثة كيف يمكنه ان يعرف معنى -
الثالث فثلثة جزء من الثالث فهو علمه وقبله بالذات والنظر في العدد
غير النظر في الهندسه و هما علمان ليس احدهما قبث الاخر و لكن -
الهندسه تحتاج في بعض براهين اجزائها الى شيى من العدد كما هو
مذكور في المقالة العاشره وذلك عند مساحة المقادير اعنى معرفة النسبه
بينهما من حيث العدد كما قد بيناه في صدر هذه مقاله و هو ان يفرض
مقدار ما واحد او يمسح به سائر المقادير التى من جنسه و هو ان
يعرف كميتها من حيث النسبة الى ذلك الواحد و اقليدس انما خلط بين
صناعة العدد و صناعة الهندسه لامر ين احدها ليكون كتابه مشتملا على
اكثر قوانين علم الرياضيات و نعم ما راي هذا و الثانى انه محتاج الى
علم العدد في المقالة العاشره و لم يرد ان يكون براهين كتابه محتاجه
الى شيى خارج من كتابه من علم الرياضيات الا انه كان من الواجب
ان يقدم العدديات على الهندسيات كما عند الوجود و العقل و لكن -
البراهين العدديه اصعب ادراكاً من البراهين الهندسيه فقدم عدة براهين
هندسيه ليراض نفس المتعلم و بعد ما ذكرنا هذه المعانى التى بعضها
خارج من الفرض المذكور المقصود نحوه فى هذه مقاله و انما
ذكرناه ليكون زيادة فى علم الاصول هذه المعانى و ليكون هذه الرساله
مشتمله على اكثر ما يحتاج اليه فيها و تشويقاً للمتعلم الى الامتداد نحو
معرفة اصول الصناعات و الوقوف على اصول العلوم الكلية وعلى مبادئ
الوجود و معرفة واجب الوجود الحق و سائر الاحوال الالهيه و
امر المعاد .

نشرح في البرهان على ما قلنا : (ا ب د) ثلثة مقادير متجانسه
فاقول ان نسبة مقدار (ا) الى مقدار (د) مؤلفه من نسبة مقدار (ا)
الى مقدار (ب) و من نسبة مقدار (ب) الى مقدار (د) برهانه ؛
فترض الواحد و نجعل نسبة الى مقدار (ر)
كنسبة (ا) الى (ب) و النظر في مقدار (ر)
لا من حيث كونه خطأ او سطحاً او جسماً
او زمامات بل النظر فيه من حيث كونه مجردا
في العقل عن هذه اللواحق و من حيث تعلقه

بالعدد لا عدداً مطلقاً حقيقياً لان النسبة بين (ا) و (ب) ربما كانت
غير عدديه فلا يوجد عدد ان على نسبتها و الحسب اعنى المساح
كثيرا ما يقولون نصف الواحد و ثلثه و غير ذلك من الاجزا و الواحد
لا ينقسم ولكنهم يعنون به واحدا لا مطلقاً حقيقياً منه تركبت الاعداد
الحقيقيه بل يعنون به واحدا مفروضا ينقسم عندهم ثم يتصرفون في المقادير
بحسب ذلك الواحد المنقسم و بحسب الاعداد المركبه منه و كثيراً
ما يقولون جذر خمسة جذر عشره و غير ذلك مما يكثر في اتنا
مجاوراتهم و ضمن اعمالهم و مساحاتهم و انما يعنون به خمسة مركبه
من آحاد منقسمه كما ذكرنا فيجت ان تعرف ان هذا الواحد هو ذلك
المنقسم و مقدار (ر) يعتبر فيه عدد كما ذكرنا اى مقدار كان و قولنا
نجعل نسبة الواحد الى مقدار (ر) كنسبة (ا) الى (ب) فانا لانعنى
به يمكننا من ان نضع في جميع المقادير هذا المعنى اى يجعل مايقول
بقانون صناعى بل نعنى به انه عند العقل غير ممتنع ان يكون و ليس

عجزنا عن صنع ذلك بدل على ان الامر في ذاته ممتنع فافهم هذه -
المعاني و نجعل نسبة الواحد الى مقدار (ج) كنسبة (ا) الى (د)
فنسبة (ا) الى (د) كنسبة الواحد الى (ج) و نسبة (هـ) الى الواحد
كنسبة (د) الى (ب) ففى نسبة المساواه تكون نسبه (ا) الى (ب)
كنسبة (هـ) الى (ج) و نسبة (ا) الى (ب) كنسبة الواحد الى (ر)
فيكون نسبة (هـ) الى (ج) كنسبة الواحد الى (ر) فهما اربعة مقادير
متناسبه فيكون ضرب الواحد الذى هو الثالث من (ج) الذى هو الثانى
كضرب (هـ) الاول فى (ر) الرابع و (د) هو نسبة (ا) الى (ب)
و (هـ) هو نسبة (ب) الى (د) و (ر) هو نسبة (ا) الى (هـ)
فضرب نسبة (ا) الى (ب) فى نسبة (ب) الى (د) وضرب الواحد
فى كل شيى هو هذا الشئى بعينه لا يزيد و لا ينقص فيكون ضرب
نسبة (ا) الى (ب) فى نسبة (ب) الى (د) هو نسبة (ا) الى (د)
ذلك ما اردنا ان نبين و كذلك اذا كانت اربعة مقادير متجانسه كيف
ماكانت فان نسبة الاول الى الرابع مؤلفه من نسبة الاول الى الثانى و
من نسبة الثانى الى الثالث و من نسبة الثالث الى الرابع مثال : مقادير
(ا ب د ج) الاربعه متجانسه و (ا ب د) ثلثه مقادير متجانسه فنسبة
(ا) الى (د) مؤلفه من نسبة (ا) الى (ب) و من نسبة (ب) الى
(د) و (ا د ج) ثلثه مقادير فان نسبة (ا) الى (ج) مولفه من
نسبة (ا) الى (د) و من نسبة (د) الى (ج) فيكون نسبة (ا) الى
(ج) مولفه من نسبة (ا) الى (ب) و من نسبة (ب) الى (د) و
من نسبة (د) الى (ج) و ذلك ما اردنا ان نبين و على هذا القياس

إذا كانت المقادير خمسة أو ستة إلى ما لا نهاية له وإذا كانت ثلثة مقادير متناسبه كانت نسبة الاول إلى الثاني كنسبة الثاني إلى الثالث ونسبة الاول إلى الثالث مؤلفه من نسبة الاول إلى الثاني و من نسبة الثاني إلى الثالث فيكون نسبة الاول إلى الثالث ضعف نسبة الاول إلى الثاني كما قد صدر عليه اقليدس في صدر المقالة الخامسة و على هذا القياس إذا كانت خمسة أو ستة إلى ما لا نهاية له

و اذ قد اتينا على جميع الفرض المقصود نحوه في هذه الرسالة فقد حان لنا ان تم المقالة حامدين لله تعالى و اعلم انا قد اودعنا هذه الرسالة و خصوصاً في المقالين الاخرتين ما من دقيقه جداً و استوفينا الكلام فيها بحسب هذا الفرض فمن تأملها و تحققها ثم اشتغل بتفهم ما ينتى على هذه المقدمات كان عالماً بالهندسه علماً حقيقياً بحسب الصناعات فاذا تحقق مبادئها من الحكمة الاولى كان عالماً بها بحسب العقل و الله محمود على كل حال و الصلاة على خير خلقه محمد و آله الطيبين الطاهرين و حسبنا الله و نعم المعين .

و كان بخط الشيخ الامام عمر بن ابراهيم الخيامي مكتوب في

آخر هذه الرسالة وقع الفراغ من تسويد هذا البياض بيلد في دار الكتب هناك في اواخر جمادى الاولى سنة سبعين و اربع مائه

تمت الرسالة على يدي مسعود بن محمد بن علي الحلفزي في

الخامس من شعبان سنة خمسة عشر و ستمائه .

غلطنامہ

صفحہ سطر	غلط	صحیح	صفحہ سطر	غلط	صحیح
III ۲	این يك سطر زائد است	۱۵ ۱	۱۵ ۱	كلى	كلنا الجهتين
۱ ۳	يفترض يفرض	« ۱۴	« ۱۴	يجب	واجب
۳ ۳	لا تبرهن لا تبرهن	« ۲۱	« ۲۱	بما	ربما
« ۵	حالتى شكوله حالى شكوكه	۱۶ ۱	۱۶ ۱	رهنه سهنه	هنا هنا
« ۱۵	مبتهاجه مبتهاجه	۲۰ ۴	۲۰ ۴	ضوعف	ضوعف
۷ ۹	والعمرى والعمرى	« «	« «	يزيد	يزيد
« ۱۹	ذالك ذالك	« ۱۰	« ۱۰	ايه	اييه
۱۲ ۹	حق الخير حق الخير	۲۱ ۴	۲۱ ۴	تعد	تعدد
« «	ينطبق ينطبق	۲۱ ۸	۲۱ ۸	شبعين	سبعين
۱۳ ۳	ان ثبت ان ثبت	۲۲ ۴	۲۲ ۴	لا يعرف	لا يعرف
« ۱۸	عنا ومعناه المشقه	۲۳ ۳	۲۳ ۳	اكانت اذا ربه	اكانت اذا ربه
« ۶	الفعل الغفل	« ۱۰	« ۱۰	باخرها	باخرها
« ۷	لعروب لعروب	۲۴ ۱۶	۲۴ ۱۶	تاسرها	تاسرها
« ۹	لا يتعلق يتعلقان	۳۷ ۱	۳۷ ۱	صغرها	صغرها
« ۱۵	نضرب نضرب	۴۰ ۱۳	۴۰ ۱۳	استقبا	استقناؤه

الاسرب الخالص الذي في الجرم الممزج معروبا في سبعة اجزاء عشرا الى العشرة
 فنضرب واحدا في عشرة ونقسمه على حصة فنجعل اثنا عشر لان سبعة اجزاء عشرا
 الى العشرة مثل ونصف مثل فنضرب الاثنين في واحد ونضف فنجعل ثلاثة
 صلنا ان في الجرم الممزج من الاسرب الخالص ثلاثة ومن النحاس الخالص سبعة
 وهكذا بين لانه اذا كان وزن الاسرب الخالص خمسة عشر ووزن النحاس الخالص
 الذي ساويه في العظم عشرة فان ثلاثة من الاسرب الخالص يكون اثنين من
 النحاس الخالص واذا نقص من اثني عشر الذي هو وزن الجرم الممزج وزن
 الاسرب الذي هو فيه وهو ثلاثة بقسطه وهو وزن النحاس الذي في الجرم
 الممزج واذا نقص من وزن النحاس الخالص الذي يساوي الجرم الممزج في
 العظم وهو اربعة عشر اثنا عشر ايضا فبقي سبعة وهكذا ما اردنا ان نبين

الحكم الفاضل ابو القاسم عمر بن ابراهيم النيسابوري في الاضياء المعروفة بمقارن الذهب
 والفضة في جسم مركب منهما

اذا اردت ان تعرف مقدار كل واحد من الذهب والفضة في جسم مركب منهما
 فخذ مقدارا من الذهب الخالص وعرّف وزنه في الهواء ثم خذ كفتين متساويتين
 متقابلتين من ميزان وعود متشابه الاجزاء اسطوانية الشكل وضع
 الذهب في احد الكفتين في الماء في الاخرى ما يثقلها ويجعل العمود
 مواز بالافتق واعرف مقداره ثم اعرف نسبة الوزن الهوائي للذهب
 اليه وزنه الخالي وكذلك فخذ فضة خالصة واعرف نسبة وزنها الهوائي
 اليه ونسبة الخالي فان كانت النسبة مثل نسبة وزن الذهب الهوائي
 اليه ونسبة الخالي فان المركب من الذهب الخالص كل شيء فيه من الفضة وان
 كانت النسبة مثل نسبة الفضة فان المركب هو من الفضة لا شيء فيه من الذهب
 وان كانت السد فيما بينهما فيزيد يكون الجرم مركب منهما ووجهه ان

عكس رسالة از خيام از روي

ان تعرف مقدار كل واحد منهما بالوزن الهوائي ونفر من مقدار الذهب
 آة تكون آة وزن الذهب الهوائي ووزنه المائي $\frac{1}{2}$ ويكون $\frac{1}{2}$
 وزن النفضه الهوائي ووزنه المائي ومعلوم ان نسبة آة الى حر
 اصغر من نسبة آة الى حر لان الذهب في الماء اقل من المركب منه ومن
 النفضه على ما يتكفل برهان صاحب العلم الطبيعي ونسبه آة الى حر اعظم
 من نسبة آة الى حر لان النفضه في الماء اقل من المركب منه ومن الذهب ومحل
 نسبة آة الى حر كمنسبه آة الى حر بناه ضرار يكون آة اصغر من آة
 ونسبه آة الى حر كمنسبه آة الى حر يكون نسبة جميع آة الى جميع حر
 كمنسبه آة الى حر كما بين في خاصه الاصله صولته ونسبه آة الى حر
 معلومه تكون نسبة آة الى حر معلومه كما معلوم يكون آة معلومه
 الباقي معلوما ونسبه آة الى حر معلومه وكذلك نسبة آة الى حر معلومه
 تكون نسبة آة الى حر معلومه وكذلك آة الى حر معلوم يكون آة
 معلوما وهو مقدار النفضه وهذه اشياء تبرهن في المعطيات ونضع لهذا
 مثالا ليكون اسهل فليكن نسبة وزن النفضه الهوائي الى وزنها المائي كمنسبه
 عشره الى عشره ونضع ونسبه وزن الذهب الهوائي الى وزنها المائي كمنسبه
 عشره الى احد عشره واخذنا مقدارا مائيا ووزناه في الهواء فوجدناه
 عشره ووزناه في الماء فوجدناه عشره ونسبه عشره الى عشره ووزنه
 ارباع اعظم من نسبة عشره الى احد عشره واصغر من نسبة عشره الى عشره ونضع
 فعلنا ان بالحقينه مركب منهما فنفر من مقدار آة

من المثال المتقدم عشره ومقدار حر عشره ووزنه ارباع آة مقدار الذهب
 بالفرق ولا نعلم عدد حر ومقدار وزنه المائي وقد قلنا ان نسبة آة الى
 الى حر كمنسبه آة الى حر

نسخة خطي كتابخانه « كوتاه »

ا	ح	ب
ح	ر	ك

از دکتر ارانی :

۱ - سلسله اصول علوم دقیقه

کتاب I. - فیزیک . شامل ۱۲ جزء : ۱ - قوه ؛ ۲ - حرارت ؛ ۳ - خواص هندسی نور ؛ ۴ - مقناطیس و الکتریسیته ؛ ۵ - مکانیک ؛ ۶ - ترمو دینامیک ؛ ۷ - موج و صوت ؛ ۸ - خواص فیزیکی نور ؛ ۹ - خواص تناوبی در الکتریسیته ؛ ۱۰ - فیزیک جدید ؛ ۱۱ - عملیات و محاسبات در فیزیک ؛ ۱۲ - جداول مهم صنعتی و فیزیکی ؛

کتاب II شیمی : شامل ۱۲ جزء : ۱ - قوانین و عملیات شیمی ؛ ۲ - شبه فلزات ؛ ۳ - فلزات ؛ ۴ - شیمی آلی ؛ ۵ - متمم شبه فلزات ؛ ۶ - متمم فلزات ؛ ۷ - متمم شیمی آلی ؛ ۸ - فیزیکوشیمی ؛ ۹ - تجزیه شیمیائی ؛ ۱۰ - لابراتوار و محاسبات ؛ ۱۱ - تکولوژی شیمی ؛ ۱۲ - جداول شیمی

کتاب III. - بیولوژی : ۱ - نباتات ؛ ۲ - حیوانات .

کتاب IV. - پسیکولوژی :

۱ - پسیکولوژی عمومی ۲-؛ پسیکولوژی خصوصی (بشر فاسفی ، اجتماعی و اقتصادی)

کتاب V. - اصول مادی دیالک تیک : ۱- اصول فلسفه مادی ۲- دیالک تیک ؛

کتاب سلسله توسط متخصصین تالیف میشود

۲ - رسالات مختلفی

که ناشر کتاب در آنها شرکت کرده یا از خود ناشر است

تئوریهای علم - کاتالیزورها و جوهر هیپو فسفروز - رباعیات خیام - تألیفات ناصر

خسرو - بدایع سعدی - رساله حاضر - مجله دنیا (که در مسائل علمی ، صنعتی

فلسفی ، اجتماعی و هنری از نظر مادی بحث میکنند.)

۳ - کتب تخصصی

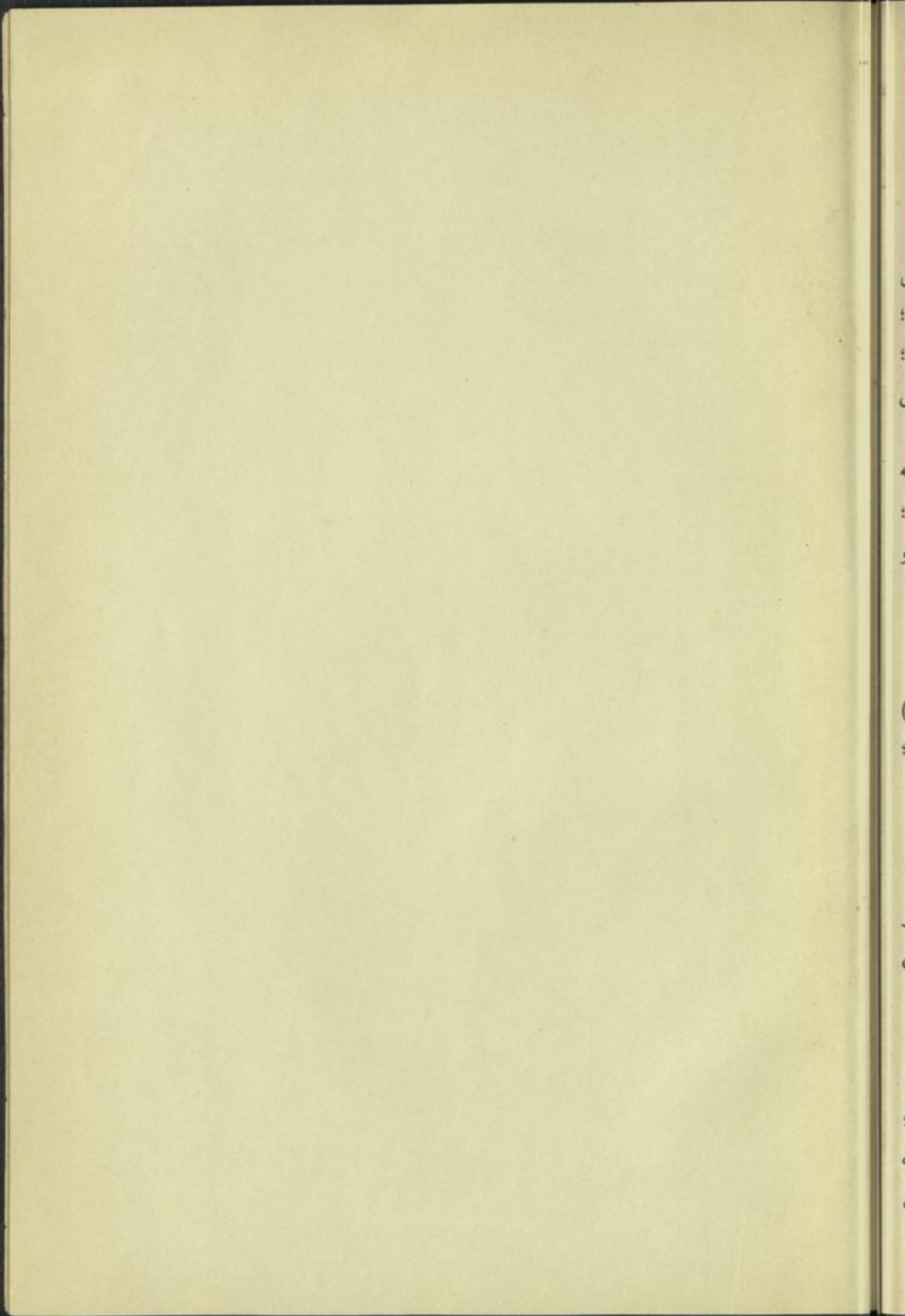
که یادداشت و تالیف میشود:

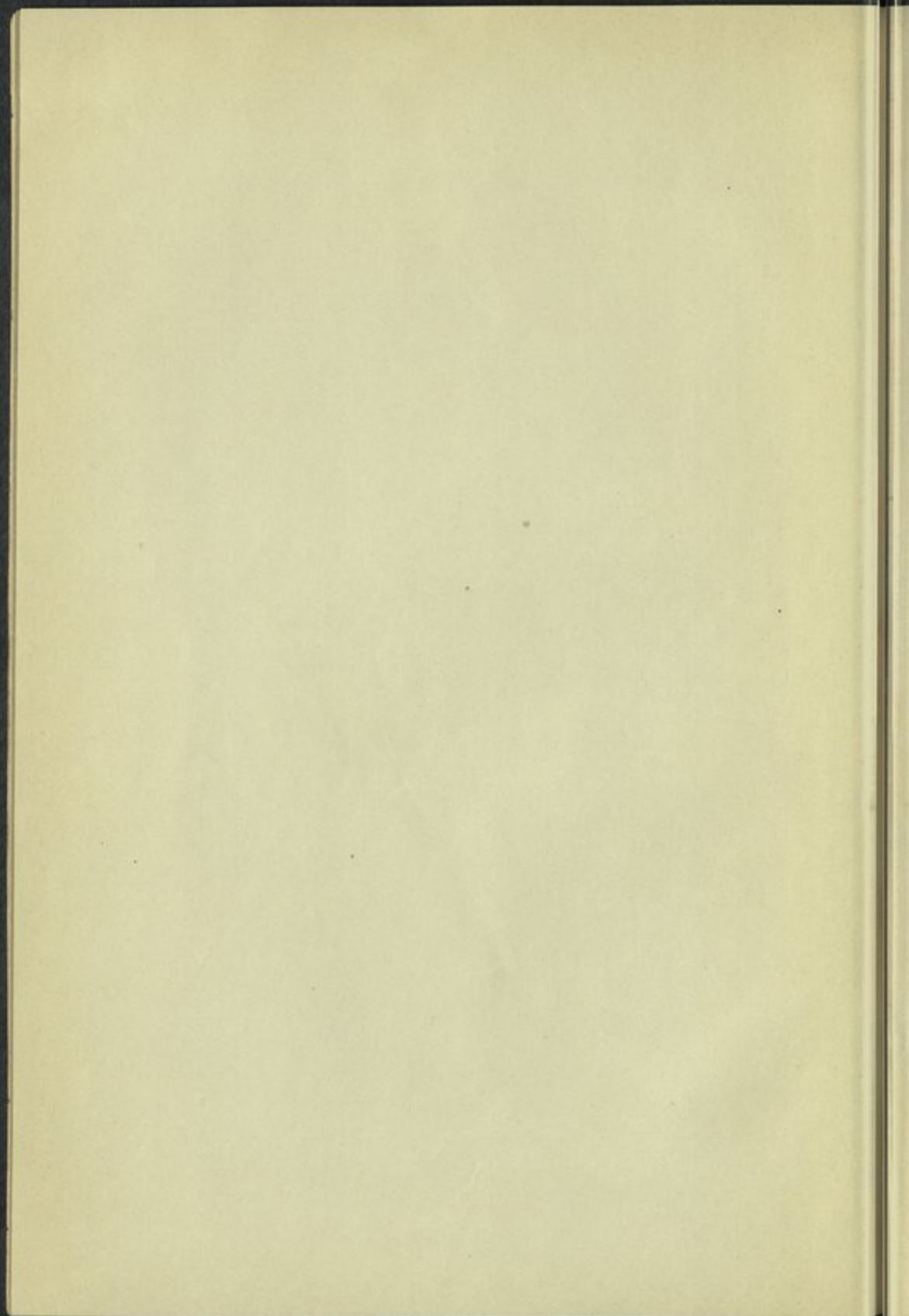
دینامیک ام و امواج ؛ لابراتوار و صنعت فیزیکوشیمی ؛ دینامیک در دینامیک ؛

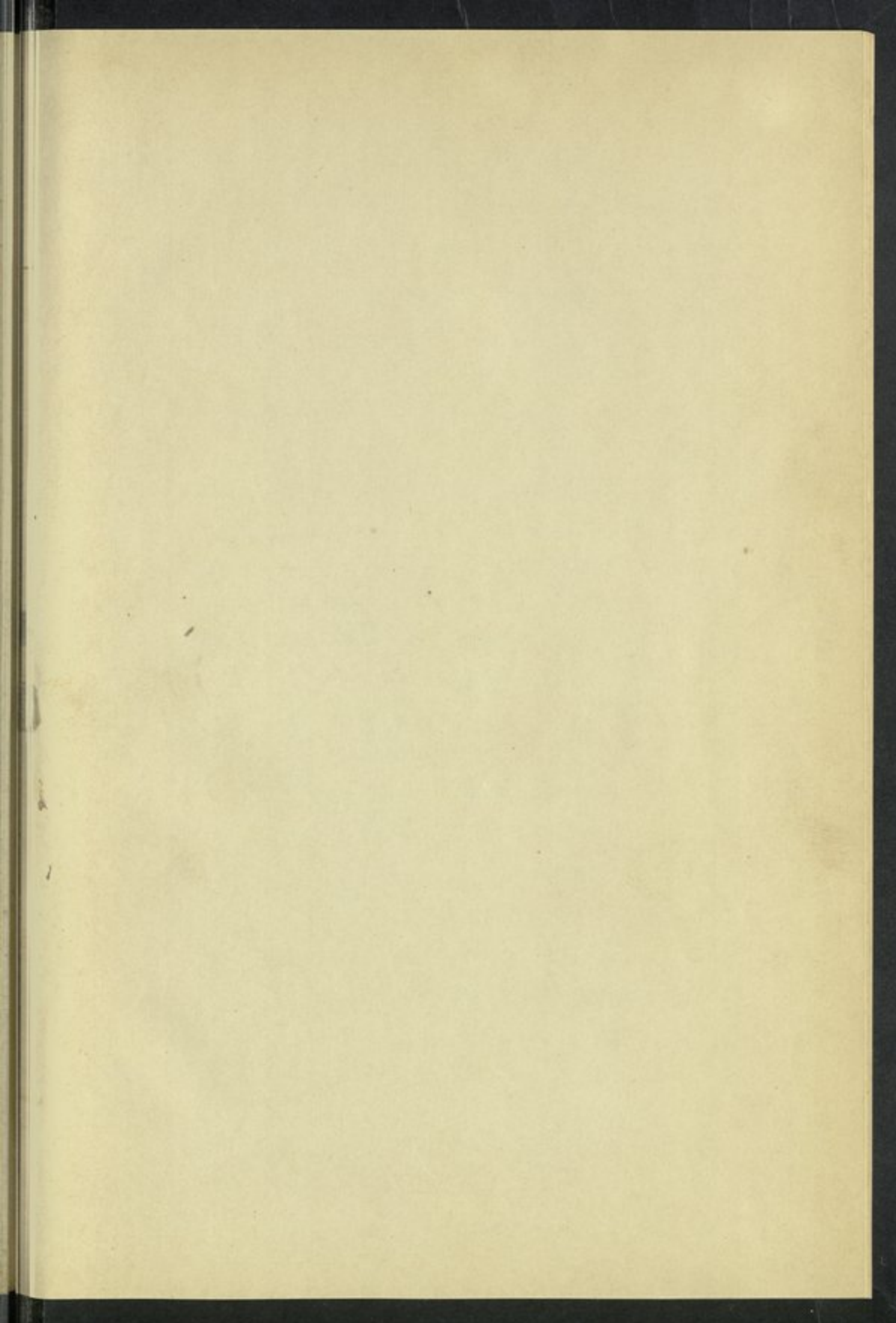
دیالک تیک عمومی - تدوین ناشر سلسله که منظره تمام علوم را تحت اشعه دیالک تیک

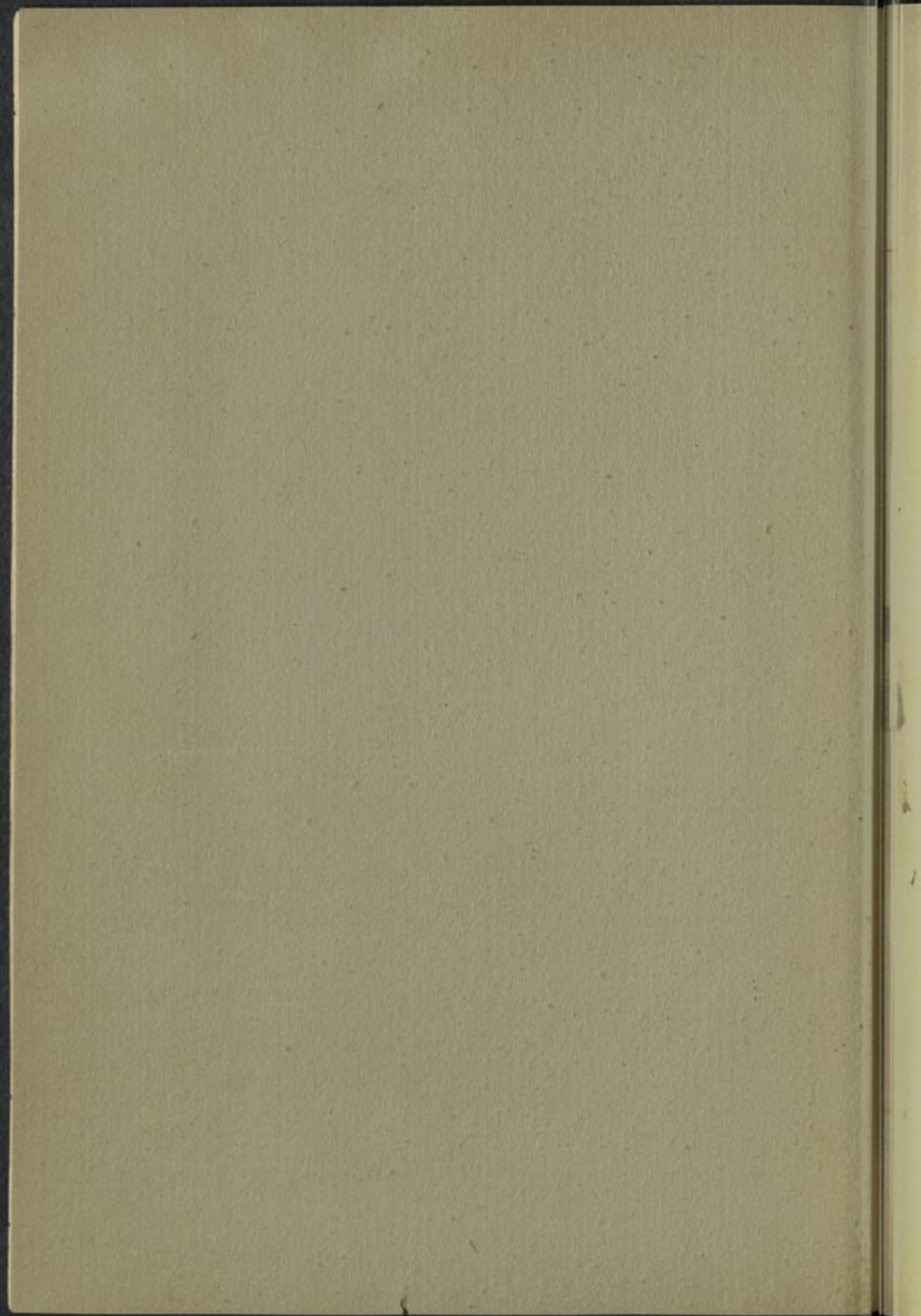
نشان میدهد ؛ شطرنج دنیا ؛ سی سال ایران ؛ شعله تاریخی آهنگر ؛ پشت آن

دیوار بلندك . ؛ تاریخچه افکار و متفکرین ؛ از لای اوراق باطله .









Discussion of Difficulties
of Euclid

by

Omar Khayyam

Edited with an Introduction

by

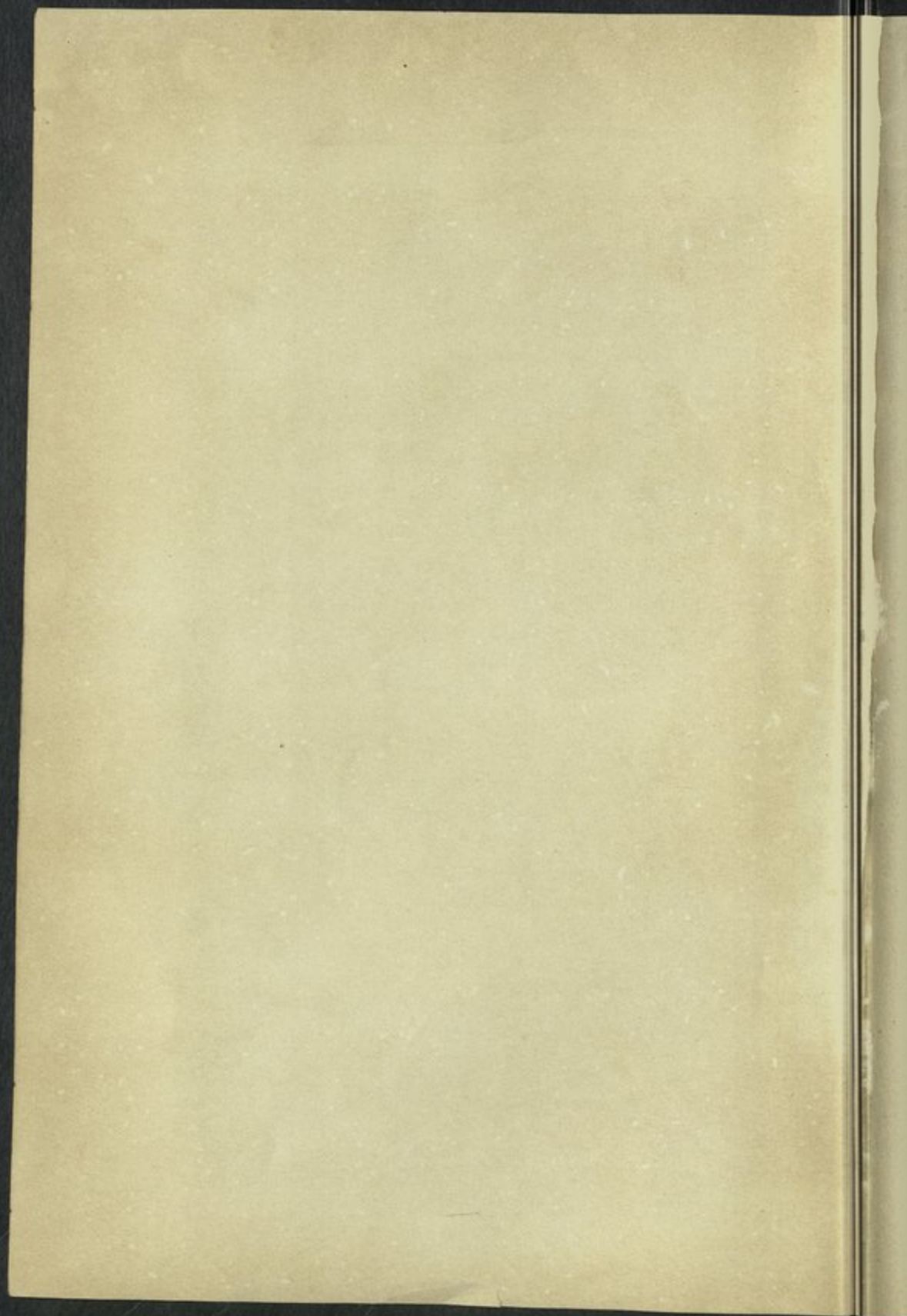
Dr. T. Erani

*Former lecturer in Oriental Rhetoric and Logic
at the University of Berlin.*

Teheran 1/2/1936

~~~~~  
Imp. Sirousse





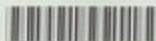


A.U.B. LIBRARY

CA:513:054rA:c.1

عمر الخيام  
رسالة في شرح ما اشكل من مصادرات

AMERICAN UNIVERSITY OF BEIRUT LIBRARIES



01067796

American University of Beirut



CA:513:054rA

CLOSED  
AREA

الخيام ، عمر

رسالة في شرح ما اشكل من مصادرات كتاب

CA  
513  
054rA

CA  
513  
054 rA  
C.1