

THE LIBRARIES
COLUMBIA UNIVERSITY

SCIENCE LIBRARY

Science

QA

31

.E023

54858 G

مقدمه

۱ - نسخه این رساله

آنچه که در کتب مختلف از تألیفات خیام اسم برده میشود عبارتست از:
۱ - رباعیات؛ که بارها بفارسی انتشار یافته. مهمترین چاپ فارسی یکی چاپ فارسی باهتمام «روزن»^(۱) و ناشر این رساله و

(۱) بجاست که در این رساله ابتدا اسم روزن برده شود. دکتر «فریدریک روزن» از دوستان اران آثار شرق بود. اگرچه اشتغال رسمی او امور دیپلوماسی بود و مدتی هم سمت وزارت امور خارجه آلمان را داشت و بطور فرعی در فن مستشرقی قدم میگذاشت معذک کتب مفید انتشار داده است که از آن جمله ترجمه نظمی رباعیات خیام به آلمانی، رساله «هاروت و ماروت»، «ایران در بیان و تصویر»، چاپ فارسی رباعیات و غیره میباشد.

چنانکه ذکر خواهیم کرد در انتشار کتاب حاضر نیز کمک مفیدی کرده است. از ده سال قبل که نگارنده، این رساله را استنساخ کرده ام تا یکماه پیش این دوست پیر انتظار انتشار رساله را داشت ولی این وقتی طلوع میکند که او تازه غروب کرده است. میتوان فهمید که تأثر از این بیش آمد چقدر قلب مرا سنگین نموده است. چاپ فارسی مزبور رباعیات از روی نسخه ای بتاریخ ۷۲۹ هجری یعنی از روی قدیمترین نسخ خطی رباعیات است.

II

دیگری چاپ ترکیه^(۲) است. ترجمه رباعیات نیز بزبانهای مختلف انتشار یافته است^(۳).

- ۲ - رساله در جبر و مقابله^(۴)
- ۳ - زیج ملکشاهی که خیام جزء مؤلفین آنست
- ۴ - رساله در طبیعیات^(۵)
- ۵ - رساله در وجود^(۶)
- ۶ - رساله در کون و تکلیف؛
- ۷ - مقاله در تعیین نسبت طلا و قره در آلیاژ آنها؛^(۷)
- ۸ - رساله لوازم الامکنه راجع بتغییر فصول؛
- ۹ - چند قطعه شعر عربی؛
- ۱۰ - يك مقاله در رساله روضه القلوب؛^(۸)

(۲) نشر رضا توفیق فیلسوف با ترجمه ترکی .

(۳) مهمترین ترجمه رباعیات ترجمه « فیتس جerald » بانگلیسی است که باعث اشتهار خیام در ممالک غرب شده است . اهمیت ترجمه آلمانی روزن نظم بودن آن و مطابقت آن با اصل است . ترجمه جدیدی نیز بالمانی انتشار یافته است .

(۲) چاپ پاریس ۱۸۵۱ باهتمام « وبکه » با اضافات بفرانسه .

(۵) بنا بر قول شهرزوری ؛

(۶) این رساله فارسی ونسخه آن در موزه بریتانی لندن موجود است .

(۷) نسخه این مقاله در کتابخانه « گوتا » موجود است عین این

نسخه بوسیله عکس و کلیشه در آخر کتاب انتشار داده شد .

(۸) کشف گریستن زن ؛

III

۱۱ - مشکلات الحساب (۹)

۱۲ - يك مقاله در جنگی که اخیراً در مصر چاپ شده است

و بالاخره ۱۳ - رساله حاضر .

تنها نسخه کامل این رساله در کتابخانه « لیدن » هولاند موجود است . يك قسمت ناقص از مقاله اول آن جزء كتب متفرقه یافت میشود (۲) موقعی که چاپ فارسی رباعیات در برلین از روی قدیمترین نسخ رباعیات طبع میشد ما جدیت کردیم بتمام تالیفات خیام دسترس پیدا کنیم . آنچه که در کتابخانه دولتی پروس موجود بود (مانند جبر و مقابله) از آنجا تحصیل کردیم و آنچه در خارج بود بوسائل مختلفه بدست آوردیم مثلاً نسخه رساله کتابخانه « گوتا » را عکاسی کردیم که کلیشه آن آخر کتاب چاپ میشود و بكمك کتابخانه دولتی پروس نسخه خطی رساله حاضر را از هولاند برلین آوردیم و در آنجا نگارنده آنرا بسال ۱۹۲۵ استنساخ کردم .

این نسخه بمنزله يك جنگ ریاضیات است . قطع نسخه اصل ۱۵×۱۸ سانتیمتر با اوراق زرد و پاره که شامل رسالات ذیل است :

احکام النجوم از هرمس ،

اختیارات الامام از الکندی

زیج طلسان ،

استخراج الابعاد بذات الشعبین (راجع باستعمال پرکار بفارسی

با ۱۲ جدول)

مسائل الجبر و المقابله از ابی کامل بصری ،

ظرائف الحساب از همین مؤلف

(۹) اسم این رساله را نگارنده در نسخه خطی لیدن پیدا کرده ام ؛

(۱۰) جزء تالیفات خواجه نصیر در کتابخانه سپهسالار طهران .

IV

المسائل الحسابية از ابی زید الفارسی امتحان از ابی حفص السجری
رسالة حاضر شرح ما اشکل من مصادرات کتباب اقلیدس
کتاب الجبر و المقابله از خیام .

جزء فهرست اول نسخه سه رساله نیز اسم برده شده ولی در
نسخه موجود نیست و آن سه عبارت است از مشکلات الحساب تالیف
خیام ، الفوائد المتفرقة بالحکمه ، رساله فی دفع الغم من الموت از ابی علی ،
در ابتدای نسخه تواریخ هجری و یزدجردی ، اسامی
زیجات شامی ، خافی ، علانی ، قانونی ، فاطر ، فاخر . کامل . ابوالحسن ،
مجسطی بظلمیوس ، احمد ، محمد ، بیرونی . حامد کوشیار و غیره
تقسیم ساعات و درجات ، جدول الارث دیده میشود .

من تمام رسالات نسخه مزبور را استنساخ کرده ام و در
صورت فراهم شدن وسایل مادی بقیه را نیز انتشار خواهم داد .
اما این رساله اهمیت مخصوصی دارد . از نظر موضوع چنانکه
ذیلا ذکر خواهد شد بواسطه انتقاد از هندسه اقلیدس اهمیت مخصوص
پیدا میکند یک اختصاص دیگر آن مربوط با اهمیت تاریخی خود نسخه است .
و این اهمیت بواسطه عبارتی است که در آخر رساله نوشته شده است .
درانجا میخوانید ؛ « و کان بخط الشیخ الامام عمر بن ابراهیم
الخیامی . . . « وقع الفراغ من تسوید هذا الیاض بیلد^(۱) فی دارالکتب
« مناک »^(۲) فی اواخر جمادی الاولی سنه سبعین و اربع مائه » . . .

(۱) این محل در نسخه اصلی نیز سفید است . تحقیق آن از نظر
تاریخی مهم است ؛

(۲) هویت این دارالکتب بر نگارنده معلوم نشد . مارکوال
ایران شناس معروف پس از تفحص زیاد از شناختن آن مأیوس شد .

« تمت الرسالة على يدى مسعود بن محمد بن على الحلقرى فى الخامس
من شعبان سنة خمس عشرة و سته مائه ... »

از این عبارت واضح میشود که نسخهٔ لیدن از خط خود خیام
کمی پس از تالیف کتاب استنساخ شده و چون نسخهٔ خاضر از
روی نسخه لیدن چاپ شده پس در حقیقت با واسطهٔ يك نسخ از خط
خود خیام بطبع رسیده است و حال آنکه چنین نزدیکی باصل و خط
مؤلف در این قبیل نسخ خطی کم دیده میشود. چون کتاب علمى است
مصون ماندن آن از دستبرد تصرفات ارزش مخصوصی را حائز است.
از يك عبارت دیگر آخر کتاب چنین بر میآید که نسخه سال ۹۴۳
هجری در جامع سلطان بایزید بوده است.

در پایان این قسمت متذکر میشویم که نگارنده و هر کسیکه
باین کتاب ذی‌علاقه است باید قلباً از « روزن » که در انتقال نسخه
بیرلین و کسب اجازهٔ طبع از هلاند اقدام اساسی کرده و شهید زاده
که در تحقیق کلمات ناخوانا، تهیه کلیشه و وسائل طبع و صیرفی که
در تحقیق بعضی معانی و تصحیح و مطابقه مطبعی و تجدید نظر در مقدمه عربی
همراهی نفیس کرده اند متشکر باشیم.

اما اهمیت زیاد این رساله وقتى واضحتر میشود که ما موضوع
و اهمیت موضوع را در علم جدید امروز بشناسیم. بنابراین در قسمت
دوم به بیان اهمیت محتویات رساله میپردازیم.

VI

۲ - موضوع رساله

مقاله اول رساله راجع بمتوازیات ، دوم در باره نسبت و تناسب و سوم در خصوص نسبت مؤلفه است .

در این موقع که هندسه اقلیدس تکان شدیدی خورده است از این سه مبحث مقاله اول که مربوط به هندسه است در بدو امر توجه را خیلی بخود جاب مینماید .

هندسه اقلیدس یکی از شاهکار های علمی است . هیچ علمی باندازه این هندسه زندگی ثابت و درازی نکرده است . اگر بدقت اصول این هندسه را مطالعه کنیم خواهیم دید با چه مهارتی آن مهندس زبردست ساختمانهای ظریف فکری را بر روی هم بنا کرده و سادگی آن بحدی است که ما آنها تقریباً بدون تغییر هنوز هم در مدارس خود میاموزیم . اگرچه البته تمام جزئیات از خود اقلیدس نیست ولی در هر حال بنای ساختمان کلی عمل اوست . اما این علم در عین اینکه خصوصیاتش دارد خارج از قوانین عمومی نمیتوانست باشد . از همان زمان تولد این هندسه ، نطفه های مخالفت با آن نیز تولید شده در جریان سالها و قرنهای زیادتر گردیده بالاخره بدست هندسه جدید مکان-زمان دچار بحران میگردد .

اولین آثار مخالفت با هندسه اقلیدس در قرن پنجم میلادی از طرف « پروکلس » است (۱) . این انتقاد پروکلس بر « پوستولای » توازی است . اما این تعرض مورد توجه واقع نشد . در قرون

(۱) وایل در کتاب « زمان - مکان - ماده »

VII

وسطی فکر تعرض بر همین پوستولا بممالک اسلامی قووذ میکنند .
ابن هیثم (صاحب کتاب معروف مناظر و مرایا) ، خیام و خواجه نصیر
بدین نکته توجه مینمایند . ولی این جدیت علمای شرقی در تکامل
هندسه بی اثر میماند یعنی تا امروز هم که این رساله انتشار می یابد
مورخین علوم به تعرض خیام و هشت قضیه که او برای رفع اشکال
پیشنهاد کرده است و همچنین انتقاد خواجه از خیام و جدیت جدید
او برای بیان اشکال مطلع نیستند . انتشار این رساله این اهمیت مخصوص
را دارد که مطالعات و تصرفات علمای شرق را در هندسه اقلیدس
واضح میکند .

باوجود طرق مختلفی که بجهت اثبات قضیه توازی موجود است
باز هم باید اقرار کرد که در تمام حالات يك جای شك و حالت عدم
رضایت منطقی برای فکر باقی میماند ولی درعین حال هندسه اقلیدس
با آنکه بر این پوستولا بنا میشود بنفسه منظم و برای منطق سلیم
بی تضاد است .

پوستولای توازی در مقابل پوستولا های دیگر هندسه اقلیدس
خصوصیتی دارد که اگر بدان توجه شود علت عدم پیشرفت متعرضین
بر قضیه مزبور (که خیام نیز از آنهاست) واضح میشود .

اقلیدس نشان داده است که اگر چند قضیه ساده اساس قرار
داده شود میتوان بوسیله آنها بتدریج از قضایای ساده تر باشکال بفرنج تر
رفته اثبات قضایای پیچیده را از اثبات قضایای ساده نتیجه گرفت ،
اما هندسه های جدید که میخواهند مطلق باشند طرز دیگر عمل

VIII

میکنند. چند اصل کلی را اساس قراردادده با اسلوب قیاس قضایای دیگر را نتیجه میگیرد. از این قبیل است هندسه خطی، هندسه متری و تئوری «مولتیپ لیسته» های ریمان.

مثلاً در ریاضیات جدید بجهت تحقیق خواص منحنیهای درجه دوم ابتدا معادله کلی مقاطع مخروطی را بیان کرده بعد با تحدید تدریجی شرایط دایره، بیضی، سهمی و غیره را مشخص میسازند.

اما کدام يك از دو طریقه صحیح است؟ منطقی جامد البته یکی از این دو و مخصوصاً تحت تأثیر ایده تولوژی اجتماعی ارتجاعی نوع دوم را که طرفدار اصول علوی دور از دست است دو دستی میگیرد ولی دیالک تیک در عین اینکه هر دو را صحیح میداند بنقص تنهاییکی از دو طریقه ایمان دارد.

بطور کلی آنچه که در مقدمه يك غلم بیان میشود یکی از حالات: -
تعریف، پوستولا، بدیهی، اصول موضوعه، مصادره، فرض و تئوری را دارد. تعریف معنی و حد مفهومها را معلوم میسازد. پوستولا ادعائی است که امکان عملی کردن آن بدون استدلال قبون شود (مانند قبول امکان ترسیم يك خط بین دو نقطه)، بدیهی حقیقتی است که نمیتوان آنرا ثابت کرد ولی صحت منطقی آن بر هر کس واضح است، مانند «کل بزرگتر است از جزء». اگر يك علم مطالبی را که اثبات آنها بر علم دیگر است وارد کند، در صورتیکه بدون شك و تردید آنها را قبول کند «اصول موضوعه» نامیده میشوند ولی اگر این مطالب با شك و تردید توأم باشند آنها را «مصادره» نامند. اگر يك

IX

علم برای اثبات مطالب خود قضایائی را موقه بعنوان حقیقت مسلم پذیرفت ولی در صحت دائمی آنها اصرار نداشت آنرا فرض نامند . اگر صحت يك فرضیه بوسائل تجربی بیشتر ثابت شود آنرا تئوری گویند . اقلیدس هندسه خود را با تعریف و پوستولا و بدیهیات شروع میکند .

کتاب اصول ۱۳ مبحث است . قبل از این مباحث چند تعریف ، پنج پوستولا و پنج بدیهی بکار برده میشود . از پنج پوستولا یکی همان پوستولاتوم معروف توازی است که بیان میکند : «اگر دو خط را خط ثالثی قطع کند و مجموع دو زاویه داخله واقع در یکطرف قاطع کمتر از π باشد قطعا دو خط اول در يك نقطه متقاطعند.»

خیام باستانه این پوستولاتوم را مصادره مینامد و در کتاب حاضر برفع اشکال آن میپردازد و ما ذیلا در این مقدمه بیان خواهیم کرد که زحمت بیجا کشیده و متوجه خصوصیت این پوستولاتوم در مقابل چهار پوستولاتوم دیگر نشده است . اما پنج بدیهی ابتدای اصول بیشتر مربوط به تساوی و یا عدم تساوی مقادیر هندسی است ، سیزده مبحث اصول عبارتند از : ۱ - خط ، مثلث ، متوازی الاضلاع ، کثیر الاضلاع ؛ ۲ - ارتباط کمی در قضایای هندسی ؛ ۳ - دایره و زاویه ؛ ۴ - کثیر - الاضلاعهای محیط و محاط ؛ ۵ - نسبت و تناسب ؛ ۶ - تشابه اشکال ۷ - اعداد و تصاعدات ؛ ۱۰ - اعداد اصم (این مبحث کار خود اقلیدس است در صورتیکه در قسمتهای سابق ، ریاضیات فیثاغورث ، ادوکس و ته ثوتت دخالت داشته است) ؛ ۱۱ - ۱۳ مربوط به هندسه فضائی است که ناقص است .

X

مقدمهات یعنی تعریف ها و پوستولاها (آنچه را که ما امروز بدیهی مینامیم اقلیدس گاه جزء تعریف ها و گاه جزء پوستولاها بیان میکنند) اولاً مطابق آنچه که اقلیدس قبول میکنند نقص دارد یعنی در آنها حد و رسم کامل نیست و گاه زائد دارد مثلاً در تعریف قطر هم عبور از مرکز را قید میکند و هم شرط میکند که دایره را بدو جزء مساوی تقسیم کند؛ ثانیاً از نظر متدولوژی امروز مقدمهات اقلیدس ایراداتی دارد که برای فهمیدن آنها نکات ذیل را میتوان متذکر شد: ۱- عددهم مقدمهات باید حتی المقدور کم باشد، ۲- مقدمهات باید یکدیگر باید تضاد منطقی نداشته باشد، مقدمهات کتاب اصول این دو شرط را بخوبی داراست؛ ۳- مقدمهات باید کاملاً واضح بوده زیاد و کم نداشته باشد. در مقدمهات اقلیدس این شرط کاملاً موجود نیست. مثلاً در حکم «کل بزرگتر است از جزء» قید نشده است که این حکم در باره کمیت های محدود ثابت است (در صورتیکه مجموع جمیع اعداد صحیح تا بی نهایت نسبت بمجموع جمیع اعداد زوج تا بی نهایت کل است ولی بزرگتر از آن نیست)؛ ۴- مقدمهات باید کافی باشند یعنی باید بتوان بکمک آنها تمام نتایج علمی را بدست آورد. در مقدمهات اقلیدس اینطور نیست یعنی در بعضی موارد قضایای اثبات کردنی را بدیهی فرض میکنند. چنانکه از بیان خیام بر میآید او پوستولاتوم توازی را جزء این قضایا میدانند و حال آنکه ایراد مزبور در بعضی موارد دیگر صادق است ولی باختصاص در مورد پوستولاتوم مزبور صادق نیست. چنانکه ذیلاً تشریح خواهد شد اشکال این پوستولاتوم بواسطه خصوصیت آنست،

XI

اما از مواردی که ایراد مزبور وارد است یکی مورد ذیل است :
 اگر A ، B و C سه نقطه از خطی باشند و B بین A و C باشد بین C
 و A نیز خواهد بود ، \circ - مقدمات با هم بایستی يك دستگاہ متحد-
 الشکل منظمی تشکیل دهند یعنی توان یکی را حذف یا بجزدیگری
 تبدیل نمود و الا این عمل باعث خرابی تمام دستگاہ علم مزبور گردد
 اگر با حذف و تبدیل مزبور نتایجی بدست آید که با نتایج حالت
 قبل متفاوت بوده در عین حال از نظر منطق غلط نباشد در اینحالت
 باید قبول کرد که ممکن است چند نوع هندسه موجود باشد که تمام
 در عین حال صحیح و منطقی باشند . اقلیدس باین نکته توجه نکرده
 بوجود فقط يك نوع هندسه معتقد است ولی در عین حال يك عمل او با
 این عقیده وی تضاد دارد مثل اینکه وجود انواع دیگر هندسه را
 احساس نمیکرده است و آن عمل اینست که حکم «از يك نقطه واقعه
 در خارج خط يك خط و فقط يك خط میتوان بمرزات خط اول
 رسم کرد» - را بعنوان يك پوستولاتوم جدید بیان میکند و حال آنکه
 اقلیدس میتواند این حکم را از تعریفات خط و سطح و زاویه بعنوان
 يك قضیه نتیجه بگیرد . بعد از اقلیدس عدّه خواسته اند این حکم را
 که اقلیدس بعنوان فرض ثابت شده قبول کرده است اثبات نمایند و
 منطقاً در این عمل خود ذیحق بوده اند جز اینکه اقدامشان بی نتیجه
 مانده است . جدیت های ابن هشیم ، خیام و خواجه نصیر را نیز باید
 جزء این اقدامات بی نتیجه محسوب داشت .

تحقیقات جدید علم در قرن نوزدهم نتایج بسیار مهمی بخشید

XII

و واضح شد که حکم مزبور را میتوان از جزء مقدمات خارج کرد و بقیه مقدمات بجهت بنای يك هندسه کامل منطقی کافی است جز اینکه هندسه که بدین ترتیب تشکیل میشود با آنکه منطقیاً صحیح است و عملاً هم فائز نبوده بر روی معلومات خط و سطح و زاویه بنا میشود معذلك ادراك حسی آن برای بشر مشکل است (هندسه لوبانفسکی و ریمان). از اینجا واضح میشود که میتوان قبول کرد اقلیدس حکم مزبور را نمیتوانسته است جزء قضایا قرار دهد عمداً جزء مقدمات پذیرفته است بدون این که متوجه ریشه مهم این موضوع یعنی وجود انواع مختلفه هندسه باشد،

با وجود نکاتی که ذکر شد هندسه اقلیدس يك نمونه کامل علم

دقیق و يك بنای محکم منطقی است که سرمشق قرار گرفته است.

نیز تذکره میدهم که هندسه اقلیدس منطقی ولی جامد است یعنی

از اثبات بوسیله احساس و ادراك و یا انطباق و حرکت اشکان خود.

داری میکند. نیز مفهوم بی نهایت هندسی در آن وجود ندارد.

اشاره کردیم که پوستولاتوم توازی هندسه اقلیدس خصوصیتی

دارد. از کسانی که خواسته اند اشکال عدم توافق آن را با سایر

پوستولاها بر طرف کنند یکی « هیلبرت » است که بجهت پوستولاها

درجات قائل شده است بترتیب ذیل : ۱ - نقطه ، خط ، سطح ؛ ۲ -

وقوع در بین (اگر نقطه B بین A و C واقع باشد هر سه روی

يك خطند) ، ۳ - پوستولاتوم انطباق و تساوی شکل ، ۴ - پوستولای

توازی و ۵ - پوستولای توالی . هندسه هیلبرت بمراتب بفرنج تر از

XIII

هندسه اقلیدس ولی از نظر ترتیب منطقی پوستولاها محکمتر است . تمام کماتیسه که باثبات پوستولاتوم توازی دست دراز کرده اند در حقیقت خواسته اند باین سؤال جواب دهند : « میتوان پوستولاتوم توازی را از چهار پوستولاتوم دیگر نتیجه گرفت ؟ میتوان ثابت کرد که ممکن است هندسه متضاد و یا منطبق طوری بنا شود که در آن چهار پوستولاتوم بعنوان مقدمه باقی مانده و یک پوستولاتوم باقی به پوستولاتوم متضاد ذیل که لوباجفسکی پیشنهاد میکند مبدل گردد : « از یک نقطه A واقع در خارج خط B و روی سطحی که شامل هر دو است ، میتوان بی نهایت خط مرور داد که خط اولی را قطع نکند . تمام این خطوط غیر قاطع در داخل زاویه قرار دارند که رأس آن در A است و زاویه توازی نام دارد » می توان بکمک « تئوری تعدد » (مولتیپلیسیته) ریمان ثابت کرد که با دستگاه جدید پوستولاتوم ها میتوان هندسه که نمونه کامل تضاد باشد ثابت کرد .

چنانکه میدانیم واحد خطی μ که «تعدد ریمانی» باشد عبارتست از

$$da^2 = \frac{dx^2 + dy^2 + dz^2}{(R^2 - x^2 - y^2 - z^2)}$$

هر نقطه M از این تعدد با یک نقطه P از فضای اقلیدس نظیر میباشد که صورت کسر طرف ثانی نمو مختصات آنرا نشان میدهد . جمیع نقاط M از تعدد μ نظیر نقاط P از فضای اقلیدسی میباشد که داخل کره $R^2 = x^2 + y^2 + z^2$ (از همان فضا) قرار دارند .

هندسه ریمان که اختصاص آن از رابطه سابق معلوم میشود تمام فضایی هندسی را میتواند بمعادلات تبدیل نماید . این هندسه راجع

XIV

به حرکت انتقالی و انطباق اشکال نیز فورمولها و دستورات مخصوص خود را داراست. بكمك این دستورات میتوان ثابت کرد که در این هندسه، پوستولاتوم معمولی توازی به پوستولاتوم سابق الذکر لوباجفسکی مبدل میشود.

برای اثبات، فرض مینمائیم که در يك فضای اقلیدسی کره Σ کره دیگری S را بحالت اورتوگونال مطابق دائرة C قطع کرده باشد. روی کره Σ بی نهایت دایره وجود دارد که نسبت به S اورتوگونال میباشند این دوائر دائرة C را بحالت اورتوگونال قطع می نمایند. فرض کنیم γ چنین دائرة باشد. از يك نقطه P که روی کره Σ خارج دائرة γ است میتوان روی کره مزبور دو نوع دوائر اورتوگونال نسبت به C رسم کرد که یکدسته از آنها با γ قاطع و دسته دیگر غیر قاطع باشند. این دوائر بوسیله دوائر γ' و γ'' که با γ در نقطه واقع بر C مماسند جدا شده اند. وجود دوائر بی نهایت زیاد غیر قاطع با γ که از P میگذرند حکم سابق الذکر لوباجفسکی است.

در هندسه جدید که تئوری توازی در آن تغییر کرده است عدۀ از مفهومات از میان میرود مانند مفهوم « حامل آزاد » و مثلثات مشابه، و حرکت انتقالی که جزء یکدسته از انواع تغییر محل در هندسه معمولی بوده در هندسه لوباجفسکی محلی برای این نوع باقی نمیماند یعنی تقسیم بندی انواع تغییر محل در دو هندسه یکی نیست.

بعضی مانند « کیلی » و « سوفوسلی » جدیت کرده اند که دستور کلی برای انواع دستگاهاهی هندسه بدهند که هندسه اقلیدس و لوباجفسکی

و ریمان قیاساً از آن نتیجه شود

تدوین و مطالعه چنین هندسه‌ها مهارت، مدت و زحمت زیاد لازم دارد. اقلیدس بایک مسامحه ظاهراً عمدی فرمانروائی هندسه ساده خود را که هنوز ادامه دارد برای قرن‌ها مسلم می‌کند.

ما در این مشروحات جدیدت کردیم که واضح شود پوستولاتوم توازی چه خصوصیتی دارد و خلاصه مشروحات گذشته اینست که پوستولاتوم توازی را میتوان از چهار پوستولاتوم دیگر نتیجه گرفت و لزومی ندارد که جزء مقدمات آید، با وجود این اقلیدس آنرا جزء مقدمات ذکر کرده است.

تحقیقات دقیق نشان داده است که این امر را نمیتوان اشتباه اقلیدس فرض کرد زیرا واضح شده است که اگر پوستولاتوم توازی را از جزء مقدمات خارج کنیم مجبور خواهیم شد دستگامهای بفرنج و غیر طبیعی هندسی تشکیل دهیم و از اینجا باید نتیجه گرفته شود که اقلیدس بطور مبهم متوجه این عمل مهم خود بوده است.

از این بیانات اهمیت پوستولاتوم معروف و از آنجا ارزش این رساله و اهمیت انتشار آن و مقام علمی خیام که بدان تعرض کرده است واضح میشود حال توجه کنیم خیام یک عالم شرقی با چه اسلحه دست در یک شاهکار علم و تمدن یونانی میبرد و از این نبرد با چه وضعی برمیگردد. چنانکه ملاحظه میشود این کتاب سه مقاله دارد. در مقاله اول خیام معترض شك در متوازیات شده است. در مقاله دوم بحث در حقیقت نسبت و تناسب مقداری کرده و آنچه را که در مقاله پنجم از

XVI

طریق هندسی بیان شده است ناقص دانسته و يك تحقیق فلسفی را در این مورد لازم می‌شورد. در مقاله سوم این رساله خیام به لزوم استدلال حکم ذیل متعرض می‌شود:

« از سه مقدار نسبت اول و سوم از تألیف نسبت اول و دوم و نسبت دوم و سوم تولید می‌شود. » و این مقاله راجع به نسبت مؤلفه است. موضوع دو مقاله اخیر از نظر علمی اهمیت مقاله اول را ندارد و چندان قابل بحث نیست زیرا مسائل آن دو مقاله از نظر علوم ریاضی امروز حکم حل شده را دارد. ولی موضوع مقاله اول این رساله هنوز در جدیدترین کتب ریاضی عالی هم مبحث مفصلی برای خود اشغال می‌کند و از اینجهت ما مخصوصا بدان توجه می‌کنیم.

اولا توجه کنیم که خیام اولیات، اصول موضوعه و مصادرات را از استدلال بی‌نیاز میدانند ولی تعریف موضوع علم و مقدمات مزبور باید ثابت شود. بعد خیام اشاره ببعضی نواقص کتاب اصول می‌کند در این موضوع حق دارد و ما در صفحات گذشته چند مورد واضح را بیان کردیم. اما خیام بزودی بر ضد عقیده خود ایراد می‌کند که چرا صاحب اصول مصادرات را ثابت نکرده است؟ (صفحه ۳ مه سطر آخر). بعد خیام متعرض پوستولام تلاقی خطین می‌شود (صفحه ۳) و آنرا نیز مصادره مینامند. مطابق تعریف های گذشته میدانیم که این پوستولاتوم مصادره نیست، خیام در این تسمیه اشتباه می‌کند. میگوید متاخرین متوجه این پوستولاتوم نشده اند و حال آنکه ما اشاره کردیم از همان قرن پنجم میلادی متخصصین متعرض پوستولاتوم شده اند. از اینجا واضح می‌شود خیام تمام علوم یونانی آشنا نیست بعد عدّه را اسم می‌برد که

XVII

اقدام برفع اشکال معروف کردند و موفق نشدند. سپس متوجه این هیثم
 میشود که خواسته است ثابت کند پوستولاتوم جزء مبادی است و محتاج
 برهان نیست. اگرچه تمام ایرادات خیام بر این هیثم وارد نیست
 ولی در این مورد حق دارد زیرا چنانکه سابقاً گفته شد پوستولاتوم
 در حقیقت محتاج استدلال است، خیام میگوید اقلیدس در سایر
 موارد نیز (مانند مجسمات) عده قضایائی را که محتاج برهانست
 استدلال نکرده ولی چون پوستولاتوم جزء مبادی مهم است ما بدان
 متعرض میشویم. در این مورد نیز خیام حق دارد. زیرا ما اهمیت
 پوستولاتوم را از مشروحیات گذشته فهمیدیم. اما خیام عقیده دارد
 که علت غفلت اقلیدس اعتماد او بر مبادی است که از حکمت گرفته
 است. در این مورد خیام کاملاً در اشتباه است و مقام اقلیدس و خصوصیت
 این پوستولاتوم را بطور واضح نشناخته است. خیام تعجب کرده است
 که چرا اقلیدس مطالب سهلتر را ثابت کرده ولی در مورد پوستولاتوم
 (باصلاح وی مصادره) برهان غیر شافی قناعت کرده است، این
 تعجب خود کافی بود که بخیم جواب داده او را متوجه اهمیت پوستولاتوم
 کند ولی او این امر را غفلت اقلیدس پنداشته و از غفلت خود خبر
 نداشته است. بواسطه همین عدم توجه است که خیام پوستولاتوم را
 اساساً مصادره مینامد زیرا تصور میکند که علت عدم اقدام باثبات آن
 اعتماد بر مبادی مأخوذه از حکمت است.

اما راهی که خیام برای رفع اشکال می پیماید بترتیب ذیل است:
 ۲۸ قضیه اول کتاب اصول را غیر محتاج بتغییر میدانند و در این رساله
 ۸ قضیه از خود بیان و پیشنهاد میکنند که قضیه اول او را قضیه ۲۹
 اقلیدس بدانند. بزعم خود در این ۸ قضیه اشکال را برطرف میکند

XVIII

بقسمیکه قضیه ۲۹ اقلیدس که شامل متوازیات است دیگر هیچ مقدمه استدلال نشده را بکار نخواهد برد. هر کس مشروحات گذشته این مقدمه را فهمیده باشد این شروع خیام را با یک تبسم تلقی کرده و یک خنده هم برای موقع و اماندن خیام در وسط راه نگاه خواهد داشت. قضیه اول خیام خوب ثابت میشود، بعد دوم و پس از آن قسمت اول قضیه سوم. از اینجا بعد خیام اشکال کاروسنگینی بار را احساس میکنند. میگویند اگر دو خط مستقیم یک مستقیم دیگر را با دوزاویه قائمه قطع کنند محال است از هم دور شوند و این مطلب که از میادی فلسفه ظاهر است (صفحه ۱۲ سطر ۱۸). بعد یک سلسله مطالب دیگر را هم «با ادنی تأمل و بحث» خودت میفهمی (صفحه ۱۲ سطر آخر). بعد گفته میشود این مطلب آسانرا هم استدلال نکردیم که مطلب دراز نشود (صفحه ۱۳ سطر ۳). خلاصه همان مطالبی که باید ثابت شود با انشاء الله و ماشاء الله مخصوص شرقی برگذار میشود.

اما در عین حال گویا خیام متوجه مغایه کاری خود میشود. زیرا در عین اینکه میخواهد از تطویل دوری کند - مثل ادبا که تا در شعری که شاهد مثالی است اسم سمع و بصر پیدا شود تشریح و فیزیولوژی و پسیکولوژی دیدن و شنیدن را شروع کرده موضوع اصلی را از بین میبرند خیام نیز - بمثل و قسم و آیه متوسل میشود. در وسط یک قضیه هندسی که باید منطبق مطابق ادعای خود وی ثابت شود یکدفعه قضیه ۳۶ از مقاله ۶ را بيمورد شاهد مثل قرار میدهد، بعد مطلب را بزعم خود از راه فلسفی ثابت میکنند و با اهانت میگویند که من برای خاطر اشخاص کم فهم این کار را کردم. خلاصه آنچه که از تمام موضوع نکته اصلی ظریف و مهم است در اینجا گاه بزور خواهش و تشجیع و گاه بزور مثل و گاه بکمک طعنه تحمیل میشود. از آن

XIX

بیمد دوباره قضایا حالت آرامش و علمی خود را گرفته و در قضیه هشتم شك معروف را ثابت شده می پندارد .

اگرچه خیام بوسیله این رساله در خود و جمعی القاء شبهه کرده است ولی این اشکال تا امروز هم باقی مانده هنوز هم با آنکه اشکال بوسیله هندسه ریمان و لوباجفسکی حل شده است باز همان طریقه ساده اقلیدس با وجود يك مسامحه کاری (که نمیتوان آنرا اشتباه صد درصد نامید) بقوت خود باقی است .

در عین حال باید تذکر داد که توجه خیام هم باین موضوع بنفسه مهم بوده ارزش علمی او را بما ثابت میکنند .

در اینجا تذکر میدهم خواجه نصیر الدین نیز متعرض موضوع و همین رساله خیام شده است ، تصمیم بر این بود که اگر کمکی شود آن رساله را هم انتشار داده در اطراف آن نیز بحثی کنیم ولی مجبوریم که این اقدام را بدوره دیگری بگذاریم و بگذریم .

آنچه که بطور کلی از کتب علمی قرون وسطی برمیاید اینست که در قرون وسطی علم شرقی از حد علم یونانی تجاوز نکرده و جز تألیفات بوعلی سینا کتب دیگر اثری در تکامل علوم در قرون جدید غرب نداشته اند .

طهران بهمن ماه ۱۳۱۴

ت : ارانی

مقدمة العربي

ان هذا الكتاب هو من اهم مؤلفات للعلوم الرياضيه للعالم الشهير الحكيم ابو الفتح عمر بن ابراهيم الخيامي ينشر الان لأول مره .
 اما اهمية خيام و مؤلفاته الرياضيه فمعرفة لدى الجميع و لذا لا اريد اطالة الشرح في هذا الموضوع بل انى اقتصر على بعض النقاط المهمه منه
 ولد الحكيم فى مدينة نيشابور (١) من اعمال خراسان و كان كامل الخبره فى علوم زمانه كالفلسفه و الطب و الرياضيات و غير ذلك و لا سيما علم الهيئة و النجوم و قد اصلح تقويم الفارسى و سماه تاريخ الجلالى نسبة لجلال الدين ملكشاه السلجوقى سلطان ذلك العصر . و هذا التقويم المستعمل فى عصرنا هذا فى ايران اكثر دقة من تقويم الذى اصلحه « غره غوريوس » و المستعمل الان عند المسيحيين عامة .

و يرجع اشتهار الحكيم خيام الى رباعياته (٢) التى اشتهرت كشاعر مع انه فيلسوف عظيم قد بين عن احساساته و شعوره و آرائه الفلسفيه فى هذه الرباعيات .

و تحتوى هذه الرباعيات فى اصلها شكوة على ما كان يشعر له الحكيم من اليأس و الضعف البشرى عن فهم الحقايق العميقة فى الوجود

(١) و حسب عقيدة « غوليوس » العالم الهولاندى فى لوكر و يشير هذا الى صحة عقيدته الى ما كتب فى « كتاب التحفة الشاميه فى الهيئة » من قطب الدين و هو : و السبب فيه انه اجتمع فى حضرته جماعة من الحكماء و منه الحكيم الخيام الحكيم اللوكرى و غيره و هم ه .
 (٢) الرباعى هو شعر م ر ك ب من اربعة مصاريع اولها و ثانيها و رابعها متناسبو القافيه و وزن كل مصراع على وزن لاحول و لا قوة الا بالله .

XXI

و الخليفة و كى يخفف على قلبه الذى ملاه الياس حزناً و كرباً عزم
الى وضع رباعياته المشهورة التى قدم بها للعالم حياة سرور و طوب و
وصف فى آياته الخمر وصفاً يعجز عنه ادباء العالم .

تدل بعض اشعاره و مقدمة مؤلفة « الجبر و المقابلة » انه كان
فى آخر حياته حزيباً كثيراً كما نفهم من اشعاره العمريّة النادرة التى
يلى احدها :

زجيت دهرأ طويلا فى التماس اخ يرعى ودادى اذا ذو خلة خانا
فكم الفت و كم آخيت غير اخ و كم تبدلت بالاخـوان اخوانا
و قلت للنفس لـما عـزى مطلبـها بالله لا تألفى ما عشت انسانا

و قد ترجمت رباعياته الى كل اللغات المتمدنه و اشهرها الترجمة
الانجليزيه بقلم « فيتس جراد » التى اشهرته فى ممالك المتمدنه فى
درجة شاعر الانجليزى والترجمة الالمانية التى يطابق نظمها الاصل تماماً
بقلم المستشرق المشهور الالمانى « روزن » . وفات الخيام فى سنه
٥١٧ هجرى قمرى .

و تحقيق دقيق فى شرح حاله ما ناله الصيرفى فى كتابه الفارسى
الذى لم يطبع (السمى بتاريخ الفلاسفه) و هو عرب ماقاله و نحن نورد
كلامه بغير تغيير منا فى عبارته: «... هو الحكيم الاديب والفيلسوف الرياضى
فاق اقرانه بتحقيقاته العميقه و سبق امثاله بتدقيقاته الرشيقه و لدفى نيسابور
و مات بها بعد و روده من الحج فيسنه ٥١٧ و تفرق الناس فى امره
ايادى سباً من محب غال و مبغض قال و متوقف لا يدري كيف كان امره
فمحبوه ينسبون اليه كل ما اعتقدوه كما لا يضعونه فوق ما كان عليه و
و ينشدون له .

عجز النساء و ما ولدن بمثله و لقد اتى فعجزن عن نظرائه

XXII

و مغضوبه يستقلونه جداً و ينظرون اليه شزراً و يشرقون من ذكره
 اذا انت اعطيت السعادة لم تبلى و ان نظرت شزراً اليك القبائل
 فلا بد لنا من تفتيش حاله و الكشف عن مقاله ليرتفع الجدل من بين .

فاعلم ان المنفكرين حسب تربيتهم و ملاء مته يمتهم و عوامل-
 الاجتماعية فى اقليمهم على قسمين اهل الشك او اليقين والمراد بالشك
 هنا انهم لا يدرون هل للعالم واقعيته ام لا و اهل اليقين ايضا اما على جزم
 بان للعالم الخارجى حقيقة و واقعية و اما على يقين بعدم حقيقة و الذين
 يعتقدون بواقعية الكون يشعبون على ثلث شعب الهى و مادي و متحير
 بين الالهية و المادية اما الالهون ايضا على ثلث فرق رجل متكلم يريد
 ان يبرهن على كل ما سمعت اذنه و جاء به قائده ر لا راي له مستقلا
 وهو كالمعنى الحرفى لا يوجد الاتباع او كالوجود الرابطى لا يحقق لانطلاقا
 و رجل صوفى سالك سبيل العشق و ناهج طريق الشوق لا يدعن الا
 بما وافقه كشفه و ذوقه و رجل فيلسوف الهى يسلك سبيل العقل و لا
 يقبل الا ما حكم به عقله و ايده حدسه و برهانه و اكمل الفلاسفة برهانا
 و امثلهم طريقة حكماء المشاء التابعون لارسطاطليس كما ان اكمل -
 الماديين مادي ديالك تيك و التحير اقرب الى المادية من الالهية

و الذين يحسبون الخيام صوفياً او فيلسوفا دهريا او الهيا لقد خبطو
 خبط عشواء و ضلوا ضلالة عمياء و اشتبه عليهم الامر اشتباها عظيما و الذى
 لا ازتياب لنا فيه هو ان الخيام قد خرج من ربة التقليد و سلك سبيل
 الفلسفة ولكن تحير تحيراً عظيماً الى آخر دهره و ختام عمره فلم
 يصل الى اليقين طرفة عين ابدأ و الشاهد على ما تقول ابياته السائرة و
 رباعياته المشتهره قمرى انه قد يومن و قد يكفر و تارة يتوب من عمائة
 و ساعة يستهزء بالحشر و يزيد فى غوايته فهذا حق الكلام فمن شاء
 فيومن و من شاء فليكفر

XXIII

و مؤلفات الحكيم عمر خيام :

(١) رباعياته ؛ (٢) رسالة في الجبر و المقابله التي نشرت لأول مره في باريس سنة ١٨٥١ باهتمام « وبكه » ؛ (٣) زيج ملكشاهي في علم الفلك منه و من غيره ؛ (٤) رسالة مختصره في الطبيعيات^(٢)؛ (٥) رسالة في الوجود باللغة الفارسيه^(٤)؛ (٦) رسالة في الكون وتكليف (٧) رسالة في الاحتيال لمعرفة مقداري الذهب والفضه في جسم مركب منهما^(٥) (٨) رسالة مسماة بلوازم الامكنه في التغيير الفصول و المناخ في البلدان والاقاليم المختلفه ؛ (٩) اشعاره العربية النادرة الوجود ؛ (١٠) قسم من رسالة روضة القلوب^(٦) ؛ (١١) مشكلات الحساب (حسب ناشر هذه - الرماله) ، (١٢) كتابنا هذا في شرح ما اشكل من مصادر كتاب اقليدس توجد نسخة الوحيدة من هذا الكتاب في « ليدن » بهولاند وسمحت لي الظروف ان تبقى هذه النسخه بيدي منذ ايام فاستنسختها تماما

فاما نسخة المذكور فحجمه مربع مستطيل ١٨×١٥ ساتي مطر ممزقة الاوراق الصفراويه و هي بسيط جداً . تحتوي مؤلفات الرياضيه للمؤلفين المختلفه و في اوله مكتوب ؛

فهرس ما في هذ الدفتر من الكتب :

احكام النجوم من قول هرهمس ، اختيارات الامام الكندي ، زيج طيلسان ، استخراج الابعاد بذات الشعبتين (باللغة الفارسي مع ١٢ جدول)

مسائل الجبر و المقابله
ظرائف الحساب

المسائل الحسابيه من ابي زيد الفارسي امتحانا من ابي حفص السعري شرح ما اشكل من مصادر كتاب اقليدس من ابي الفتح الخيامي ،

(٣) ما يقوله شهر زوري .

(٤) نسختها موجودة في دار الاثار البريطانيه في لندن .

(٥) نسختها في مكتبه گوتا بالمان وطبع عنها في برلين طبع ١٩٢٥ ميلادي

(٦) كشفها « كريستن زن » في مكتبه باريس ،

XXIV

كتاب جبر و المقابله له ، مشكلات الحساب له ، الفوائد المتفرقة -
الحكميه من انواع الشتى ، رساله من ابى على فى دفع الغم من الموت
و اما الرسائل الثلاثة الاخيريه غير موجوده فى النسخة المذكوره آنفا
ويزيد فى اهمية هذه النسخه الجملة الاخيريه من رساله فى شرح ماشكل
وهى : « وكان بخط الشيخ الامام عمر بن ابراهيم الخيامى » مكتوب
فى آخر هذه الرساله وقع الفراق من تسويد هذا البياض بيلد^(٧) فى دار-
الكتب منك (مناك ؟) . فى اواخر جمادى الاولى سنه سبعين واربعمائه
تمت الرساله على يدى مسعود بن محمد بن على الحفرى فى الخامس
من شعبان سنه خمس عشره و سته مائه « التى تدل على ان الناسخ
قد نقلها رأسا عن خط المؤلف ٤٧٧ عام بعد وفات الحكيم . وتحقيق
موقع مدينة (؟)^(١) ودارالكتب منك فيها اهمية لا يدرك ترك
استعارها للجغرافيين و المورخين ونسختى هذه التى نقلتها بتاريخ ١٨
١٨ اغسطس ١٩٢٥ نكون حفيده الاصل .

و نقرأ فى آخر الكتاب لجملة التاليه : « استعارها من الزمان -
الفقير الى الرحمن المحمد الموقف فى جامع ساطان بايزيد طاب ثراه
سنه ٩٦٣ هجرى »

مما يدل على ان نسخة ليدن وجدت عند شخص عايش فى الاستانه .
و تحتوى الصفة الاولى من الكتاب على دوائر مختلفه و يليه
تواريخ الهجرى يزدجردى وغيره .

و اسامى زيجات شاهى ، خافى ، علائى ؛ قانونى ، فاطر ، فاخر
كامل ، ابوالحسن ، بطالمبوس ، محسطى ، احمد ، محمد ، بيرونى....
حامد كوشيار وغيرهم . و تقسيم ساعات و درجات و جداول الارث
وجائنا ان نشر هذا الكتاب وهو آخر كتب الحكيم الخيام ولم تشر
ابدا سيرجع على العلم به الفائدة المرغوبه . برلين اغسطس ١٩٢٥

رسالة في شرح ما اشكل من مصادر
كتاب اقليدس
ثلاث مقالات

تصنيف الشيخ الامام الاجل حجة الحق ابى الفتح
عمر بن ابراهيم النخامى

بسم الله الرحمن الرحيم

الحمد لله ولى الرحمة والانعام وانسلم على عباده الذين اصطفى
و خصوصاً على سيد الانبياء محمد وآله الطاهرين اجمعين .
ان تحقيق العلوم و تحصيلها بالبراهين الحقيقية مما يفترض على
طالب النجاة والسعادة الابدية و خصوصاً الكليات و القوانين التى يتوصل
بها الى تحقيق المعاد و اثبات النفس و بقائها و تحصيل اوصاف واجب الوجود
تعالى جده و الملائكة و ترتيب الخلق و اثبات النبوة السيد المطاعين-
الخلق الامر و التامى اياهم باذن الله تعالى بحسب طاقة الانسان .
و اما الجزئيات فغير مضبوطة و اسبابها غير متناهية فلا تحيط بها هذه العقول-
المخلوقة اصلاً و ليس يعرف منها الا ما يقتضى بالحس و التخيل والوهم .
و الجزء من الحكمة الموسوم بالرياضى اسهل اجزائها ادارا كما تصوراً و
تصديقاً معاً : اما العددي منه فامر ظاهر جداً و اما الهندسى فلا يكاد يخفى

منه شئى ايضاً على السليم الفطرة الثاقب الرأى الجيد الحدس . وهذا الجزء من بين اجزاء الحكمة له منفعة الرياضة و تشجيز الخاطر و تعويد النفس الاشتمزاز عما لا يكون عليه برهان و ذلك لقرب ماخذ و سهولة براهينه و معاونة التخيل العقل فيه و قلة خلاف الوهم اياه و معلوم من كتاب البرهان من علم المنطق ان كل صناعة برهانية لها موضوع تبحث فيها عن اعراضه الذاتية و غيرها و مقدمات فيها ماخذ برهانية اما اوليه كالكل اعظم من الجزء و اما مبرهنة فى صناعة اخرى و اما مصادرات و ليس اثبات واحد من هذه على تلك الصناعة اصلا لكن التعريف لموضوعها و لتلك المقدمات فعليه ان الصناعة و ان لم يمكنها تحديد موضوعها و اوضاعها تحديداً حقيقياً فلها ان ترسمها ترسيماً شافياً . هذه المعانى مبسوطه جداً فى كتاب البرهان من صناعة المنطق فليطلب من هناك .

و انى لم ازل كنت شديد الحرص على تصفح صدور هذه العلوم و تحقيقها و تمييز اجزائها بعضها من بعض و خصوصاً كتاب الاصول فى الهندسه فانها اصل جميع الرياضيات و مبادئها مبادئ جميعها فاما النقطة و الخط و السطح و الزاوية و الدايره و الاستقامة فى الخط و فى السطح و غير ذلك من مبادئها فتولى اثباتها و تحديدها الحقيقى صاحب العلم الكلى من الحكمه و كذلك مقدماتها التى غير اوليه مثل انقسام المقادير الى مالا نهائيه له وان يؤتى من كل نقطة مفروضة الى كل نقطة اخرى بخط مستقيم و غيرهما من المقدمات المذكورة التى لاتسام الا بالبرهان فعلى الحكيم ايضاً . و اما المصادرات مثل المربع و المثلث و غيرها فقد اتى بها صاحب الكتاب فى صدره تعريف الاسم لا غير و سيثبت هو اياها و يبرهن عليها فى اثناء كتابه و قد اتى بمصادرة عظيمه و لم يبرهن عليها و هى قوله ان

كل خطين مستقيمين يقطعان خطاً مستقيماً على نقطتين خارجيتين منه في جهة واحدة على اقل من زاويتين قائمتين فانهما يلتقيان في تلك الجهة بل اخذها مسلمة وهذه مسألة هندسية لا تبهرن الا فيها اصلاً فهي لازمة للمهندس شاء ام ابى وليس له ان يبنى عليها شيئاً الا بعد البيان.

ثم انى شاهدت جماعة من متصفحى كتابه و حالتى شكوكه لم تعرضوا لهذا المعنى اصلاً لصعوبته مثل ايرن و اطو (لو) قس من المتقدمين و اما المتأخرون فقد مدت منهم جماعة ايديهم الى البرهان عليها مثل الخازن و الشنى و النيرى وغيرهم فلم يتأت لواحد منهم برهان تقى بل كل واحد منهم صادر على امر ليس تسليمه باسهل من هذا ولولا كثرة نسخ تلك الكتب و كثرة مزاويلها و الناظرين فيها لكنت اوردها هيناً و ايين وجه المصادره و الغلط على ان تعرف ذلك من سطوراتهم امر اسهل جدا و قد شاهدت كتاباً لابي على بن الهيثم رحمه الله موسوماً بحل شكوك المقالة الاولى فلم اشك انه قد تصدى لهذه المقدمه و برهن عليها فلما تصفحته مبتهجا به صادفت المصنف قد قصد ان تكون هذه المصادره فى صدر مقاله من جملة ساير المبادئ من غير احتياج الى برهان و تكلف فى ذلك تكلفاً خارجاً عن الاعتدال و غير حدود المتوازيات و فعل اشياء عجيبيه كلها خارجة عن نفس الصنعة : منها انه قال اذا تحرك خط مستقيم قائم على خط آخر و يكون قيامه محفوظاً على ذلك الخط فى حر كته فانه يفعل بطرفه الاخر خطاً مستقيماً فان الخط الحادث مواز للخط الساكن ثم ياخذ هذين الخطين ويلونهما (؟) و يحركهما و يعتبر فيهما عدة اعتبارات كلها خارجة حتى يصح له فى الصدر هذه المقدمه بعد ارتكاب هذه المصاعب

و المنكرات و هذا كلام لا نسبة له الى الهندسة اصلا من وجوه :
منها انه كيف يتحرك الخط على الخطين مع انحفاظ القيام و اى برهان
على ان هذا ممكن ؟ و منها انها اية نسبة بين الهندسة و الحركة
و ما معنى الحركة ؟ و منها انه قد بان عند المحققين ان الخط عرض
لا يجوز ان يكون الا فى سطح ذلك السطح فى جسم او يكون نفسه
فى جسم من غير تقدم سطح فكيف يجوز عليه الحركة مجردا عن
موضوعه ؟ و منها ان الخط كيف يحصل عن حركة النقطة ؟ و هو قبل-
القطه بالذات والوجود: و لقائل ان يقول ان اقليدس قد حدد الكرة
فى صدر المقاله الحادية عشر بشئى من هذا القبيل و هو قوله: «الكرة
حادثة من ادارة نصف دائرة الى ان يعود الى المبتدا» فنجيب و نقول
ان الرسم الحقيقى الظاهر للكرة معلوم و هو انه شكل مجسم يحيط به سطح
واحد فى داخله نقطة كل الخطوط المستقيمة الخارجة منها الى السطح -
المحيط متساويه و اقليدس عدل عن هذا الرسم الى ما قاله بجازفة
و مساهلة فانه (فى) المقالات التى تذكر فيها المجسمات تساهل جدا
تعبلا منه على تدرب المتعلم عند وصوله اليها و لو كان لهذا الترسيم
معنى لكان تحدد الدائرة بان يقال: «ان الدائرة هى شكل مسطح حادث
عن ادارة خط مستقيم فى سطح مستوي بحيث يثبت احد طرفيه فى موضعه و
يتهى الاخر الى مبدء الحركة» فلما عدل عن هذا النوع من الترسيم
لمكان الحركة و اخذ ما ليس له مدخل فى الصناعة مبدأ فيها لزمنا ان نقف
آثارهم و لانخالف الاصول البرهانية و الدستور الكليه المذكورة فى كتب
المنطق . ثم ليس تحديد اقليدس الكرة مثل تحديد هذا الرجل وذلك ان

أقليدس عرف شيئاً ما بوجه غير مرضى و ذلك الشئى معلوم من عدة وجوه اخر و تعريفه المذموم لا يصير مقدمة لامر عظيم الشأن بل يعدل عن تعريفه الى تعريف آخر احسن منه و هذا الرجل قد اجتهد فى هذا النوع من التعريف المنكرات ان يصيره مقدمة لا ثبات امر لا يكاد يثبت الا بالبرهان. فبين الرجلين فى التعريفين فرق. هذا الشك فى صدر المقالة الاولى واما الشك الذى هو فى صدر المقالة الخامسة فهو حيث ذكر النسبه و عوارضها و ذكر التناسب و احواله و ليس للتناسب حقيقة على وجه هندسى معلومه كما سندكره فى المقالة الثانيه من هذا رساله ولم نجد احداً من المتقدمين و المتأخرين تكلم فى معنى التناسب و تحقيقه كلاماً شافياً فلسفياً و قد وجدت شيئاً منسوباً الى أبى العباس النيربىزى تكلم فى معنى النسبه و التناسب و اطب و كنت اظنه كافياً غير انه لما تصفحته و تأملته كان محتاجاً الى عدة مقدمات قد اغاها و لم يذكرها و كان مبتوراً ايضاً اللهم الا ان وقع الخلل من جهت الوراق و سندكره انشاء الله فقد صادر فى صدر هذا مقاله ايضاً على شئى من النسبه المؤلفه من غير برهان وهو قوله: «كل ثلثة مقادير فان نسبة الاول الى الثالث مؤلفه من نسبة الاول الى الثانى و من نسبه الثانى الى الثالث» .

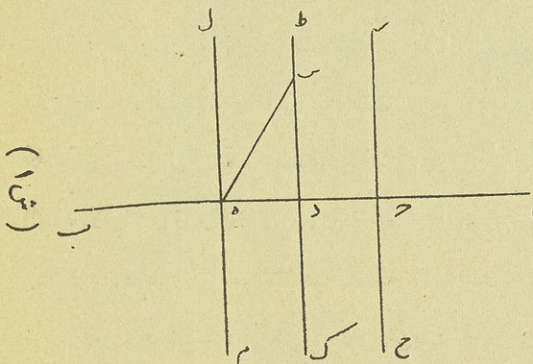
فلما رأيت الخال فى هذا المواضع الثلثة غير مستدرك وغير مصلح حق الاصلاح صمت متمنى^(١) الى اصلاحها و الان فقد سألت الله تعالى الحيوة و التسهيل و استوففته و اعتصمت بحبله و جمعت هذه الرساله و جعلتها ثلث مقالات : الاولى منها فى المتوازيات وحل الشبهة فيها ، الثانيه فى حقيقة النسبه المقداريه و التناسب المقدارى ، الثالثه فى النسبه المؤلفه و ما يتعلق بها والله المستعان على كل حال و اليه المفزع وهو حسبنا و نعم المعين .

(١) فى الاصل و تمنى متمنى .

المقالة الاولى

فى حقيقة المتوازيات و ذكر الشك المعروف

بسم الله الرحمن الرحيم والتوفيق والعصمة بيد الله . يجب ان يتحقق ان السبب الذى لاجله غفل اقليدس عن برهان هذه المقدمه و صادر عليها هو اعتماده على المبادئ الماخوذه عن الحكيم فى معنى الخط المستقيم والزوايه المستقيمه الخطين حين خطر بباله ان سبب الخطين التقاء المستقيمين هو هذا المعنى الذى صادر عليه مثاله : خط (اب) مستقيم (شكل ١) وخط (رح) قائم عليه على زوايا قائمه على نقطة (ح) وكذلك (ط د ك)



على نقطه (د) و (ل ه م)
على نقطه (ه) والزاوية
القائمه مساوية لنظيرها .
فيخط (رح) لا يميل الى
(اب) من كلا الجانبين
وهو ممتد الى ما .
لانهاية له من كلتا الجهتين

وكذلك حكم (دط) فيخط (دط) لاتلقى خط (رح) لانه ان لقيه كان احدهما او كلاهما ما يلا الى جانب . من جوانب خط (اب) وكذلك (ح ز) و (كد) و (زم) وقد فرض (ح د) و (د ه) متساويين فسطح (رح د ط) اعنى هذه الحيز الذى فاصله هذان الخطان منطبق على سطح (ط د ه ل) فان كان خطا (رح) (ط د) ملتقيين فيخطا (طى) و (هل) ملتقيان على تلك النقطه بعينها وكذلك جميع الخطوط الخارجة على زوايا قائمه اذا كانت قواعدهما متساويه وهكذا يكون من الجهة الاخرى اعنى (ح ز) و (دك) ونظراء هما ويلزم منه

مجال اولى وكذلك بهذا الحكم لا تتضائق خطا (رح) و (ط د) ولا تتسعان فان
التضائق والاتساع يوجيان هذا المجال ايضاً فيكون هذه الخطوط القائمة على (اب)
متوازيه والبعد بينهما متساو اعنى لا تتضائق ولا تتسع. فان اخرج خط مايل
الى احد الجانبين مثل خط (هـ س) الى جانب (اه) فانه يلقي (طد) لانه حاله لان
(هـ س) و (هـ ل) الى الاتساع والبعد بينهما يبلغ الى حد يفرض وزاوية (س هـ د)
اقل من قائمه فزاويتا (س هـ د) و (س د هـ) اقل من قائمتين. فمن هذا ظن اقليدس
ان سبب التقاء خطي (هـ س) و (س د) نقصان الزوايتين عن قائمتين وهذا الظن
حق ولكن لا يمكن ان يبين عليه الا بعد بيانات اخر فهذه هي التي حملت
اقليدس على تسليم هذا المقدمه والبناء عليها من غير برهان والعمرى ان هذه
قضايا و همة جداً وفيها للعقل مساعدة لانها حقه و عليها ايضاً برهان وان ما كان
شبه الدليل كما ذكرنا ولكنه برهان غير شاف و لا مصدق به من
جميع الوجوه لمصادرته على عدة امور غير اوليه ولا يبرهن عليها وكيف
يسوغ لاقليدس المصادرة على هذا القضية بسبب هذا الظن مع انه قد يبرهن
على عدة اشياء اسهل من هذه بكثير مثل برهانه في المقالة الثالثه على ان
الزوايا المتساويه على مرا كز الدوائر المتساويه تفصل من المحيط قسماً متساويه
وهذا المعنى معلوم جداً من جهت المبادئ لان الدوائر المتساويه تنطبق بعضها
على بعض والزوايا المتساويه كذلك فتطبق القسماً بعضها على بعض لانه حاله
فيكون متساويه. فمن يبرهن على مثل هذا فما احوجه الى ان يبرهن على
مثل ذلك. ومثل برهانه في المقالة الخامسه على ان نسبة المقدار الواحد الى
المقدارين المتساويين واحدة واذا كانت النسبه تقع في المقدار من حيث هو
مقدار فكيف يحتاج هذا الى برهان اذ المقدار ان المتساويان هما مثلان

من حيث المقداريه لافرق بينهما فهما من هذالجته بالحقيقه واحد لا غيريه
بينهما الا غيريه العدد فيحسب .

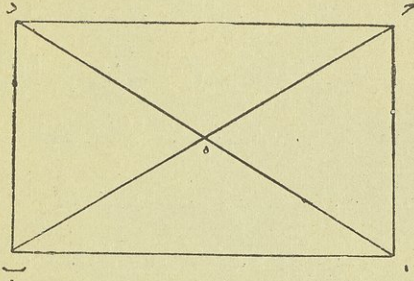
وقد غفل ايضاً في مقالات المجسمات عن عدة امور ممتقرة الى البراهين
لكنها ليست من المقدمات العظام و الا لبرهنا عليها وربما يقع لنا في ثاني
الحال النقات عليها واصلاحنا تلك المقالات بعون الله . والذين نظر وافي
كتابه كالحجاج فانه كان ناقلاً وليس له الاصلاح و اما ثابت
فان حكمه ايضاً حكم ناقل وان كان اصلح بعض الاصلاح ومن رام تفسير كتابه
وحل شكوكه مثل ايرن المبخانيقي و اطو (لو) قس وغيرهما من المتقدمين
و ابي العباس النيريزي وغيره من المتأخرين فكان يلزمه البرهان على
امثال هذالقضايا و تصفحها والنظر فيها لاردالمستقيم الى الخلف والخلف
الى المستقيم فان من عرف برهان شيئى بالحقيقه فقد اكنفى به مستقيماً
كان اوخلفاً فما معنى ردالمستقيم الى الخلف وترك امثال هذ غير مبرهن
عليها؟ اما سبب غلط المتأخرين في برهان هذ المقدمه فغفاتهم عن المبادى
الماخوذه من الحكيم واعتمادهم على القدرالذى اورده اقليدس في صدر
المقالة الاولى وليس يكفى هذ القدر . فان القضايا المحتاج اليها في التقديم على
الهندسه كثيره: منها ان المقادير تنقسم الى مالا نهاية له و ليست مركبة
عمالاً ينقسم و هذه قضية فلسفيه يحتاج اليها المهندس في صناعته و من
المهندسين من حاول ان يبرهن على هذ من جهة صناعه ولم يشعر
بانه بيان الدور ولكن اذا اثبت الحكيم الدائرة والخط المستقيم وسائر مبادى
الهندسه فانه يمكن ان يبرهن على هذ القضية برهان ان لابرهان لم .
والحق ان هذ القضية من مقدمات الهندسه لامن اجزائها و منها انه قد

يمكنه ان يخرج خطأ مستقيماً الى مالا نهائية له والقياسوف و ان برهن على ان الاجسام متناهيه وليس خارجها لاختلاء و لاملاء فقد بين كيف يجوز للمهندس ان يقول هذا غير متناه و هذا خارج الى مالا نهائية . و منها ان كل خطين مستقيمين متقاطعين فانهما الى الانقراج والانساع في بعدهما عن زاويه التقاطع . ومنها ان الخطين المستقيمين المتضائقين فهما يتقاطعان ولايجوز ان تسعان^(١) خطان متضائقان في مرورهما الى التضائق . و هذه القضايا الاخيره يمكن ان يبرهن عليها برهان ان من طريق الهندسه كما تعلمها عما قليل . ومنها ان كل مقدارين متناهيين متضالين فان الاصغر يمكن ان يضعف حتى يصير اعظم من الاكبر . و لعل هذه القضية اوليه من جنس مالا ضبط الا بعد التامل و يكون مقدمات اوليه ظاهره اكثر من هذا . و اقليدس لم يأت باكثرها في صدر الكتاب مع انه قد اتى باوليات مستغنى عنها جدا و كان الواجب ان لا ياتي بها اصلا او ياتي بها جميعا من غير ان يشذ عنها شيئى و ان كان ظاهراً . وقد ذكرنا فيما تقدم سبب غلط ابى على فلا حاجة بنا الى ذكرها ثانياً . و يجب ان نسلم ثمانيه و عشرين شكلا من كتاب الاصول فانها غير محتاجه الى هذه المقدمه و انما المحتاج اليها الشكل التاسع و العشرون حيث زريدان نورد احكام الخطوط المتوازيه . فمن شاء فليجعل الشكل الاول من هذه مقاله بمنزلة الشكل التاسع و العشرون من مقاله الاولى حتى يكون داخلا فى جمله الكتاب ان شاء الله . وهذا حين ستدى فى البرهان الحقيقى اللهى على هذا المعنى بعون الله و حسن توفيقه انه من اتوكل عليه هداه و كفاه .

(١) فى الاصل : تسع

الشكل الاول. - وهو كط من مقالة آ^(١) خط (اب) مفروض

[ش ٢] و نخرج (ا >) عموداً على (اب) ونجعل (ب د) عموداً على (اب) و مساويا لخط (ا >) وهما متوازيان كما بينه اقليدس في شكل (كز) و نصل (د >). فاقول ان زاويه (ا > د) مساوية



لزاوية (ب د >). برهانه:

نصل (ب >) و (ا د) فيخط

(ا >) مثل (ب د) و

(اب) مشترك و زاويتا

(ا) و (ب) قائمتان.

فقاعدتا (ا د) و (ب >)

[ش ٢]

متساويتان و سائر الزوايا مثل سائر الزوايا. فتكون زاويتا (ا ب >)

(ب ا >) متساويتين. فيخطا (ا ه) و (ب ه) متساويان. فبقي (د ه) و (ه >)

متساويين. فتكون زاويتا (ه د >) و (ه > د) متساويين و [زاويتا] (ا > ب)

مثل (ا د ب) فزاويتا (ا د >) و (ب د >) متساويتان وذلك ما اردنا ان

نبين. ومن ههنا استبان^(٢) ان زاويتي (ب ا >) و (ب د ا) اذا كانتا متساويتين

كيف ما كانتا و خطا (ا >) و (ب د) متساويين يجب ان يكون زاويتا

(ب د >) و (ا > د) متساويتين.

الشكل الثاني. - وهو (ل) من الاصول - نعيد شكل (اب > د)

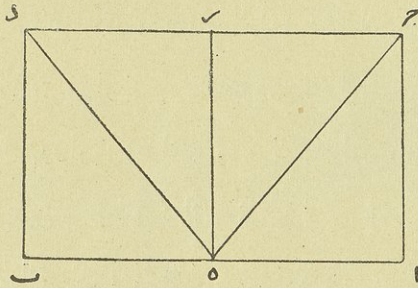
[ش ٣] و نقسم (اب) بنصفين على (ه) و نخرج (ه ر) عموداً على

(اب) فاقول ان (ر >) مثل (ر د) و (ه ر) عمود على (د >).

برهانه: نصل (د ه) و (ه >) فيخط (ا >) مثل (ب د) و (ا ه) مثل

(١) الشكل التاسع والمشرون من المقالة الاولى من الاصول (٢) كذا في الاصل

(ب) و زاويتا (ا) و (ب) قائمتان فقاعدتا (ده) و (هـ) متساويتان و زاويتا (اـهـ) (بـهـد) متساويتان، فبقى (دـهـر) و (رـهـ) متساويتين،

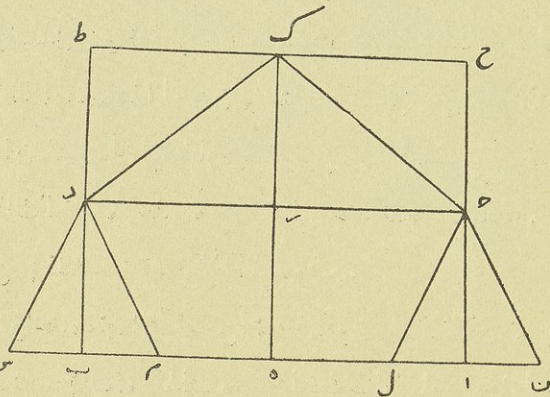


[ش ٣]

و خط (ده) مثل (هـهـ) و (هـر) مشترك (١) قائمتك مثل المثلث و سائر الزوايا والاضلاع النظائر متساويه . فيكون (د ر) مثل (ر هـ) و زاويه (د ر هـ) مثل

(هـ ر هـ) فهما قائمتان . و ذلك ما اردنا ان نبين .

الشكل الثالث - وهو (لا) من الاصول - ونعيد شكل (ابـدـحـ) [ش ٤]. فاقول ان زاويتى (اـحـد) (بـدـحـ) قائمتان . برهانه : نقسم (ا ب) بنصفين على (هـ) ونخرج عمود (هـ ر) ونخرجه على امتقامه ونجعل (ر ك) مثل (ر هـ) ونخرج (ح ك ط) عموداً على (هـ ك) و نخرج (ا حـ) و (ب د) قيقطعان (ح ك ط) على



[ش ٤]

(ح) و (ط) لان (اـحـ) (هـ ك) متوازيان و كل المتوازيين فان البعد بينهما لا يتغير .

(١) في الاصل : والزوايتان متساويتان زائد .

فتمد (ا >) الى مالا نهائية موازياً لـ [خط] (ه ك) و تمد (ح ك) الى مالا نهائية له موازياً لخط (ر >) فهما ملاقيان لامحاله اولى ونصل (ح ك) و (د ك) فيخط (د ر) مثل (ر >) و (ر ك) مشترك وهو عمود . فقاعدتا (د ك) و (ك >) متساويتان وزاويتا (ر > ك) و (ر د ك) متساويتان . فبقى زاويه (ح > ك) مثل (ك د ط) وزاويتا (د ك ر) و (ح ك ر) متساويتان فيبقى زاويتا (ك > ح) و (ك د ط) متساويتين وخط (د ك) مثل (ك >) فيكون (ح >) مثل (د ط) و (ح ك) مثل (ك ط) . وزاويتا (ا > د) و (ب > د) ان كانتا قائمتين فقد حق الخير وان لم يكونا قائمتين فيكون كل واحد منهما اما اصغر من قائمه واما اكبر . فليكن اولا اصغر من قائمه و ينطبق سطح (ح >) على سطح (ح ب) فينطبق (ر ك) على (ر ه) و (ح ط) على (ا ب) فيكون (ح ط) مثل خط (ن س) لان زاويه (ح > ر) اعظم من زاويه (ا > ر) فيخط (ح ط) اعظم من (ا ب) . و كذلك ان اخرج الخطان الى مالا نهائيه على هذا النسق . يكون كل واحد من الخطوط الواصله اعظم من الاخر وتساوئ . وخطا (ا >) و (ب د) على استقامه من الجهة الاخرى كانا الى الاتساع مثل هذا البرهان و يشابه حال الجانبين عند الانطباق لامحاله فيكون خطان مستقيمان يقطعان مستقيمين على قائمتين ثم يتسع البعد بينهما من جهتي ذلك الخط و هذا محال اولى عند تصور الاستقامه . ويحقق البعد بين الخطين وذلك مما قد تولاه الفيلسوف .

وان كان كل واحد منهما اكبر من قائمه فيكون عند الانطباق خط (ح ط) مثل (ل م) وهو اصغر من (ا ب) و كذلك جميع الخطوط الواصله على هذا النسق . فالخطان الى التضائق و ان اخرها الى الجهة الاخرى كانا الى التضائق ايضا لتشابه حال الجهتين عند الانطباق وذلك مما يمكنك ان تعرفه بادنى نظر و بحث .

و هذا محال ايضا لما ذكرنا . و اذا امتنع ان يكون الخطان متفاضلين
فهما متساويان و اذا كانا متساويين فالزاويتان متساويتان فهما اذن قائمتان
تعرف بادنئ تامل . فتركتاه تجنبنا للتطويل . فمن اراد ان ثبت ذلك ههنا
على الترتيب التعليمي فعل بلامكاتبى^(١) منا . وسهوا المتأخرين في برهان هذه
المقدمة انما وقع لغفلتهم عن هذه القضية الاولى اذا تصور محمولها و
موضوعها على الوجه الحقيقي . فان كثيرا من القضايا الاولى الغفل عن
النقطن له نافذ الحدس ، ناقب الرأى لعروب^(٢) تصور محموله وموضوعه عن
غفلة فان اوليه القضية و حقيقتها ليستا في تصور موضوعها ومحمولها لان
صدقها و كذبها لا يتعلق بالمحمول والموضوع بل بارتباط المحمول
بالموضوع لا غير . و اذا كان كذلك فلا تبعد ان تكون قضيه اوليه مفعولا
عنها لهذا السبب فافهم ذلك الاترى ان من تصور حقيقة الدائره و حقيقة
الزاويه و حقيقة النسبة المقداريه عرف بادنئ نأسل ان نسبة الزوايا
التي على المركز كنسبة القوس التي توترها . و هذا المعنى بينه اقليدس في
شكل (لو) من مقاله (و) و هو الشكل الاخير من تلك المقالة . و من القضايا
الاوليه ما تبين ايضا بعد تصور اجزائه نضرب من البيان على سبيل التذكير
و التبيين لاعلى سبيل طلب الحد الاوسط . فان المحتاج الى الوسط اكتسب
فافهم و هذا مقالات وان كانت خارجه عن مقصودنا في هذه الرسالة فان
لها عنا^(٣) عظيما و منفعة جسيمة فيها . و كذلك اوردناها هاهنا ولازيد
هذا المعنى شرحا حتى تعرفه اكثر الناس . خطأ (اب) (ا >) متقاطعان
على نقطه (ا) [ش ٥] فاقول انهما الى الانقراج والاتساع الى المالا نهاية له وذلك
انا نجعل (ا) مركزاً وبعده (اب) دائره (اب >) فالبعد بين الخطين

[١] كذا في الاصل ؟ (٢) كذا في الاصل (٣) كذا في الاصل

عند ملاقاتهم الدائره خط (ب ح) . و نخرج (ا ب) على استقامه الى

(د) و ندير الدائره

(ا د ه) و نخرج

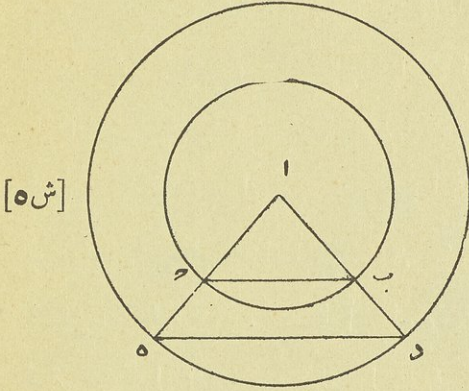
(ا ح) على استقامه حتى

يقطع الدائره على نقطه

(ه) و نصل (د ه) .

فالبعدين الخطين (ده)

و خط (د ه) اعظم



من (ب ح) اولى لاشبهه فيه اذا تصور معنى الدائره والزوايه والخط المستقيم .

و من رام ان تبرهن عليه برهانا فلا بد له من ان ياخذ في اثنا ذلك

البرهان قضيه تبرهن بهذا المعنى . فيكون بيان الدور . ونعم ما فعل صاحب

الاصول اذا ورد في صدر كتابه القضييه القائله بان الخطين المستقيمين لا

يحيطان سطح « في جمله الاوليات . لان من عرف حدودها عرف ارتباطها

لامحاله . فهي اذن اوليه . والبعء بين كل خطين هو الخط الواصل بينهما بحيث

يكون الزاويتان الداخلتان متساويتين . مثاله خطا (ا ب) و (ح د) مستقيمان في

سطح مستو [ش ٦] و فرصنا على (ا ب) نقطه (ه) . فالبعء بين (ه) وبين خط

(د ح) خط (ه ر) و زاويه (ه) مثل (ر) فاما كيف يخرج من نقطه

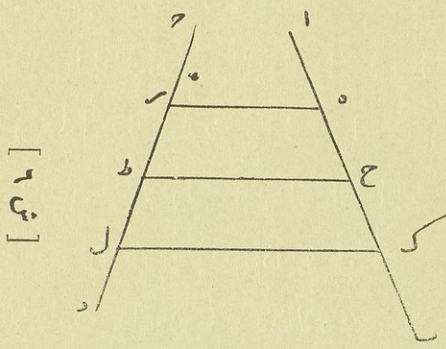
(ه) الى (ح د) خط بحيث تكون الزاويتان الداخلتان متساويتين؟ فعلى

المهندس ليس على الحكيم التولى لتصحيح مبادئ الهندسه . واما انه هل

يمكن ان يخرج خط بهذه الصفة؟ فعلى صاحب المبادئ . وبيانه انه يمكن

ان يخرج من (ه) خطوط الى (د ه) غير متساويه على زوايا

غير متناهيه من كلتي الجهتين في الخطين جميعا متفاضلات اصغورا كبيرا.

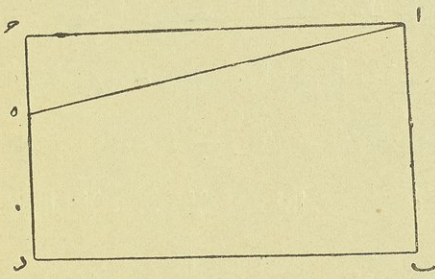


و كل ما تعذر فيه هذا
المعنى اعنى التفاضل من
الجهتين في الصغر
والكبر مع ان المقادير
ينقسم الى ما لانهاية له ،
فلا محاله له يمكن ان

يقع التساوى. و تفصل (هـ ح) و (ر ط) متساويين ونصل (ح ط) فزاويه
(ح) مثل (ط) كما بين في الشكل الاول. ف (ح ط) هو البعد. وان كان
(ح ط) اعظم من (هـ ر) فالخطان الى الاتساع و تفصل (ح ك) و (ط ل)
متساويين ونصل (ك ل) فهو البعد. فان كان (ك ل) اصغر من (ح ط)
فالخطان الى التضائق. و قد كانا الى الاتساع هذا محال اولي. وان كانا
متساويين يلزم هكذا وان كان (ح ط) اصغر من (هـ ر) فالخطان الى
التضائق. فبهذا البيان يجب ان يكون (ك ل) اصغر من (ح ط) والا يلزم
المحال الاول فقد بان ان الخطين المستقيمين في سطح مستو اذا كانا الى
التضائق في جهت لا يجوز ان يتسعان في ملك الجهت اصلا. و كذلك
اذا كانا الى الاتساع. الا ان هذا البيان بيان غير هندسى انما هو بيان حكمي.
ولكن استعين فيه بالمثل ليكون ابين واظهر عند من لا يكون له حدس
جيد. ومن الناس من يقول ان البعد بين نقطه على خط وبين خط آخر
هو العمود الخارج من تلك النقطه الى الخط. وليس الحق كذلك لانه
بما يكون العمود الخارج من مسقط العمود الاول الى الخط الاول غير مساو

لعمود الاول فيكون . بعد النقطه عن نظيرتها غير بعد نظيرتها عنهار هذا محال . بل اذا كانت الزاويتان الداخلتان متساويتين كان ميل الخطين معا عن ذلك الخط الواصل ميلا واحدا . فهو بالحقيقه يكون البعد بينهما لاغير . و هذا المعاني خطرت ببال قدماء المهندسين فصادروا على القضيه التي تطالب البرهان عليها . ولما تبين انه اذا افرض خط مستقيم واخرج من طرفيه عمود ان كانا بحيث اذا تفصل منهما اى خطين متساويين كان البعد بينهما عمودا عليهما وكان الابعاد متساويه والخطان لايتضايقان ولايتسعيان . فيسمى هذان العمودان المتحاذيين .

الشكل الرابع - وهو (اب) من الاصول . - سطح (اب > د) زواياه قائمه [ش ٧] فاقول ان (ا ب) مثل (ح د) و (ا د) مثل (ب ح) . برهانه: ان لم يكن (ا ب) مثل (ح د) فيكون احدهما اعظم فليكن (د > ح) اعظمهما و تفصل (د ه) مثل (ا ب) و تصل (ا ه) فيكون الزاويه (ب ا ه) مثل زاويه (د ه ا) و (ب ا ه) اصغر من قائمه و (د ه ا) اعظم من قائمه .



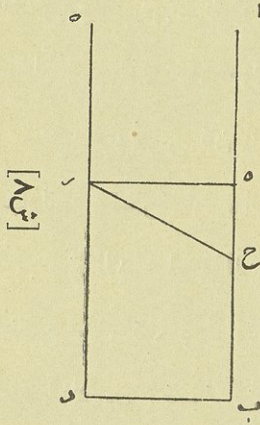
لانه خارجة عن مثلث (ا ه ح) فيكون اعظم من زاوية (ح) القائمة هذا محال . فخط (اب) مثل (د ح) و ذلك

[ش ٧]

ما اردنا ان نبين

الشكل الخامس - وهو (لح) من الاصول . - خطا (ا ب) و (د ح) متحاذيان . فاقول ان كل خط يكون عمودا على احدهما فهو عمود على الاخر .

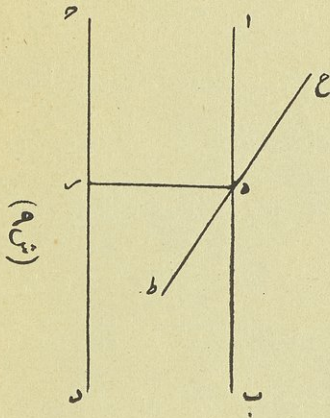
برهانه : نخرج من نقطة (ه) [ش ٨] عمودا على (د ح) و هو (ه ر) . فاقول ان زاوية (ه) قائمة . برهانه ان خطي (اب) و (د ح) حاصلان من عمود عليهما لامحاله كما بينا ، و هو (ب د) . فان كان (ب ه) مثل (د ر) فزاوية



(ه) قائمة . و ان كان احدهما اعظم فنفضل من الاعظم مثل الاصغر و هو (ب ح) الذي فصلناه من (ب ه) . تكون زاوية (ح) القائمة مثل (ح ر د) و هو اقل من قائمه ، هذا محال . فيخط (به) مثل (ر د) و زاوية (ه) قائمة وذلك ما اردنا ان نبين

الشكل السادس -- وهو لد من الاصول . -- كل خطين متوازيين كما حداه اقليدس و هما اللذان لا يلتقيان من غير شرط آخر فهما متحاذيان . مثاله : (اب) و (د ح) [ش ٩] متوازيان فاقول انهما متحاذيان . برهانه : نتعلم نقطه (ه) ونخرج (ه ر) عمودا على (د ح) . فان كان زاوية (ه) قائمه كان الخطان متحاذيين . وان لم يكن قائمه فانا نخرج (ح ه) عمودا على (ه ر) فيكون (ح ه ط) و (د ر ح) متحاذيين . وخطا (ب ه ا) و (ط ه ح) متقاطعان والبعد بين (ه ح) و (ه ا) يزداد مالا نهاية له والبعد بين (ه ح) و (د ر) واحد الى مالا نهاية له لا يزيد و لا ينقص فلا شك ان يصير البعد بين (ه ا) و (ح ه) اعظم من (ه ر) الذي هو بعد المتحاذيين فيخط (ه ا) اذن يقطع (د ر) وقد فرضناهما متوازيين هذا محال . فزاوية (ا ه ر) ليست

باعظم من قائمه ولاصغر منها فهي اذن قائمه. فخطا (اب) و(دج) متحاذايان



ا ذن و ذلك ما اردنا ان نبين .

الشكل السابع - و هو -

هذا الشكل هو نائب عن شكلي (كطول)

من مقاله آ . اذا وقع خط مستقيم

على خطين متوازيين فان الزاويتين

المتبادلتين متساويتان والزاويه

الخارجيه مثل الداخليه والزاويتين

الداخلتين مثل قائمتين . مثاله خطا (اب) و(دج) متوازيان و قد وقع

عليهما خط (ك ر ه ل) فاقول ان زاويتي (لرد) و(اهر) المتبادلتين متساويتان.

[ش ١٠] و زاويتي (ا ه ر) و (د ر ه) الداخلتين مثل قائمتين و

زاويه (ح در ك) الخارجيه مثل زاويه (اهر) الداخليه. برهانها : اننا نخرج

من نقطه (ه) عمود (ه ط) اعلى (د ح) فهو عمود اعلى (اب)

لانهما متحاذايان. ونخرج من (ر) عمودا اعلى (اب) وهو (رح).

فسطح (ه ط رح) قائم الزوايا، فالخطوط المتقابله منه متساويه. فتكون

زاويه (ح ه ر) مثل (ه ر ط) وهما متبادلتان (ح رك) و (ه ر ط) مثل (ح رك)

و (ح رك) مثل (ا ه ر) الداخليه مثل الخارجيه و (ه ر ط) مع

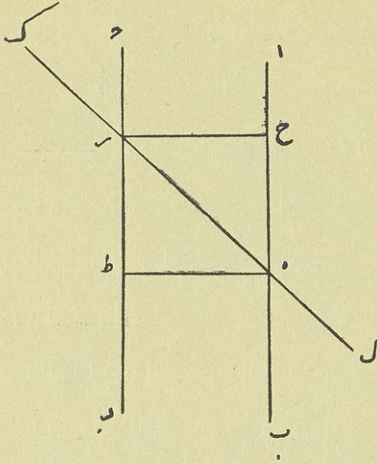
(ه ر ح) مثل قائمتين فزاويه (ا ه ر) مع (ه ر ح) مثل قائمتين و

ذلك ما اردنا ان نبين .

فقد بينا احكام المتوازيه من غير احتياج الى المقدمه المطلوب

برهانها التي قد صادر عليها اقليدس و هذا برهانها .

الشكل الثامن - وهو لو . - خط (ر . ه) مستقيم [ش ١١] و قد خرج عنه خطا



(ا) و (رد) وزاويتا (اه) و (> ره)

اقل من قائمتين . فاقول انهما يلتقيان

في جهة (ا) . برهانه : نخرج الخطين

على استقامه فيكون زاويه (اهر) $\widehat{ه ر ا}$

اصغر من (ر >) فتحصل زاويه $\widehat{ه ر ج}$

(ح . ر) مثل (ه . ر >) فيخطا

(ح . ط) و (د . ر >) ومتوازيان

كما بينه اقليدس في شكل (كر)

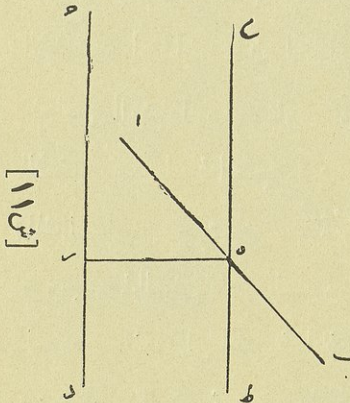
من مقاله (ا) . و خط (ا . ه) قطع (ح ط) فهو ادن يقطع خط (د ج)

في جهة (ا) و ذلك ما اردنا ان نبين .

فهذا هو البرهان الحقيقي على احكام المتوازيات و على المعنى

المقصود نحوه . والحق ان تلحق هذا الاشكال بكتاب الاصول على الترتيب

الذي ذكر وسقط منها اعنى من هذه المقاله ما هو داخل في المبادئ و



راجع الى الحكمة الاولى . وانما

اوردناه هنا وان كان خارجا عن

نفس الصنعه لانا لم نجد بدا من

ايراد تلك الفصول لصعوبة المسئله و

كثرة كلام القوم فيها . فلحق بالصدر

من المبادئ ما ذكرنا ان الصنعه محتاجه

اليه حتى تكون الصنعه متقنه

فلسفيه لاتكون للناظر فيها شك و لاتخاذ وجه ريب و حازنا ان نختتم

المقاله الاولى حا مدين لله تعالى ومصليين على النبي محمد وآله اجمعين .

المقالة الثانية

فى ذكر النسبة ومعنى التناسب و حقيقةتهما (١)

قال صاحب الاصول فى حقيقة النسبة انها هى اىية قدر و مقدارين متجانسين احدهما من الاخر والمتجانسان المعنيان هاهنا هما اللذان اذا صوعف احدهما ممكن ان يريد على آخر اذا كانا متفاوتين مثل الخطين والسطحين والجسمين والزمانين وبالجملة هما اللذان تقع بينهما تفاضل لان الخط والسطح ليس تقع بينهما تفاضل اذ الخط هو البعد الواحد والسطح هو البعدان والجسم هو الثلاثة الابعاد والزمان هو مقدار الحر كه وهذا الاجناس تحت جنس الكمية و هذه الممانى من صناعة^(٢) الحكمة الاولى و هذا الحد او الرسم الذى اورده اقليدس قريب من الحق اذا اخذت الفاظه وشرحت شرحا قوله هى (اىية قدر) مقدارين انما اراد بهما الاضافة الواقعة بين المقدارين من حيث هى مقدار وذلك ان كل مقدارين متجانسين فهى اما ان يكونا متساويين واما ان يكونا متفاضلين. ثم انتفاضل له حدود واقسام وذلك ان الاصغر اما ان يكون جزء من الاكبر اى يعده و يستغرقه عند الاضافة واما ان يكون اجزاء واما ان يكون على وجه آخر ومن خواص الكم اعتبار التساوى و غير التساوى فيه فالنسبة هى نفس ذلك الاعتبار عند اضافة المتجانسين و اعتبار امر آخر مقرون به و هو مقدار تلك النسبة من حيث هى نسبة مقداريه وهذا فى العدييات اظهر و اول ما وجد هذا المعنى اعنى النسبة وجد فى العدييات وذلك انهم اعتبروا الاعداد المضافة بعضها الى بعض فصادفوها اما متساوية واما غير متساوية و هذا من خواص الكم. ثم اعتبروا غير المتساوى فصادفوا الاصغر اما ان بعد الاكبر

(١) كان فى نسخة الاصل انه قدر و مقدارين

(٢) و هذا ايضا كان فى الاصل حكيم الاول

مثل الثلثة للتسعة . ثم طلبوا كمية عد الثلثة للتسعة فوجدوا هائلته و كانت الثلثة
تعدد التسعة ثلاث مرات فاشتقوا من هذا المعنى اسما بحسب اللغات فقالوا هو الثالث
فالنسبة بين الثلثة والتسعة هي الثالث و هي اعتبار التساوي و غير التساوي
مقرونا باعتبار آخر كما بينا والنسبة بين التسعة والثلثة هي الثلثة
الاضاعفيه ولم تشتقوا لهذا اسما واقتصروا على الاول وذلك الى واضع اللغة
و اما ان لا يعد الا كبر مثل نسبت الاثنين الى السبعة و فرقوها بالاخر التي بعد
السبعة والاثنين معا فلم يصادفوا عدد آخر بل وجدوا الواحد فقالوا النسبة
الاثنين الى السبعة شبعين ثم برهنوا على ان الاعداد الاصغر تكون من الاكابر
اما جزء واما اجزاء ولما وجدوا للعدد بجانب المقدار لاقتسامهما جميعا تحت
جنس الكم فطلبوا هذا المعنى ايضا في المقادير فوجدوا فيها مع هذين القسمين
قسما آخر و ذلك ان المقادير غير مركبة من الاجزاء التي لا يتجزى وليس
لاقتسامها نهايه محدوده كما للعدد فان للعدد مركب من اجزاء لا يتجزى و
وهي الوحدات و كل عددين متفاضلين يفضل من الاكبر جميع اضعاف
الاصغر و بقيت فضله اقل من العدد الاصغر ثم يفضل من الاصغر جميع
اضعاف الفضله فيبقى منه فضله اقل من الفضله الثانيه ولا يزال يفعل هكذا فلا يبد
من ان تبلغ الى فضاة تعد الفضله التي قبلها او الواحد و ذلك ان العددين
متناهيان مفروضان و هما مركبان من الاحاد التي لا ينقسم و قولنا مركب
في ترسيم العدد هو لاضطراب اللفظ لان معنى التركيب والكثرة والجمع والعدد
كلها واحد وقد اورد قدرا من هذا في اول السابعة من كتابه و انت
يمكنك ان تعرفه بادنى تأمل و اما المقادير فانها غير مركبة من اجزاء

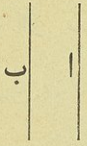
يتجزى و ليس لا تقسامها حد محدود فليس يلزم فيها هذا المعنى
فى كل حال و ليس يجب ان يبلغ لا محاله الى الواحد اذلا وحدة
فيها و لا الى فضله بعدالتى قبلها ثم ان كان هذا المعنى و اصنافها
فلا يعرفه الا بالبرهان وقد اطنب فيها اقليدس فى عشرة كتابه و لا حاجة لنا
اليها فى هذا البيان اصلا و اذا كان كذلك فليس كل مقدارين ملازم باضطرار
ان يكون الاصغر اما جزا من الاكبر و اما اجزاء بل يجوز ان يكون على ضرب
آخر غير عددى بل خاص بالمقادير فان قال انه لا يكون هذا القسم الثالث
اصلا بل هو هذا من القسمين العدديان فتجيب فنقول لا يضرنا ان نعتبر
احكام النسبه و التناسب فى المقادير من هذه الوجوه الثلثة ثم ان كانت القسمه
ملغاة بالبرهان فلا عتب علينا و ان لم يكن ملغاة فتكون قد تقدمنا و استوفينا
جميع الاقسام و هذا و يطلع منه على اسرار منطقيه عميقه جدا فافهمه.
ثم ذكر التناسب فقال هو اشتباه النسب و هذا بحسب اللغة كلام حسن الا انه
عدل عن حقيقة التناسب فى شرح هذا اللفظ عدولا خارجا و ذلك
انه قال اذا كانت اربعة مقادير متجانسه و اخذت للاول و الثالث اضعاف
متساويه و للثانى و الرابع اضعاف كانت الى مالا نهاية له و قيست فان
كانت الاضعاف الاول زائده على اضعاف الثانى كانت اضعاف
الثالث زائده على اضعاف الرابع و ان كانت مساويه لها فهى مساويه لها ايضا
و ان كانت ناقصه عنها فهى ناقصه عنها اذا قيست على الولا فيقال نسبة الاولى
الى الثانى كنبت الثالث الى الرابع و ليس متماثبه و هذا ليس ينبئ عن التناسب
الحقيقى الا ترى ان سائلا لو سئل و قال اربعة مقادير متناسبه التناسب
الاقليدسى و الاول نصف الثانى فهل يكون الثالث نصف الرابع ام لا فكيف

يمكن البرهان على ان الثالث يكون ايضا نصف الرابع بطريقه اقليدس فان
اجيب و قيل انه يجب ان يكون الثالث نصف الرابع اذا كان الاول نصف
الثاني لمكان التناسب فإى برهان على ان الذى ذكر اقليدس من لوازم التناسب
الحقيقى وقال اكانت اذاربعه مقادير و اخذت الاضعاف على هذه الصفة و
كانت اضعاف الاول زايده على اضعاف الثانى ولم يكن اضعاف الثالث زائده
على اضعاف الرابع قيل ان نسبة الاول الى الثانى اعظم من نسبة الثالث الى الرابع
فهذا كلام الرجل فى التناسب و نحن نسمى هذه التناسب المشهور و تسكلم
فى التناسب الحقيقى و مقاله لخامسه كلها فى التناسب المشهور و مرجعه به
حسب ذلك التناسب فليسلم تلك مقاله و لناحق ما نقوله فى التناسب الحقيقى
باحرها فانا عما قليل نبرهن ان هذا التناسب المشهور لازم للتناسب الحقيقى
فيكون لوازم التناسب المشهور اذن من لوازم التناسب الحقيقى من التركيب
و التفصيل و الابدال و العكس و غيره مما ذكره اقليدس و ما ضمن كلامه
بالقوه اقوال و حقيقه النسبة المقداريه قد تصورتها و ذلك ان كل مقدارين
اما ان يكون احدهما مساويا لآخره ولا يكون و غير المتساوى اما جزء
من الاخر و اما اجزا و هذه الثلثة هى النسبة العدديه و اما ان يكون على
ضرب آخر خاص بالهندسه كما قد بيناه فيما تقدم و اذا كانت اربعه
مقادير و كان الاول مساويا للثانى و الثالث مساويا للرابع او كان الاول
جزا من الثانى و الثالث ذلك الجزء بعينه من الرابع او كان الاول اجزا من
الثانى و الثالث تلك الاجزاء بعينها من الرابع فان نسبة الاول الى الثانى كنسبة
الثالث الى الرابع لامحاله و هذا النسبه عدديه ثم ان لم يكن على هذه الوجوه
الثلثه بل فضل من الثانى جميع اضعاف الاول حتى بقيت فضله اقل من الاول

وكذلك فضل من الرابع جميع اضعاف الثالث حتى بقيت فضله اقل من الثالث وكان عدد اضعاف الاول في الثاني مثل عدد اضعاف الثالث في الرابع ثم انفصل جميع اضعاف فضله الثاني من الاول حتى بقيت فضله اقل من فضله الثاني وكذلك فضل جميع اضعاف فضله الرابع من الثالث حتى بقيت فضله اقل من فضله الرابع فكان عدد اضعاف فضله الثاني مثل عدد اضعاف فضله الرابع وكذلك يفضل من فضله الثاني جميع اضعاف فضله الاول ويفصل من فضله الرابع جميع اضعاف فضله الثالث فكان عددهما واحدا وكذلك يفضل جميع اضعاف الفضلات بعضها من بعض على الولا كما بينا فكان عدد كل فضله من الاول والثاني مثل عدد نظيرها من الثالث والرابع الى مالا نهاية له فان نسبت الاول الى الثاني كنسبة الثالث الى الرابع لامحاله وهذا هو التناسب الحقيقي في الضرب الهندسي واما النسبة العظمى والصغرى الحقيقيه فكما تقول اذا كانت اربعة مقادير و كان الاول مثل الثاني والثالث اصغر من الرابع او الاول اعظم من الرابع او الاول جزء من الثاني والثالث جزء آخر اصغر من ذلك الجزء من الثاني والثالث جزءا آخر اصغر من تلك الاجزاء من الرابع او اجزا هي تامرها اصغر من تلك الاجزاء فان نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة الثالث الى الرابع وانما اقتصرنا على الجزء الاخر وتركتنا الاضعاف تخفيفا وبعضها ينوب عن بعض وحكمها عند العكس واحد لا يتغير منه شئى اعنى اذا كان الاول اضعاف الثاني والثالث اضعاف الرابع فقد علمت حكمهم نظاهر هذا الاجزاء من الاضعاف في هذا وفي التناسب الحقيقي واحد وهذا النسبه عدديه واما الهندسى فاذا فضل جميع

اضعاف الاول من الثانى و بقيت فضلة وجميع اضعاف الثالث من الرابع و بقيت
فضلة و كان عدد اضعاف الاول اقل من عدد اضعاف الثالث او كان هذا العدد
مساويا لذلك لكن فضل جميع اضعاف فضلة الثانى من الاول حتى بقيت فضلة
و فضل جميع اضعاف فضله الرابع من الثالث حتى بقيت فضله فكان عدد
اضعاف فضله الثانى اكبر من عدد اضعاف فضله الرابع او هذا العدد ايضا مساويا
لذلك العدد : لكن اذا فضل جميع اضعاف فضله الاول من فضله الثانى فى
جميع اضعاف فضله الثالث من فضله الرابع فكان عدد اضعاف فضله الاول اقل
اولم يبق من فضله الثانى او من الثانى فضلات و بقيت من فضله الرابع او الرابع
فضله فان نسبة الاول الى الثانى اعظم من نسبة الثالث الى الرابع لا محالة فى
الحقيقة وبالجملة فى هذا الضرب يكون اما ان لا يبقى من الثانى ومن فضلاته
فضله و اما ان يكون فضلاته اقل و اما ان يبقى من الاول و فضلاته فضلة و لا
يبقى من الثالث و فضلاته فضلة و اما ان يكون فضلات الاول اكبر من فضلات
الثالث يلزم ان يكون نسبة الاول الى الثانى اعظم من نسبة الثالث الى الرابع و
لهذا المعنى تفصيل اطول من هذا يمكنك ان تعرفه بهذا القانون الذى تعلمته
فانهم وبقى علينا ان نبرهن ان الذى ذكره اقليدس هو من لوازم هذا ثم
من المقدمات التى يحتاج ان تسلم هى ان كل مقدار مفروض يمكن ان يكون
مثل كل نسبة مفروضه اى النسب كانت و هذه المقدمه حكميه و نيته بمثال
وضعى مثاله نسبة (ا) الى (ب) مفروضه و د مفروض فاقول انه يجب
ان تكون نسبت (د) عند العقل لا عند الوجود فانه سواء يكون موجودا فى
الاعيان اولا يكون اذا كان الاحتياج اليه فى البراهين لا غير الى مقدار آخر
كتبه (آ) الى (ب) برهانه ليس للمقادير فى التضعيف و التنصيف نهاية

محدوده بل يمكن ان يذهب الى الا نهاية له وكذلك يمكن ان ينصف



الى الا نهاية له اذا كان كذلك فباضطراب يكون

مقدار عظيم جداً نسبة (د) اليه اصغر من نسبة

(ا) الى (ب) وليكن ذلك المقدار (هـ) و

باضطراب يكون مقدار صغير جداً يكون نسبة (د) اليه اعظم من نسبه



(ا) الى (ب) والمقادير ليس لانقسامها نهاية

فيين (هـ) و (ر) باضطراب يكون مقدار نسبة

(د) اليه كنسبة (ا) الى (ب) لا مانع هناك

اصلا لان كل ما يريد يمكن ان يفصل من (هـ) و كل ما يريد يمكن ان

يزاد على (ر) فليكن ذلك (جـ) وذلك ما اردنا ان نبين اذا كان مقدار

ان متفاضلان وفضل من الاعظم نصفه او اكبر و من الثاني كذلك ثم هكذا

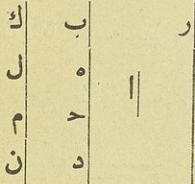
نعمل بالباقيات فانه سيبقى مقدار اصغر من المقدار الاصغر المفروض مثاله

مقدارا (ا ب) مفروضان فاقول ان الحكم فيهما كما ذكرنا برهانه انا

نضعف (آ) حتى تصير اضعافه اكثر من (ر د) وليكن (ر ي) و

فيه من امثال (ا) (ر ح) (ح ط) (ط ي) و هو ثلثه فصلنا من (ب د)

(د جـ) و هو نصفه او اكثر و من (جـ ر) (هـ جـ) وهو نصفه او اكثر



واخذنا لمقدار (و ب) اضعاف مساويه لاضعاف

(ر ي) لمقدار (ا) و هو (ك ن) و اضعافه

(د ل) (ل م) (م ن) فمقدار (ت هـ) ليس

ليس باعظم من (جـ هـ) و (جـ هـ) ليس باعظم من (جـ د) بل اصغر

منه بكثير فمقدار (ب د) اعظم من ثلثه اضعاف (ب هـ) و ثلثه اضعاف

(ك ن) فمقدار (ك ن) اصغر من (ب د) و (رى) اعظم من (ب د)
 (فرى) اعظم من (ك ن) و نسبة (رى) الى (ك ن) بالنسبة المشهور
 كنسبة (ا) الى (ب ه) فمقدار (ا) اعظم من (ب ه) و ذلك ما اردنا
 ان نبين و هذا هو الشكل الاول من المقالة العاشرة من كتاب الاصول ولم
 يحتاج فى برهانه الا الى المقالة الخامسة فحسب فنقلناه الى هذه الموضع
 لاحتياجنا فى هذه البراهين اليه وليكن اقليدس ذكرانه يفصل من الاكبر
 اعظم من نصفه ولم تقل يفصل منه مثل نصفه او اكثر منه حتى تكون
 الدعوى اعم ومن العجب انه قد استعمل هذا الشكل فى شكل (بج) من
 مقاله (بت) وقال اذا فصل من الاكبر مثل نصفه ومن الباقي مثل نصفه ولو
 كانت دعواه ههنا هكذا لكان اتقع له فى ذلك الموضع قتال اذا كانت
 اربعة مقادير متناسبه بالنسبة الحقيقية ونسبة الاول الى الثانى نسبة عددية فاقول

د	ا	س	الى
ع	ل		(د ج) كنية (ه ر) الى (ح ط) بالنسبة الحقيقية
	ب		والنسبة عدديه فيكون (اب) الى مساويه

(ادج) و (هر) (راح ط) و نأخذ الاول والثالث اضعافاً متساويه

ح	ه	ف	اي الاضعاف كانت وهما (ع) (ص) و (اب)
ص	م		مثل (دج) فاضعاف (ع) (اب) مثل
	ر		اضعاف (ص) (ار) (فس) (ف) اما زائدان

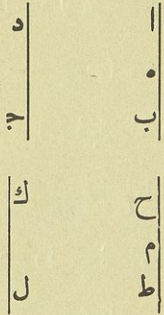
معاً على (ع) (ص) واما مساويان معاً لهما واما ناقصان معاً منهما فنسبه (اب) الى (دج)
 كنيه (هر) الى (ح ط) بالنسبة المشهوره وان كان اب جزاً من (د ج) فنقسم
 (دج) باعمال (اب) وصى (دل) له وكذلك اقسام (ح ط) هى (ح ن)

(ن ط) فاضاف (ع) ا (د ج) مثل اضعاف (ص) ا (ح ط) واصعاف (دج)
 ا (اب) اعنى (دل) كاضعاف (ح ط) ا (ه ر) اعنى (ح ن) فيكون اضعاف
 (ع) ا (اب) مثل اضعاف (ص) ا (ه ر) وآل الامر الى القسم الاول فالمقادير
 متناسبه و ان كان (اب) اجزا من (دج) فقسم (اب) باجزاء (دج) و هى
 (اك) (كب) و كذلك اقسام (ه ر) هى (ه م) (م ج) فبالبيان المتقدمه
 يكون اضعاف (س) ا (اك) مثل اضعاف (ف) ا (م م) و كذلك يكون
 اضعاف (ع) ا (اك) مثل اضعاف ص ا (ه م) وال الامر الى الاول فالمقادير
 متناسبه بالنسبه المشهوره وذلك ما اردنا ان نبين (وعكس) هذا الشكل و هو
 ان مقادير (اب) (دج) متناسبه بالنسبه المشهوره ونسبة (ا) (ب) نسبة عدديه
 بالنسبه الحقيقه فاقول انها متناسبه بالنسبه الحقيقه برهانه . ان لم يكن نسبة آ

ب	ا	الى (ب) كنسبه (د) الى (ج) بالنسبه
ب	ا	الحقيقه فليكن كنسبه (د) الى (ه)
ب	ا	فيكون اذن نسبة (ا) الى (ب)
ب	ا	كنسبه (د) الى (ه) بالنسبه المشهوره
ب	ا	ونسبة (ا) الى (ب) المشهوره كنسبه
ب	ا	(د) الى (ج) فنسبه (د) الى (ج)

كنسبه (د) الى (ه) بالمشهوره كما بين فى الخامسه و نسبة (د) الى (ج)
 و الى (ه) واحده بالمشهور فيكون (ج) مثل (ه) فنسبه (ا) الى (ب)
 كنسبه (د) الى (ج) بالحقيقه وذلك ما اردنا ان نبين نسبة مقدار (اب) الى
 مقدار (دج) بالمشهور كنسبه (ح ط) الى (كل) و نسبة (ا ه) الى (دج)
 بالمشهور كنسبه (ح م) الى (كل) فاقول ان نسبة (ه ب) الى (دج) كنسبه

(م ط) الى (ك ل) بالمشهور برهانه نسبة (اب) الى (د ج) كنسبه (ح ط) الى (ك ل)
 و نسبة (د ج) الى (اه) كنسبه (ك ل) الى (ح م) ففى نسبة المساوات نسبة
 (اب) الى (اه) بالمشهور كنسبة (ح ط) الى (ح م)
 فيكون نسبة (اب) الى (هـ ب) كنسبه ح م الى (م ط)
 بالمشهور وبالعكس نسبة (هـ ب) الى (اب) كنسبه
 (م ط) الى (ك ل) و نسبة (اب) الى (د ج) كنسبه
 (ح ط) الى (ك ا) ففى نسبة المساواة نسبة (م ط)
 الى (ك ل) كنسبه (هـ ب) الى (د ج) وذلك ما اردنا



ان نبين وقد برهن اقليدس على عدة اشياء فى مقاله الخامس غير محتاجه
 الى البرهان وهو قوله : نسبة المقدار الواحد الى المقدارين المتساويين واحدة
 وقد بيناها وقوله اذا كانت نسبة الاول الى الثانى كنسبة الثالث الى الرابع و نسبة
 الثالث الى الرابع كنسبه الخامس الى السادس فتنسب الاول الى الثانى كنسبة
 الخامس الى السادس وهذا لا يحتاج الى برهانه لان نسبة الاول الى الثانى اذا
 كانت هى بعينها نسبة الثالث الى الرابع و كانت نسبة الثالث الى الرابع هى
 بعينها نسبة الخامس الى السادس لزم ان تكون نسبة الاول الى الثانى هى
 بعينها نسبة الخامس الى السادس باضطرار ولكن اقليدس لما عبر عن التناسب
 بلازمه لا بنفسه امكن ان يكون الشك يعترض فى ذلك اللازم و اما فى النسبة
 الحقيقية فلان نسبة مقدار (اب) الى مقدار (د ج) كنسبه مقدار (ح ط) الى
 مقدار (ك ل) بالمشهور و ليست نسبة (اب) الى (د ج) نسبة عدديه فاقول انها
 متناسبه بالتحقيق برهانه : ان لم تكن متناسبه فتكون نسبة احدهما اعظم من
 الاخر فليكن نسبة (اب) الى (د ج) اعظم من نسبة (ح ط) الى (ك ل) فنفضل

من (دج) جميع اضعاف (اب) و هو (هـج) ولفصل من (كـل) جميع اضعاف
 (حط) و هو (رل) فان كان عدد هما متقابلين فليكن عدد (رل) اكثر
 لان النسبة الصغرى فى جنبه (حط) (كـل) فلفصل من (رل) من اضعاف (حط)
 مثل عدد (هـج) و هو (سل) فيكون نسبة (اب) الى (هـج) كنسبه (حط)
 الى (سل) فيبقى نسبة (اب) الى (ده) كنسبه (حط) الى (كـس) و (اب) اعظم

		من (ده) و (حط) اصغر من (لس) هذا محال
د	ا	فعدد (رل) مثل (هـج) فيبقى نسبة (ده) الى (اب)
هـ	ن	كنسبه (رل) الى (حط) فلفصل جميع اضعاف (ده)
ج	ب	من (اب) و هو (بن) ولفصل جميع اضعاف (رل)
ر	ح	من حط و هو (مط) فان كان عدد (بن) مثل عدد
س	م	(مط) و الا فيكون عدد (بن) اكثر لان النسبه
ل	ط	

العظمى فى جنبه (اب) (دج) و قد بينا احكامها فى صدر المقالة ثم اذا كان عدد
 (بن) اكثر لزوم المحال المقدم فيجب ان يكون عدد (بن) مساويا لعدد
 (مط) و كذلك يجب فى عدد جميع الفضلات و لكن فرصنا ان نسبة (اب) الى
 (دج) اعظم من نسبة (حط) الى (كـل) فلا بد من ان يحصل شيئى من خواص
 النسبه العظمى و هو ان يكون عدد فضلات (دج) اقل من عدد فضلات (كـل)
 و هو محال او يكون عدد فضلات (اب) اكثر من عدد فضلات (حط) و هو
 محال ايضا فليس نسبة (اب) الى (دج) اعظم من نسبة (حط) الى (كـل) وذلك
 ما اردنا ان نبين و اعلم ان كون نسبة المقدار الواحد الى المقدارين
 المتساويين نسبة واحده و كون نسبة كل واحد من المقدارين المتساويين الى
 المقدار الواحد نسبة واحده فغير محتاجين الى البرهان و لكن اذا كانت

نسبة كل واحد من مقدارين الى مقدار واحد نسبة واحدته كان المقداران
متساويين فمحتاج الى برهان وكذلك اذا كانت نسبة مقدار واحد الى
مقدارين نسبة واحدة كان المقداران متساويين يحتاج الى برهان مثاله :
نسبة مقدار (ار) الى (جه) كنسبة الى (بد) بالتحقيق فاقول ان (بد)
(جه) متساويان برهانه : ان لم يكونا متساويين فاحدهما اعظم و هو (بد)
وليكن (ار) اصغر من كل واحد منهما فرضافانه ان كان اعظم كان البرهان
واحدا وكذلك في جميع الاشكال المقدمه فنفصل من (جه) جميع اضعاف
(ار) وهو (حه) وكذلك يفضل جميع اضعاف (ار) من (بد) وهو (طد)

ج	ا	ب
ك	م	ل
ح	ن	ط
هـ	ر	د

فيكون (حه) مثل (طد) فيكون (لط) اعظم من
(جح) وفضله عليه بمقدار فضل (رد) على (جه)
ويفضل من (ار) جميع اضعاف (جح) وهو (زر)
ويفضل ايضا من (ار) جميع اضعاف لط وهو (م)

فيكون (م) لامحاله اعظم من (زر) لان عدد الاضعافين متساويين ويفضل
جميع اضعاف (ام) من (بط) فيبقى (ب) ويفضل جميع اضعاف (ان) من
(جح) يبقى (جك) فيكون (بل) اعظم من (جك) وفضله عليه اعظم من فصل
(در) على (جه) لان فصل (بط) على (جه) مثل فضل (بد) و (ام) اصغر
من (ان) فيكون (طل) اصغر من (كح) فيبقى فضل (بل) على (جك)
اعظم من الفضل الاول وكذلك في الكثرة الاخرى من الفضلات يكون الفضل
من (بد) اعظم من فضله (جك) واعظم من الفضلة المتقدم وهكذا تكون كل
فضله اعظم مما قبله الى الا نهايه له وليكن (دد) مقدار فضله على (جه)
مقدار اصغر منه ويفضل من (بد) اعظم من نصفه وهو (طد) وكذلك

من (ط) اعظم من نصفه و هو (ط) و كذلك (هر) هكذا يفضل من الباقي اعظم من نصفه الى مالا نهاية له فيبقى مقدار اصغر من فضل (اد) على (جه) وقد بينا ان الفضلات الى الزيادة اعنى كل فضله وهو هذه الباقيات من الفضل المذكور يكون اعظم من الفضله المتقدمة ويكون اعظم من فضله (له) بكثير في كل مرة اذا كان (اد) اعظم من (جه) الى مالا نهاية له هذا محال فليس (لد) اعظم من (جه) والاصغر فهو مثله وذلك ما اردنا ان نبين و هكذا عكسه بمثل هذا البرهان نسبتها اليه واحدة يجب ان تكونا متساويين نسبة (آ) الى (ب) بالتحقيق كنسبة (د) الى (ج) والنسبة غير عدديه فاقول ان نسبة (آ) الى (ب) يكون اذن كنسبه د الى (ج) بالمشهور برهانه : ان نسبة (آ) الى (ب) كنسبه (د) الى (ه) بالمشهور فقد بينا ذلك ان هذا الحكم يستمر في كل مقدار

ب		د		ج
---	--	---	--	---

وان كان يوجد بقانون صناعي في الاعيان فيكون نسبة (ا) الى (ب) كنسبة (د) الى (ه) بالتحقيق فيكون اذن نسبة د الى (ه) كنسبة (د) الى (ج) بالتحقيق فهما متساويان فالمقادير متناسبة بالمشهور

وذلك المطلوب ولما ذكرنا احكام التناسب الحقيقي و بينا ان التناسب المشهور بحسب ما ذكره اقليدس من لوازمه اعنى كل متناسب بالمشهور فهو متناسب بالحقيقة و كل متناسب بالحقيقة فهو متناسب بالمشهور فلنذكره الان احكام عظم النسبة وصغرها . الحقيقيين اذا كانت نسبة الاول الى الثاني كنسبة الثالث الى الرابع بالتحقيق فتكون تلك النسبة هي بعينها هذه النسبة ونسبة الثالث الى الرابع اعظم او اصغر من نسبة الخامس الى السادس فتكون نسبة الاول الى الثاني اعظم من نسبة الخامس الى السادس بالتحقيق لا يحتاج الى برهان واقليدس انما برهن

عليه لانه اخرج المعنى من الحقيقة و عدل عن حقيقة ذات الشئ الى لازم له غير ظاهر بل ذى وسط يحتاج فى معرفة اللزوم الى برهان و كذلك اذا كان مقداران متفاضلان فان نسبة مقدار آخر الى الاعظم بالحقيقة اصغر من نسبة ذلك المقدار بعينه الى المقدار الاصغر و كذلك نسبة الاعظم الى ذلك المقدار المفروض بالحقيقة اعظم من نسبة المقدار الاصغر الى ذلك المقدار بعينه لا يحتاج الى برهان اصلا و اقليدس برهن عليه لانه عدل عن حقيقة النسبة العظمى الى المشهور و اما اذا كانت نسبة مقدار مفروض الى احد المقدارين المفروضين اعظم من نسبة ذلك المقدار بعينه الى المقدار الاخر من المقدارين المفروضين بالحقيقة فبحسب الحاجة الى برهان و كذلك عكسه يحتاج الى برهان .

ايضا مثاله مقدار (ا ب) (د ج) مفروضان و مقدار (ه ر) مفروض ونسبة (ه ر) الى (ا ب) اصغر من نسبه الى (د ج) فاقول ان (ا ب) اعظم من (د ج) برهانه : ان لم يكن (ا ب) اعظم من (د ج) فهو اما ان يكون مساويا له فيلزم اذن ان يكون نسبة (ه ر) الى (ا ب) كنسبة (ه ر) الى (د ج) وليس كذلك اذن فليس بمساو له واما ان تكون اصغر منه و قد فرضنا ان نسبة (ه ر) الى (ا ب) اصغر من نسبة (ه ر) الى (د ج) فيجب اذن ان يكون عدد بعض فضلات (ه ر) لفضلات (ا ب) اعظم من عدد نظائره من (ه ر) لنظائره من (د ج) او يكون عدد بعض فضلات (د ج) لفضلات (ه ر) اعظم من عدد نظائره من (ا ب)

د	هـ	ا	
	و	ب	
ح	ز	ط	
	ل	ي	
ج	ر	ب	

لنظائره من (ه ر) . لان هذا هو من خواص عظم النسبه و صغر ها او خاصية اخرى من خواصها يمكنك ان تعرفها بادنى تأمل و خصوصا اذا تحققت ما نوردته هيها و نفرض هيها (ه ر) اصغر من كل واحد منهما لانه ان كان اكبر منهما او مساويا لاحدهما و اصغر و اكبر من الاخر فان البرهان واحد و فى بعض الوجوه اسهل يمكن ان تعرف بادنى تأمل و يفضل جميع اضعاف (ه ر) من (اب) يبقى الفضله (اط) وكذلك يفضل جميع اضعاف (ه ر) من (د ح) يبقى الفضله (د ح) (فح ح) مثل (ب ط) و ان لم يكن يلزم ان يكون (ب ط) اعظم من (ح ح) لان عظم النسبه فى جنبه الا ان (د ح) اعظم من (اب) هذا محال (فح ح) مثل (ب ط) فيكون (د ح) اعظم من (اط) و يفضل جميع اضعاف (د ط) من (ه ر) تبقى الفضله (ه ك) و يفضل جميع اضعاف (اط) من (ه ر) تبقى الفضله و يجب ان يكون عدد الفضلات فى هذا ايضا مساويا و الا لزم المحال الاول لانه ان لم يكن عدد الفضلات مساويا كان متافلا و ان كان عدد امثال (ح د) فى (ك ر) اعظم من عدد امثال (اط) فى (ل ر) يكون (ك ل) اعظم من (اط) و لكن (ه ل) اصغر منه هذا محال و ان كان عدد امثال (د ح) فى (ك ر) اصغر من عدد امثال (اط) فى (ل ر) كانت نسبة (ه ر) الى (د ح) اصغر من نسبه الى (اب) وقد فرضنا بخلاف هذا محال فعدد امثال (د ح) فى (ك ر) مثل عدد امثال (اط) فى (ل ر) وكذلك يلزم فى كل فضله هذا المعنى بعينه و هو ان يكون عدد امثال فضلات (د ح) فى فضلات (ه ر) مساويا لعدد فضلات (اب) فى (ه ر)

وكذلك عدد امثال فضلات (ر) في (د ج) يكون مساويا لعدد امثال فضلات (ر) في (ا ب) و الا يلزم المحال المذكور ولايزال تكون الفضلات الباقية من (ر) بعد اسقاط فضلات (د ج) منها اصغر من فضلات (ر) بعد اسقاط فضلات (ا ب) من (ر) اعنى نظائرها ويكون فضلات (د ج) بعد اسقاط فضلات (ر) منها اعظم من فضلات (ا ب) بعد اسقاط فضلات (ر) منها اعنى النظائر و هذا خلاف المطلوب و ذلك ان نسبة (ر) الى (ا ب) اصغر من نسبة (ر) الى (د ج) هذا محال فليس (د ج) باعظم من (ا ب) ولا مساويا له فهو اذن اصغر منه و ذلك ما اردنا ان نبين و لهذا الشكل اختلاف و قرعات و اصعب اضعافه ما اتينا به و باقيها يمكن ان تستبطن بقوة هذا قطر كنا تبرما بالتطويل و الجيد الحس الثاقب الراى اذا عرضت عليه تلك الاضعاف تقطن لبراهينها بقوة ما ذكرنا بادنى مدة و كذلك ساير الاشكال التى قبله لا يخلو عن اختلاف وقوع و اختلاف اوضاع و سبيله هذا السبيل حتى تعلمه و اكثر الاشكال الهندسيه لا يخلو عن اختلاف وقوع و من الناس من يتكلف تطويلات يخلو يخرج التصنيف عن وزنه و قدره و ما هو الا تكلف و تعسف بارد و ثابت

قد صرف عنه صفحا لهذا السبب نسبة مقدار

(ا) الى مقدار (ب) اعظم من نسبة مقدار

(د) الى مقدار (ج) بالمشهور فاقول انها اعظم منها بالتحقيق .

ايضا برهانه : ان لم يكن فهى مثلها او اصغر منها فان كانت مثلها كانت نسبة (ا) الى (ب) بالمشهور كنسبة (د) الى (ج) و قد قلنا

انها اعظم منها هذا محال و ان كانت اصغر منها فبقدر ان نسبة (ا) الى
(ب) كنسبة (د) الى (هـ) بالحقيقة فنسبه (د) الى (هـ) اصغر من
نسبة (د) الى (جـ) فيكون (جـ) اعظم من (د) بالحقيقة كما بينا
في الشكل المتقدم و نسبة (ا) الى (ب) كنسبة (د) الى (جـ) في -
المشهور فنسبة (د) الى (جـ) بالمشهور اعظم من نسبة (د) الى (هـ)
فيكون (جـ) اصغر من (د) و قد كان اعظم منه هذا محال فليست نسبة
(ا) الى (ب) اصغر من نسبة (د) الى (جـ) فهي اذن اعظم منها
وذلك ما اردنا ان نبين وعكس هذا الشكل نسبة مقدار (ا) الى (ب)
بالحقيقه اعظم من نسبة (د) الى (جـ) فاقول انها بالمشهور كذلك
فان لم يكن فلا يجوز ان تكون النسبه مثل النسبه و الا لزم المحال -
المذكور فليكن نسبة (ا) الى (ب) اصغر من نسبة (د) الى (جـ)
بالمشهور و تقدر ان نسبة (ا) الى (ب) بالمشهور كنسبة (د) الى
(هـ) فنسبة (د) الى (هـ) اصغر من نسبة (د) الى (جـ) فيكون (هـ)
اعظم من (جـ) و نسبة (ا) الى (ب) بالمشهور كنسبة (د) الى (هـ)
فنسبة (د) الى (هـ) اصغر من (د) الى (جـ) فيكون (هـ) اعظم من
(جـ) و نسبة (ا) الى (ب) بالمشهور كنسبة (د) الى (هـ) فبالحقيقه
كذلك فنسبة (د) الى (هـ) بالحقيقه اعظم من نسبة (د) الى (جـ)
فيكون (هـ) اصغر من (جـ) و قد كان اعظم منه هذا محال فنسبة (ا)
الى (ب) بالمشهور اعظم من نسبة (د) الى (جـ) و ذلك ما اردنا
ان نبين .

فقد بينا ان ما ذكر اقليدس من توسيم عظيم النسبة وصغره هي

من لوازم عظيم النسبة و صغرها الحقيقين وهو ان كل نسبة عظمى بالمشهور
فهي ايضا عظمى بالحقيقه و كذلك الصغرى و عكسه ان كل نسبة عظمى
بالمشهور و كذلك الصغرى و باقى الاحوال من التركيب و التفصيل و
الابدال و العكس و نسبة المساواه و غير ذلك من الاحكام التى ذكرها
اقليدس فى صدر المقالة الخامسة و فى ضمنها و ما يتعلق بها و ما تبرهن
بها من غير احتياج الى غيرها فكلها من لوازم النسبة الحقيقه و لوازم
التناسب الحقيقى و كذلك النسبة العظمى و الصغرى و اما تاليف النسبه
و تفصيلها فغير محتاج اليها فى المقالة الخامسة بل الاحتياج اليها فى -
المقالة السادسة و سنستوفى الكلام عليها فى المقالة الثالثه لهذه الرسالة
بحمد الله و حسن توفيقه تمت المقالة الثانيه و الله المحمود

المقالة الثالثة

فى تاليف النسبه و تحقيقه

قد ذكرنا فى اول المقالة الثانيه حقيقه النسبه الكميّه و معناها و قلنا هناك ان النسبه هى اضافة بين المقادير من حيث هى مقادير مقرونه بامر آخر و ذلك الامر هى مقدار التفاضل بينهما على وجه معلوم لا يشار كها فيها غير ها و اطبنا فيها و استأنقنا الكلام فى تاليف النسبه قال اقليدس اذا اخذت نسبتان و ضوعف بعضا ببعض فعلت نسبة ماقتلك النسبه هى مؤلفه من تينك النسبتين ضوعت احديهما فى الاخرى و قال فى صدر المقالة الخامسه على سبيل المصادره من غير برهان ان كل ثلثه مقادير متجانسه فان نسبة الاول الى الثالث مؤلفه من نسبة الاول الى الثانى و من نسبة الثانى الى الثالث و قال ان كل ثلثه مقادير متناسبه فان نسبت الاول الى الثالث ضعف نسبة الاول الى الثانى و كذلك اذا كانت اربعة مقادير و خمسه مقادير على هذا القياس و هذه قضيه عظيمه و يجوز ان تكون مقدمه لامور عظيمه الا يبرهان هندسى شاف او ما ذكره من تضعيف النسبه فهو ان نسبة ثلثه الى خمسه معناها ثلثه اخماس واحد و ذلك انه يفرض مقدار واحد اى يفرض مقداراً و يسمى واحداً و يضاف اليه المقادير الاخر فان كل مكيل لابد من ان يكون فيه شئى مفروض واحداً و الثانى مضاف اليه من سبل العدد فلو كانت النسبه المقداريه غير عدديه اضيف مربعه الى مربع الواحد او مربع مربعه الى ما لا نهاية له او يترك تلك النسبه مجهوله من حيث الكيل اذ لا يوجد سبيل الى ادراك كميّه اصلا مضافه الى ذلك الواحد المفروض

ولست اقول ان النسبة المقداريه يجب ان تكون مكيله حتى تكون معلومه بل اقول انه لا بد من ان تكون كل نسبة مقدار بحيث يمكن ان نقرض مقادارا من ذلك الجنس واحدا فيكون اذن نسبة ذلك المفروض الى مقدار آخر معقول مثل تلك النسبة المفروضه و ليس يجب ان يكون ذلك المقدار مفقودا لكونه مفقودا في الاعيان بسبب عجزنا عن الوقوف على قانون صناعى به يمكن استخراجه وكثيرا ما تكون هذه النسبه مجهوله من جهة العدد معلومه من جهة الهندسه و لكن لاضرير لنا من ذلك بعد تحقيقنا ان النسبة المقداريه يقترن بشيئى عددى او فى قوة - العدد ثم النظر فى ان النسبة المقداريه هل يتضمن العدد فى ذاتها او يلانزم العدد او يلحقه العدد من خارج ذاته بسبب امر آخر و يلحقه العدد بسبب للانزم ذاته من غير احتياج الى حكم خارج فذلك نظر حكمى ليس للمهندس تعاطيه اصلا لكن يجب ان يعرف ان الكلام فى تاليف النسبة منها هو من حيث اقتران معنى العدد و الواحد بها اما بالقوه و اما بالفعل و اما كيف ذلك الاقتران و هو على احد الوجوه التى ذكرنا ام لا فليس الينا فى هذا البحث فافهمه و ان اقليدس احتاج الى تاليف النسبه فى الشكل الثالث العشرين من مقاله السادسه حيث اراد ان يبرهن على ان كل سطحين متوازي الاضلاع روايا متساويه و اراد بالتاليف بضعف احدى النسبتين بالآخرى ثم لم يجتج فى كتابه الى ذلك الشكل ولا الى تلك الاخرى القائله بان كل ثلثه مقادير متناسبه فان نسبت الاول الى الثالث ضعف تسبه الاول الى الثانى الاعدد نسب اضلاع السطوح المتشابهه واضلاع المجسمات المتشابهه وهى ايضا مستغنى عنها فليت شهرى ما الذى اخرجه

الى ذكرها تين المقدمتين و المصادرة عليها من غير برهان
و اما تأليف النسبه في كتاب بطلميوس المعروف بالمجسطى فثنى
عظيم و اعناده كثيره و فائدة جزيله الا ان بطلميوس قد صادر ايضا على
هذه المقدمه من غير برهان و عليه بناء الشكل القطاع و على الشكل
القطاع بنى اكثر علم الهيئه و خصوصا ما يقع من الاحوال و الاحكام و
الهيئات في الفلك المكوكب و فلك معدل النهار فغناء هذا اعنى تأليف
النسبه ليس بصغير و كذلك كتاب المخروطات لابولونيوس الذى هو مقدمه
عظيمه لاكثر العلوم الهندسيه و خصوصا المجسمات و بالجملة فان عظام
الامور فى عام الهيئه و علم الهندسيات الصغار والكبار منيه على تأليف النسبه
و اما تأليف النسبه المذكوره فى علم الموسيقى فانه غير هذا التأليف
و انما هو التركيب و النقصان و لفظ التأليف عليهما بالاتفاق و الاشتراك
لا بالتواطؤ الصرف و اقليدس قد ذكر تأليف النسبه المعروف فى مقاله
التانيه و استعمله فى شكل كان مستغنيا عنه فى كتابه استغاؤه من -
الشكل الذى ذكرنا و تركيب النسبه الذى عليه مبنى بعض اجزاء -
الموسيقى فان ذلك عددى و قد اشبع القول فيه اقليدس فى المقالة -
الثامنه و اما نقصان النسبه المذكور فى الموسيقى فهو بالحقيقه عند -
النظر و التأمل صنف من التركيب و الطريق الى معرفتها عند التاقب
الرأى الجيد الحدس واحد و قد ذكرنا سطرنا من هذا المعنى فى شرح
المنشكلى من كتاب الموسيقى و علم العدد غير محتاج الى الهندسه و
كيف يكون و هو قبل الهندسه قليه بالذات و ليس بينهما فسه الا ان
الهندسه منقره الى العدد و كيف لا و المثلث هو الذى يحيط به ثلثه

خطوط فمن لم يكن عارفاً بمعنى الثلثة كيف يمكنه ان يعرف معنى -
الثالث فالثلثة جزء من الثالث فهو علمه و قبله بالذات و النظر فى العدد
غير النظر فى الهندسه و هما علمان ليس احدهما قبث الاخر و لكن-
الهندسه تحتاج فى بعض براهين اجزائها الى شئى من العدد كما هو
مذكور فى المقالة العاشره و ذلك عند مساحة المقادير اعنى معرفة النسبه
بينهما من حيث العدد كما قد بيناه فى صدر هذه مقاله و هو ان يفرض
مقدار ما واحد او يمسح به ساير المقادير التى من جنسه و هو ان
يعرف كميتها من حيث النسبة الى ذلك الواحد و اقليدس انما خلط بين
صناعة العدد و صناعة الهندسه لامرئين احدها ليكون كتابه مشتملا على
اكثر قوانين علم الرياضيات و نعم ما راي هذا و الثانى انه محتاج الى
علم العدد فى المقالة العاشره و لم يرد ان يكون براهين كتابه محتاجه
الى شئى خارج من كتابه من علم الرياضيات الا انه كان من الواجب
ان يقدم العدييات على الهندسيات كما عند الوجود و العقل و لكن -
البراهين العدييه اصعب ادراكاً من البراهين الهندسيه فقدم عدة براهين
هندسيه ليرتاض نفس المتعلم و بعد ما ذكرنا هذه المعانى التى بعضها
خارج من الفرض المذكور المقصود نحوه فى هذه مقاله و انما
ذكرناه ليكون زياده فى علم الاصول هذه المعانى و ليكون هذه الرساله
مشتمله على اكثر ما يحتاج اليه فيها و تشويقاً للمتعلم الى الامتداد نحو
معرفة اصول الصناعات و الوقوف على اصول العلوم الكليه و على مبادئ
الوجود و معرفة واجب الوجود الحق و سائر الاحوال الالهيه و
امر المعاد .

شرح في البرهان على ما قلنا : (ا ب د) ثلثه مقادير متجانسه
فاقول ان نسبة مقدار (ا) الى مقدار (د) هؤلفه من نسبة مقدار (ا)
الى مقدار (ب) و من نسبة مقدار (ب) الى مقدار (د) برهانه ؛
نفرض الواحد و نجعل نسبة الى مقدار (ر)
كنسبة (ا) الى (ب) و النظر في مقدار (ر)
لا من حيث كونه خطأ او سطحاً او جسماً
او زماناً بل النظر فيه من حيث كونه مجرداً
في العقل عن هذه الواحق و من حيث تعلقه

بالعدد لا عدداً مطلقاً حقيقياً لان النسبة بين (ا) و (ب) ربما كانت
غير عدديه فلا يوجد عدد ان على نسبتها و الحسب اعنى المساح
كثيراً ما يقولون نصف الواحد و ثلثه و غير ذلك من الاجزا و الواحد
لا ينقسم ولكنهم يعنون به واحداً لا مطلقاً حقيقياً منه تركبت الاعداد.
الحقيقيه بل يعنون به واحداً مفروضاً ينقسم عندهم ثم يتصرفون في المقادير
بحسب ذلك الواحد المنقسم و بحسب الاعداد المركبه منه و كثيراً
ما يقولون جذر خمسة جذر عشره و غير ذلك مما يكثر في اثنا
محاوراتهم و ضمن اعمالهم و مساحاتهم و انما يعنون به خمسة مركبه
من آحاد منقسمه كما ذكرنا فيجت ان تعرف ان هذا الواحد هو ذلك
المنقسم و مقدار (ر) يعتبر فيه عدد كما ذكرنا اي مقدار كان و قولنا
نجعل نسبة الواحد الى مقدار (ر) كنسبة (ا) الى (ب) فانا لانعني
به يمكننا من ان نضع في جميع المقادير هذا المعنى اي يجعل مايقول
بقانون صناعي بل نعني به انه عند العقل غير متمتع ان يكون و ليس

عجزنا عن صنع ذلك بدل على ان الامر في ذاته ممتنع فافهم هذه -
المعاني و نجعل نسبة الواحد الى مقدار (ج) كنسبة (ا) الى (د)
فنسبة (ا) الى (د) كنسبة الواحد الى (ج) و نسبة (هـ) الى الواحد
كنسبة (د) الى (ب) ففى نسبة المساواه تكون نسبه (ا) الى (ب)
كنسبة (هـ) الى (ج) و نسبة (ا) الى (ب) كنسبة الواحد الى (ر)
فيكون نسبة (هـ) الى (ج) كنسبة الواحد الى (ر) فهما اربعة مقادير
متناسبه فيكون ضرب الواحد الذي هو الثالث من (ج) الذي هو الثاني
كضرب (هـ) الاول فى (ر) الرابع و (د) هو نسبة (ا) الى (ب)
و (هـ) هو نسبة (ب) الى (د) و (ر) هو نسبة (ا) الى (هـ)
فضرب نسبة (ا) الى (ب) فى نسبة (ب) الى (د) و ضرب الواحد
فى كل شئى هو هذا الشئى بعينه لا يزيد و لا ينقص فيكون ضرب
نسبة (ا) الى (ب) فى نسبة (ب) الى (د) هو نسبة (ا) الى (د)
ذلك ما اردنا ان نبين و كذلك اذا كانت اربعة مقادير متجانسه كيف
ماكانت فان نسبة الاول الى الرابع مؤلفة من نسبة الاول الى الثانى و
من نسبة الثانى الى الثالث و من نسبة الثالث الى الرابع مثال : مقادير
(ا ب د ج) الاربعه متجانسه و (ا ب د) ثلثه مقادير متجانسه فنسبة
(ا) الى (د) مؤلفه من نسبة (ا) الى (ب) و من نسبة (ب) الى
(د) و (ا د ج) ثلثه مقادير فان نسبة (ا) الى (ج) مولفه من
نسبة (ا) الى (د) و من نسبة (د) الى (ج) فيكون نسبة (ا) الى
(ج) مولفه من نسبة (ا) الى (ب) و من نسبة (ب) الى (د) و
من نسبة (د) الى (ج) و ذلك ما اردنا ان نبين و على هذا القياس

إذا كانت المقادير خمسة أو ستة إلى ما لا نهاية له و إذا كانت ثلثة مقادير متناسبه كانت نسبة الاول إلى الثاني كنسبة الثاني إلى الثالث و نسبة الاول إلى الثالث مؤلفه من نسبة الاول إلى الثاني و من نسبة الثاني إلى الثالث فيكون نسبة الاول إلى الثالث ضعف نسبة الاول إلى الثاني كما قد صدر عليه اقليدس في صدر المقالة الخامسة و على هذا القياس إذا كانت خمسة أو ستة إلى ما لا نهاية له

و اذ قد اتينا على جميع الفرض المقصود نحوه في هذه الرساله فقد حان لنا ان تتم مقاله حامدين لله تعالى و اعلم انا قد اودعنا هذه الرساله و خصوصاً في المقاليتين الاخرتين معان دقيقه جداً و استوفينا الكلام فيها بحسب هذا الفرض فمن تأملها و تحققها ثم اشتغل بتفهم ما يتنى على هذه المقدمات كان عالماً بالهندسه عالماً حقيقياً بحسب الصناعه فاذا تحقق مبادئها من الحكمة الاولى كان عالماً بها بحسب العقل و الله محمود على كل حال و الصلاة على خير خلقه محمد و آله الطيبين - الطاهرين و حسبنا الله و نعم المعين .

و كان بخط الشيخ الامام عمر بن ابراهيم الخيامي مكتوب في آخر هذه الرساله وقع الفراغ من تسويد هذا اليباض ببلد دار الكتب منك في اواخر جمادى الاولى سنه سبعين و اربع مائه

تمت الرساله على يدي مسعود بن محمد بن علي الحلفري في -
الخامس من شعبان سنه خمسه عشر و ستمائه .

غلطنامہ

صفحہ سطر	غلط	صحیح	صفحہ سطر	غلط	صحیح
III ۲	این يك سطر زائد است	۱۵ ۱	کلتی	کلتا الجد تین	صحیح
	و مقصود همان کون و تکلیف است	۱۵ ۱	را کر	وا کر	
۱ ۳	يفترض يفرض	« ۱۴	يجيب	يجب	
۳ ۳	لا تبهري لا تبهرن	« ۲۱	بما	ربما	
« ۵	حالتی شکو له حالی شکو که	۱۶ ۱	رهنا	وهنا	
« ۱۵	مبتہجا تہہ مبتہجا بہ	۲۰ ۴	ضعف	ضعف	
۷ ۹	والعمری ولعمری	« «	یرید	یزید	
« ۱۹	ذالك ذلك	« ۱۰	ایہ	ایسیہ	
۱۲ ۹	حق الخیر حق الخیر	۲۱ ۳	تعدد	تعد	
« «	ينطبق ينطبق	۲۱ ۸	شبعین	سبعین	
۱۳ ۳	ان ثبت ان ثبت	۲۲ ۴	لا يعرف	لا يعرف	
« ۱۸	عنا ومعناه المشقه	۲۳ ۳	اكانت اذا ربعه	اكانت اربعه	
« ۶	العفل عفل	« ۱۰	باخرها	باخرها	
« ۷	لعروب لعروب	۲۴ ۱۶	تاسرها	ياسرها	
« ۹	لا يتعلق يتعلقان	۳۷ ۱	صغرها	صغیرها	
« ۱۵	نضرب بضرب	۴۰ ۱۳	استغبا	استغناؤہ	

الاسرب الحالص الذي في الجرم المنزج مفروباً في نسبة الميه عشر الى العشره
 فنضرب واحداً في عشره ونقسمه على حسه فنخرج اثنان وان نسبة الميه عشر
 الي العشره مثل ونصف مثل فنضرب آلتين في واحد ونضف فيصير ثلاثه
 صلنا ان في الجرم المنزج من الاسرب الحالص ثلاثه ومن الخامس الحالص تسه
 وذلك يعني لانه اذا كان وزن الاسرب الحالص عشره ووزن النحاس الحالص
 الذي ساه به في العظم عشره فان ثلاثه من الاسرب الحالص يكون كآتين من
 النحاس الحالص واذا نقص من اثن عشر الذي هو وزن الجرم المنزج وزن
 الاسرب الذي هو فيه وهو ثلاثه بقى تسه وهو وزن النحاس الذي في الجرم
 المنزج واذا نقص من وزن النحاس الحالص الذي يساوي الجرم المنزج في
 العظم وهو احد عشر اثنان بقى ايضا تسه وذلك ما اردنا ان نبين عم

الحكيم الفاضل ابي القتيح عمر بن ابراهيم الخيامي في الاختيار المعرفه بتقارير الذهب
 والفضه في جسم مركب منهما

اذا اردت ان تعرف مقدار كل واحد من الذهب والفضه في جسم مركب منهما
 فخذ مقداراً من الذهب الحالص ونعرف وزنه في الهوا ثم خذ كفتين متساويتين
 مفتاحاً بهتتين من ميزان وعموداً متشابهاً اجزا اسطوانتي الشكل وضع
 الذهب في احد الكفتين في الماوي الاخرى ما يثقلها ويجعل العمود
 موازياً للثق واعرف مقداره ثم اعرف نسبة الوزن الهوائي للذهب
 الي وزنه المائي وكذلك قد فعله خالصه واعرف نسبة وزنها الهوائي
 الي وزنها المائي فان كانت النسبه مثل نسبة وزن الذهب الهوائي
 الي وزنها المائي فان المركب من الذهب الحالص كما شئ فيه من الفضه وان
 كانت النسبه مثل نسبة الفضه فان المركب هو من الفضه لا شئ فيه من الذهب
 وان كانت النسبه فيما بينهما فيفيد كون الجرم مركب منهما ووجهه ان

عكس رساله از خيام از روى

ان تعرف مقدار كل واحد منهما باوزن الهوائي ونفرض مقدار الذهب
 ان يكون ٥٠ ووزن الذهب الهوائي ووزنه الحائي ٥٠ فيكون ٥٠
 وزن النصف الهوائي ووزنه الحائي ومعلوم ان نسبة ٥٠ الى ٥٠
 اصغر من نسبة ٥٠ الى ٥٠ لان النصف في الحائس مثل من المركب منه ومن
 النصف على ما يتكفل برهان ما حب العلم الايسر ونسبة ٥٠ الى ٥٠ اعظم
 من نسبة ٥٠ الى ٥٠ لان النصف في الحائس من المركب منه ومن النصف ونجمل
 نسبة ٥٠ الى ٥٠ الى ٥٠ الى ٥٠ فياذا فطر ان يكون ٥٠ اصغر من ٥٠
 ونسبة ٥٠ الى ٥٠ الى ٥٠ الى ٥٠ فيكون نسبة جميع ٥٠ الى جميع ٥٠
 كنسبة ٥٠ الى ٥٠ كما بين في خاتمة الاصله صولت ونسبة ٥٠ الى ٥٠
 معلومه يكون نسبة ٥٠ الى ٥٠ معلومه وكذلك معلوم يكون ٥٠ معلوما و
 الباقي معلوما ونسبة ٥٠ الى ٥٠ معلومه وكذلك نسبة ٥٠ الى ٥٠ معلومه
 يكون نسبة ٥٠ الى ٥٠ معلومه وكذلك الى ٥٠ و ٥٠ معلوم فيكون ٥٠
 معلوما ومقدار النصف وهذه اشياء توهنت في المعطيات ونضع لهذا
 مثالا ليكون اسهل فليكن نسبة وزن النصف الهوائي الى وزنها الحائي كنسبة
 عشرة الى عشرة ونصف ونسبة وزن الذهب الهوائي الى وزنها الحائي كنسبة
 عشرة الى احدى عشر واخذنا مقدارا مركبا منهما ووزناه في الهواء فوجدناه
 عشرة ولامه ارباع ووزناه في الحائس فوجدناه عشرة ونسبة عشرة الى عشرة ولامه
 ارباع اعظم من نسبة عشرة الى احدى عشر واصغر من نسبة عشرة الى عشرة ونسبت
 فعلنا ان بالحقيقه مركب منهما
 فنفرض مقدار ٥٠
 من المثال المتقدم عشرة ومقدار ٥٠ عشرة ولامه ارباع و ٥٠ مقدار الذهب
 بالعرض ولا نعلم عدده و ٥٠ مقدار وزنه الحائي وقد قلنا ان نسبة ٥٠ الى
 الى ٥٠ كنسبة ٥٠ الى ٥٠

نسخة خطي كتابخانه « گوتا »

ا	٠	ح	ب
ح	ر		ك

از دکتر ارانی :

۱ - سلسله اصول علوم دقیقه

کتاب I - فیزیک . شامل ۱۲ جزء : ۱ - قوه ؛ ۲ - حرارت ؛ ۳ - خواص هندسی نور ؛ ۴ - مقناطیس و الکتریسیته ؛ ۵ - مکانیک ؛ ۶ - ترمو دینامیک ؛ ۷ - موج و صوت ؛ ۸ - خواص فیزیکی نور ؛ ۹ - خواص تناوبی در الکتریسیته ؛ ۱۰ - فیزیک جدید ؛ ۱۱ - عملیات و محاسبات در فیزیک ؛ ۱۲ - جداول مهم صنعتی و فیزیکی ؛

کتاب II شیمی : شامل ۱۲ جزء : ۱ - قوانین و عملیات شیمی ؛ ۲ - شبه فلزات ؛ ۳ - فلزات ؛ ۴ - شیمی آلی ؛ ۵ - متمم شبه فلزات ؛ ۶ - متمم فلزات ؛ ۷ - متمم شیمی آلی ؛ ۸ - فیزیکوشیمی ؛ ۹ - تجزیه شیمیائی ؛ ۱۰ - لابراتوار و محاسبات ؛ ۱۱ - تکولوژی شیمی ؛ ۱۲ - جداول شیمی

کتاب III - بیولوژی : ۱ - نباتات ؛ ۲ - حیوانات .

کتاب IV - پسیکولوژی :

۱ - پسیکولوژی عمومی ۲ - پسیکولوژی خصوصی (بشر فاسفی ، اجتماعی و اقتصادی)
کتاب V - اصول مادی دیالک تیک ۱ - اصول فلسفه مادی ۲ - دیالک تیک ؛
کتاب سلسله توسط متخصصین تالیف میشود

۲ - رسالات مختلفه

که ناشر کتاب در آنها شرکت کرده یا از خود ناشر است

تئوریهای علم - کاتالیزورها و جوهر هیپو فسفروز - رباعیات خیام - تألیفات ناصر خسرو - بدایع سعدی - رساله حاضر - مجله دنیا (که در مسائل علمی ، صنعتی فلسفی ، اجتماعی و هنری از نظر مادی بحث میکنند)

۳ - کتب تخصصی

که یادداشت و تالیف میشود :

دینامیک اتم و امواج ؛ لابراتوار و صنعت فیزیکوشیمی ؛ دینامیک در دینامیک ؛ دیالک تیک عمومی - تدوین ناشر سلسله که منظره تمام علوم را تحت اشعه دیالک تیک نشان میدهد ؛ شطرنج دنیا ؛ سی سال ایران ؛ شعله تاریخی آهنگر ؛ پشت آن دیوار بلندك . ؛ تاریخچه افکار و متفکرین ؛ از لای اوراق باطله .

COLUMBIA UNIVERSITY LIBRARIES

This book is due on the date indicated below, or at the expiration of a definite period after the date of borrowing, as provided by the library rules or by special arrangement with the Librarian in charge.

DATE BORROWED	DATE DUE	DATE BORROWED	DATE DUE
DEC 22 1992			
DEC 09 1992			
JUN 06 2016			
C28 (665) 50M			

COLUMBIA UNIVERSITY



0031710131

QA
31
.Eu23

QA
31
.Eu23 Omar Khayyam

Risalah

9/9/65	BINDERY

OCT 18 1965

Gaylord
PAMPHLET BINDER
Syracuse, N. Y.
Stockton, Calif.

QA-31-EU23